

Exercice 1 (7 pts)

x et y sont deux nombres réels tel que : $x \leq y$

1. Comparer :

$$\begin{aligned} &x + 7 \text{ et } y + 7 \\ &-5x \text{ et } -5y \\ &-2x - 9 \text{ et } -2y - 13 \end{aligned}$$

x et y sont deux nombres rationnels tels que $4 \leq 3x - 5 \leq 10$ et $-2 \leq y \leq -1$

2. Montrer que $3 \leq x \leq 5$
3. Encadrer $4x$ et $-5y$ et $x + y$ et $x - y$ et $4x - 5y$ et xy
4. Résoudre les inéquations suivantes :

$$\begin{aligned} 1 \quad &7x - 4 > 2 - x \\ 2 \quad &-6x + 9 \geq -5x \\ 3 \quad &-5x + \frac{1}{2} > \frac{x}{2} + 1 \\ 4 \quad &\frac{x}{2} + \frac{1-x}{3} > \frac{2x+3}{6} \end{aligned}$$

Soit x un nombre rationnel strictement positif.

5. Comparer $x + \frac{1}{x}$ et 2

Exercice 2 (3 pts)

ABC est un triangle rectangle en A tel que $AC = 6$ et $\cos ABC = \frac{4}{5}$

1. Calculer AB et BC

Exercice 3 (6 pts)

$ABEF$ est un rectangle et M est son centre.

1. Simplifier :

$$\begin{aligned} \overrightarrow{AF} + \overrightarrow{BE} &= \\ \overrightarrow{FE} + \overrightarrow{EA} + \overrightarrow{AF} &= \\ \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AF} &= \end{aligned}$$

2. Est-ce que $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{FE}$? justifiez votre réponse

3. Construire le point C tel que $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{FB}$
4. Construire le point D tel que $\overrightarrow{MD} = \overrightarrow{ME} + \overrightarrow{MF}$
5. Montrer que $MEDF$ est un losange.

Exercice 4 (4 pts)

1. Simplifier :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{EF} + \overrightarrow{GE} + \overrightarrow{FG} &= \\ \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{CA} - \overrightarrow{CB} &= \\ \overrightarrow{FE} - \overrightarrow{GE} - \overrightarrow{GF} + \overrightarrow{GH} + \overrightarrow{GF} &= \\ \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{DC} - \overrightarrow{EA} - \overrightarrow{BC} &= \end{aligned}$$