



Physique et Chimie : Tronc Commun

Séance 10 (Équilibre d'un corps sous l'action de 3 forces)

Professeur : Mr EL GOUFIFA Jihad

Sommaire

I- Condition d'équilibre d'un solide soumis à trois forces

1-1/ Expérience

1-2/ Observations

1-3/ Relation entre les vecteurs forces

1-4/ Condition d'équilibre

II- Forces de frottement

2-1/ Expérience

2-2/ Angle de frottement - Coefficient de frottement

2-3/ Angle de frottement statique

III- Exercices

3-1/ Exercice 1

3-2/ Exercice 2

3-3/ Exercice 3

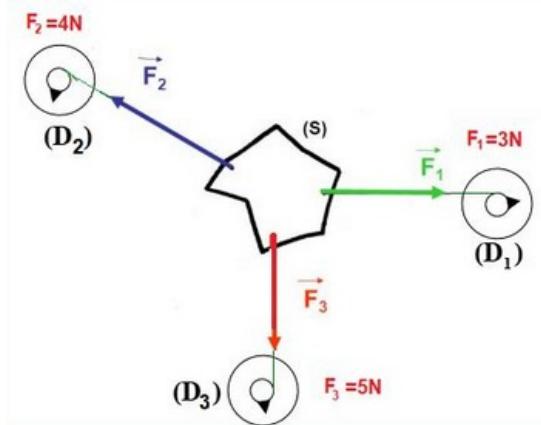
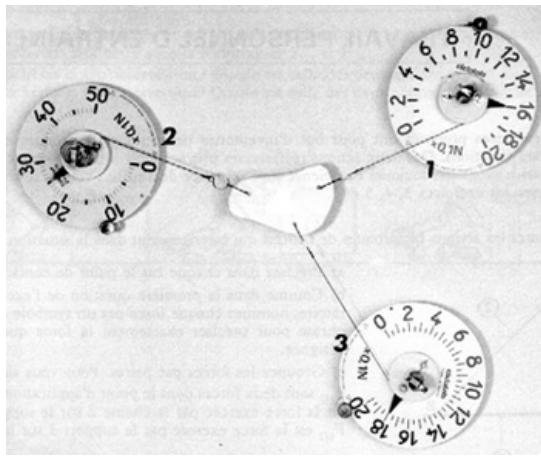
3-4/ Exercice 4

I- Condition d'équilibre d'un solide soumis à trois forces

1-1/ Expérience

Une plaque de polystyrène légère (de poids négligeable) est soumise à l'action de trois forces par l'intermédiaire de trois fils tendus.

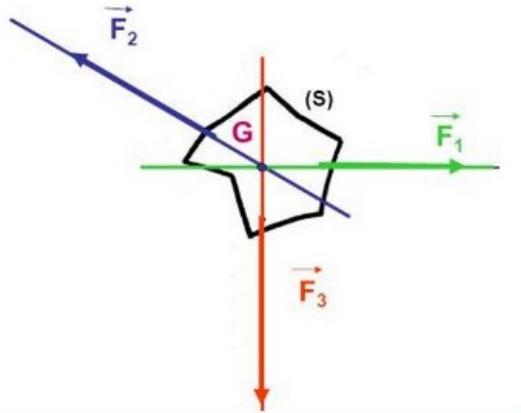
Trois dynamomètres mesurent ces forces.



1-2/ Observations

Les lignes d'action des trois forces se trouvent dans le même plan : on dit qu'elles sont coplanaires.

Les lignes d'action des trois forces se coupent en un même point : on dit qu'elles sont concourantes.



1-3/ Relation entre les vecteurs forces

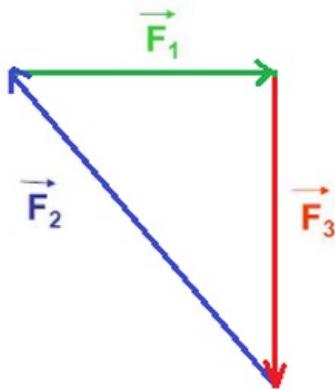
Méthode graphique

En traçant le polygone des forces à une échelle choisie.

On place l'origine d'un des vecteurs à l'extrémité de l'autre vecteur et on complète le triangle.

La ligne polygonale des trois forces est fermée traduit graphiquement la relation vectorielle :

$$\overrightarrow{F_1} + \overrightarrow{F_2} + \overrightarrow{F_3} = \overrightarrow{0}$$



Méthode analytique (projection)

Dans un repère orthonormé déterminons les coordonnées de chaque force :

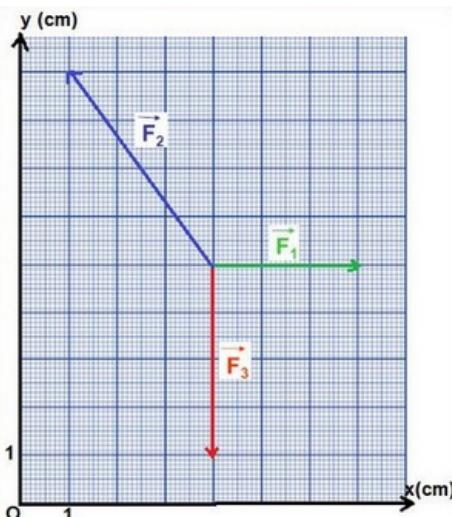
$$\begin{aligned}\overrightarrow{F_1} &\left(\begin{array}{l} F_{1x} = 3 \\ F_{1y} = 0 \end{array} \right); \quad \overrightarrow{F_2} \left(\begin{array}{l} F_{2x} = -3 \\ F_{2y} = 4 \end{array} \right); \quad \overrightarrow{F_3} \left(\begin{array}{l} F_{3x} = 0 \\ F_{3y} = -4 \end{array} \right)\end{aligned}$$

La projection des trois forces sur l'axe Ox et Oy donne :

$$\begin{cases} F_{1x} + F_{2x} + F_{3x} = 0 \\ F_{1y} + F_{2y} + F_{3y} = 0 \end{cases}$$

Donc, on a :

$$\overrightarrow{F_1} + \overrightarrow{F_2} + \overrightarrow{F_3} = \overrightarrow{0}$$



1-4/ Condition d'équilibre

Si un corps soumis à trois forces $\overrightarrow{F_1}$, $\overrightarrow{F_2}$ et $\overrightarrow{F_3}$ est en équilibre :

- Les trois forces sont coplanaires et concourantes.
- La somme vectorielle des trois forces est nulle.

Remarques

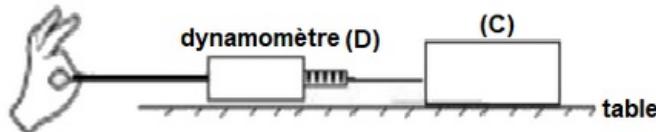
La deuxième condition s'exprime par la relation vectorielle : $\overrightarrow{F_1} + \overrightarrow{F_2} + \overrightarrow{F_3} = \overrightarrow{0}$

Cette condition d'équilibre peut-être facilement généralisée à un nombre quelconque de forces.

II- Forces de frottement

2-1/ Expérience

Sur une table horizontale, on place un corps (*C*) sur lequel on exerce une force \vec{F} à l'aide d'un dynamomètre (*D*), comme l'indique la figure suivante :

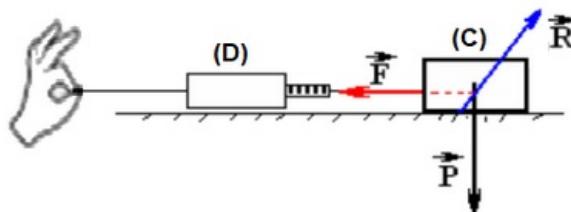


On augmente successivement l'intensité de la force \vec{F} jusqu'à ce que le corps (*C*) se mette en mouvement.

On constate le corps reste en équilibre tend que la force F est inférieure à une valeur minimale F_m .

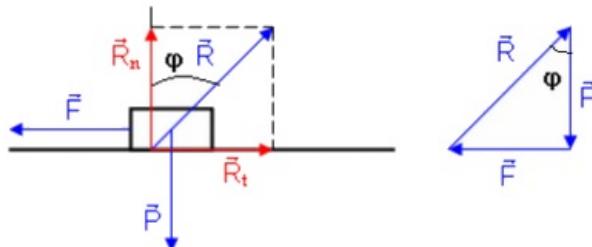
2-2/ Angle de frottement - Coefficient de frottement

On constate que la réaction \vec{R} exercée par la table n'est pas perpendiculaire à la surface de contact, elle forme un angle φ avec la normale qu'on appelle angle de frottement.



On peut décomposer la réaction \vec{R} en deux composantes :

- \vec{R}_N : La composante normale.
- \vec{R}_T : La composante tangentielle qui s'appelle force de frottement \vec{f} .



On appelle le coefficient de frottement :

$$k = \tan \varphi = \frac{R_T}{R_N}$$

2-3/ Angle de frottement statique

Le corps (C) est en équilibre sous l'action de trois forces : \vec{F} , \vec{R} et son poids \vec{P}

À cause des frottements, le corps (C) reste en équilibre tant que la force \vec{F} est intérieure à une valeur minimale \vec{F}_m .

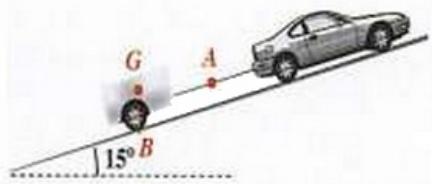
- $F < F_m$: le solide est en équilibre $\varphi < \varphi_0$ tel que φ_0 est l'angle de frottement statique.
- $F > F_m$: le solide est en mouvement $\varphi > \varphi_0$.

On définit le coefficient de l'angle statique k_0 par la relation : $k_0 = \tan \varphi_0$

III- Exercices

3-1/ Exercice 1

Sur une route faisant un angle de 15° avec l'horizontale, une remorque de masse $m = 500\text{kg}$ est accrochée à l'arrière d'une voiture. L'ensemble est immobile comme l'indique le schéma suivant :



A est le point d'application de la force \vec{F} exercée par la voiture sur la remorque, la valeur de cette force est égale à 1250N .

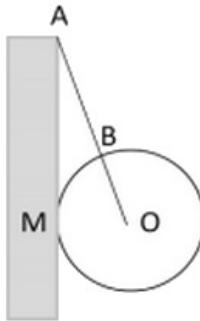
G est le centre de gravité de la remorque. On néglige les forces de frottements.

1. Calculer la valeur P du poids de la remorque (on prendra $g = 10 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$).
2. Donner les caractéristiques de la force \vec{F} et du poids \vec{P} .
3. Représenter le poids \vec{P} et la force \vec{F} (échelle: $1\text{cm} \leftrightarrow 1000\text{N}$).
4. Quelle troisième force s'exerce sur la remorque ? Donner son point d'application, sa direction et son sens.
5. La remorque étant en équilibre, construire la dynamique des forces et déterminer graphiquement la valeur de la troisième force.

3-2/ Exercice 2

Une sphère (S) homogène, de masse $m = 1,4\text{Kg}$ de rayon $r = 10\text{cm}$ et de centre O , est attachée en A à un mur vertical parfaitement lisse, par l'intermédiaire d'un fil fixé en un point B de sa surface.

La sphère repose en M contre le mur.



1. Quelles sont les forces extérieures exercées sur la sphère ?
2. Quelles relations existe-t-il entre ces forces à l'équilibre de la sphère ?
3. En déduire que la droite AB passe par O .

Le fil AB a une longueur $l = 20\text{cm}$.

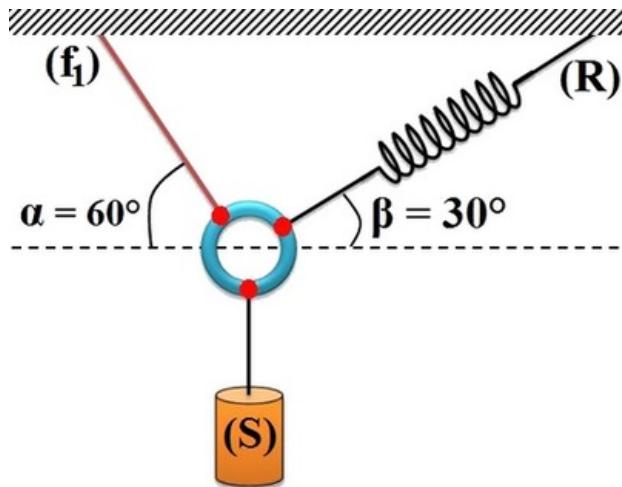
4. Calculer les intensités de la tension du fil et de la réaction du mur.

On prendra $g = 10\text{N} \cdot \text{Kg}^{-1}$

3-3/ Exercice 3

Un câble (f_1) et un ressort (R) sont fixés au plafond, et attachées à un anneau (de masse négligeable) qui supporte une charge (solide (S)) de masse $m = 500\text{g}$, l'allongement du ressort est $\Delta L = 5\text{cm}$.

L'anneau est en équilibre. On prendra $g = 10\text{N} \cdot \text{Kg}^{-1}$.

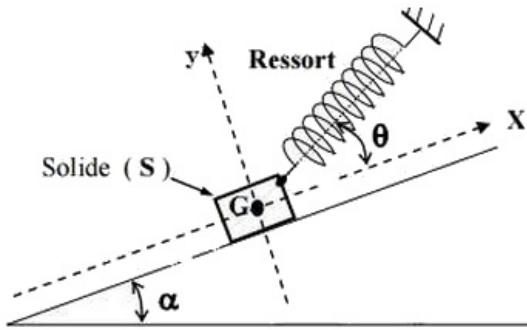


1. Faire l'inventaire des forces appliquées à l'anneau.
2. Représenter ces forces.
3. Calculer K la raideur du ressort.
4. Calculer T l'intensité de la force exercée par le fil.

3-4/ Exercice 4

Un solide (S) de masse $m = 200\text{g}$ est maintenu à l'équilibre sur un plan incliné parfaitement lisse d'inclinaison $\alpha = 30^\circ$ par rapport à l'horizontale par l'intermédiaire d'un ressort de masse négligeable, de constante de raideur $k = 40\text{N} \cdot \text{m}^{-1}$ et allongé.

L'axe du ressort fait un angle $\theta = 20^\circ$ avec la ligne de la grande pente du plan incliné :



1. Rappeler la condition d'équilibre d'un solide soumis à trois forces.

La tension du ressort est \vec{T} , la réaction normale de la grande pente du plan incliné est \vec{R}_N , le poids du solide (S) est \vec{P} .

2. Représenter les forces exercées sur le solide (S).
3. Écrire la condition d'équilibre du solide (S).
4. Déterminer les expressions des coordonnées de ces forces dans le repère orthonormé $R\left(G, \vec{i}, \vec{j}\right)$.
5. Exprimer l'allongement ΔL du ressort en fonction de m , g , θ , k et α .
6. Calculer ΔL .

On donne : $g = 10 N \cdot kg^{-1}$