



Physique et Chimie : 2ème Année Bac

Séance 17 (Les lois de Newton)

Professeur : Mr El GOUFIFA Jihad

Sommaire

I- Complément mathématique

1-1/ Notions générales sur le mouvement

1-2/ Vecteur vitesse

1-3/ Vecteur accélération

1-4/ Repère de Frenet

II- Le Mouvement

2-1/ Mouvement rectiligne uniforme

2-2/ Mouvement rectiligne uniformément varié

III- Les forces intérieures et les forces extérieures

IV- Les lois de Newton

4-1/ La 1ère loi de Newton (Principe d'inertie)

4-2/ La 2ème loi de Newton (Théorème de centre d'inertie)

4-3/ La 3ème loi de Newton (Principe des actions réciproques)

V- Applications

5-1/ Mouvement sur un plan horizontal sans frottement

5-2/ Mouvement sur un plan horizontal avec frottement

5-3/ Mouvement sur un plan incliné sans frottement

5-4/ Mouvement sur un plan incliné avec frottement

5-5/ Mouvement curviligne

VI- Exercices

6-1/ Exercice 1

6-2/ Exercice 2

6-3/ Exercice 3

6-4/ Exercice 4

I- Complément mathématique

1-1/ Notions générales sur le mouvement

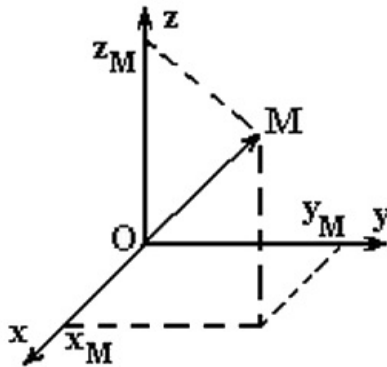
Nous savons que le mouvement d'un corps est relatif au référentiel choisi, c'est-à-dire que les corps ne se déplacent que par rapport à d'autres corps.

Donc pour étudier le mouvement d'un corps on doit choisir un solide de référence fixe appelé référentiel puis un repère d'espace et un repère de temps liés à ce référentiel.

La plupart des temps, on choisi comme référentiel d'étude le référentiel terrestre.

Pour repérer la position du mobile, on utilise un repère d'espace $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

Le vecteur position permet de repérer le point M dans l'espace par rapport à un référentiel choisi pour l'étude.



$$\overrightarrow{OM} = x. \vec{i} + y. \vec{j} + z. \vec{k}$$
$$\overrightarrow{OM} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$$

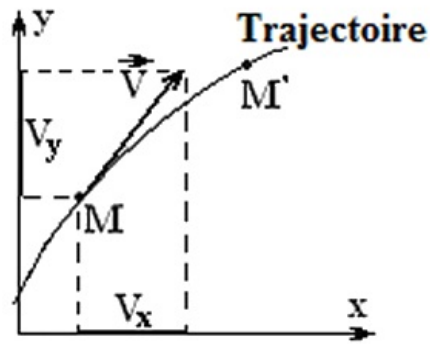
Les fonctions $x(t)$, $y(t)$ et $z(t)$ sont les équations horaires du mouvement.

1-2/ Vecteur vitesse

Le vecteur vitesse instantanée du centre d'inertie d'un corps est égal à la dérivée du vecteur position par rapport au temps :

$$\vec{v}_G = \frac{d\vec{OG}}{dt}$$

Le module du vecteur vitesse est $v_G = \left\| \vec{v}_G \right\| = \sqrt{\dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2}$ en (m/s) .



1-3/ Vecteur accélération

Le vecteur accélération du centre d'inertie d'un corps est égal à la dérivée du vecteur vitesse par rapport au temps :

$$\vec{a}_G = \frac{d\vec{v}_G}{dt}$$

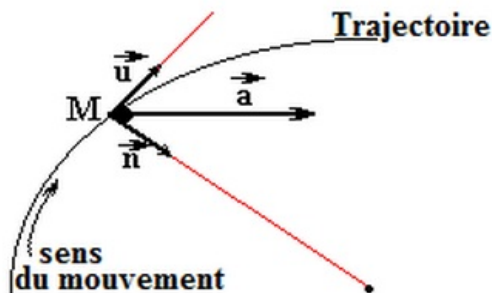
Le module du vecteur accélération est $a_G = \|\vec{a}_G\| = \sqrt{\ddot{x}^2 + \ddot{y}^2 + \ddot{z}^2}$ en (m/s^2) .

1-4/ Repère de Frenet

Le repère de Frenet est un repère local orthonormé lié au mobile que l'on note $(M, \vec{u}, \vec{n})$.

Le vecteur unitaire $\vec{u}$ est tangent à la trajectoire au point M et orienté dans le sens du mouvement.

Le vecteur unitaire $\vec{n}$ est normal, et dirigé vers le centre de courbure de la trajectoire, il est perpendiculaire à $\vec{u}$:



L'expression du vecteur accélération dans le repère de Frenet est :

- $a_t = \frac{dv}{dt}$ est la composante tangentielle du vecteur accélération.
- $a_n = \frac{v^2}{\rho}$ est la composante normale du vecteur accélération.

ρ est le rayon de courbure de la trajectoire au point M

Si la trajectoire est un cercle $\rho = R$ (Rayon du cercle).

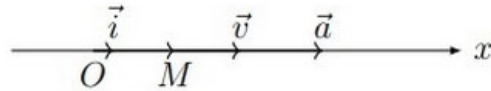
II- Le Mouvement

2-1/ Mouvement rectiligne uniforme

Le mouvement rectiligne uniforme est caractérisé par :

- Une trajectoire rectiligne.
- Une vitesse constante : $\vec{v} = \frac{dx}{dt} \vec{i} = cte \vec{e}$.
- Une accélération nulle : $\vec{a} = \frac{d^2x}{dt^2} \vec{i} = \vec{0}$.

L'équation horaire du mouvement est : $x = v \cdot t + x_0$ (x_0 : abscisse à l'origine).



2-2/ Mouvement rectiligne uniformément varié

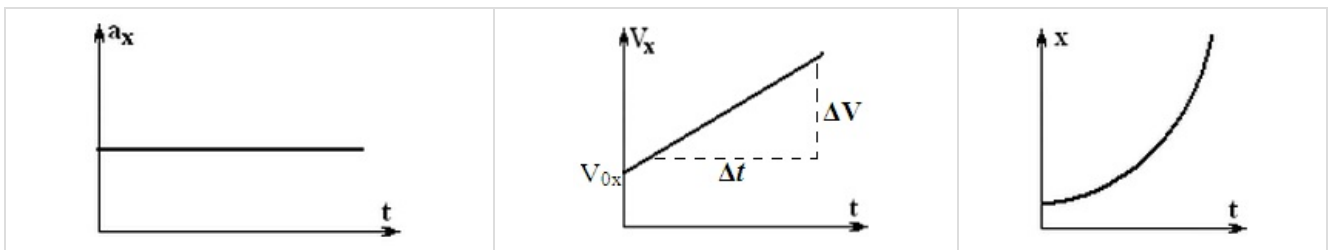
Le mouvement rectiligne uniformément varié est caractérisé par :

- Une trajectoire rectiligne.
- Une accélération constante $\vec{a} = \frac{d^2x}{dt^2} \vec{i} = cte \vec{e}$

L'équation de la vitesse est $v = a \cdot t + v_0$.

L'équation horaire du mouvement est $x = \frac{1}{2} a \cdot t^2 + v_0 t + x_0$.

Dans ce cas la vitesse en fonction du temps est une fonction affine, son coefficient directeur est égal à l'accélération.



III- Les forces intérieures et les forces extérieures

On appelle forces extérieures, les forces qui s'exercent sur le système par des corps qui n'appartiennent pas au système.

On appelle forces intérieures, les forces qui s'exercent sur le système par des corps qui appartiennent pas au système.

Un système est dit isolé s'il n'est soumis à aucune force extérieure.

Un système est dit pseudo-isolé si les force extérieure auquel il est soumis se compensent.

IV- Les lois de Newton

4-1/ La 1ère loi de Newton (Principe d'inertie)

Dans un référentiel galiléen, tout corps isolé (aucune force n'est appliquée) ou pseudo isolé (la somme des forces est nulle) est soumis d'un mouvement

rectiligne uniforme $\left(\vec{v} = cte \vec{e} \right)$ e ou il est immobile $\left(\vec{v} = \vec{0} \right)$.

Remarque

Le repère de Copernic est le meilleur repère galiléen (son origine est le soleil et ses trois axes sont dirigés vers trois étoiles fixes).

Tout repère en mouvement de translation rectiligne uniforme par rapport au repère de Copernic est considéré galiléen, donc tous les repères terrestres peuvent être considérés galiléens pendant des intervalles de temps courts.

4-2/ La 2ème loi de Newton (Théorème de centre d'inertie)

Dans un repère galiléen la somme des vecteurs forces qui s'exercent sur un corps est égale au produit de la masse du corps et du vecteur accélération de son centre d'inertie.

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_G$$

4-3/ La 3ème loi de Newton (Principe des actions réciproques)

Lorsqu'il y a une interaction entre deux corps A et B , le corps A exerce une force sur le corps B , on la note $\vec{F}_{A/B}$, et le corps B exerce une force de même intensité $\vec{F}_{B/A}$.

Ces deux vecteurs sont liés vectoriellement par la relation suivante :

$$\vec{F}_{A/B} = -\vec{F}_{B/A}$$

Leur intensité est :

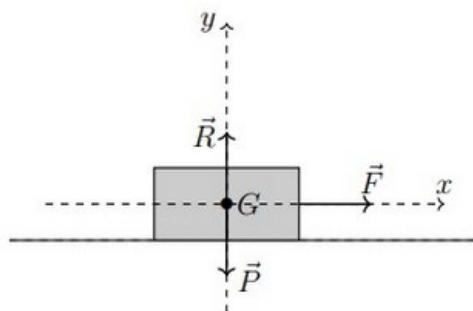
$$F_{A/B} = -F_{B/A} = G \frac{m_A \cdot m_B}{d^2}$$

G est la constante de gravitation universelle, elle vaut $6,67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{Kg}^{-2}$, et d la distance qui les sépare.

V- Applications

5-1/ Mouvement sur un plan horizontal sans frottement

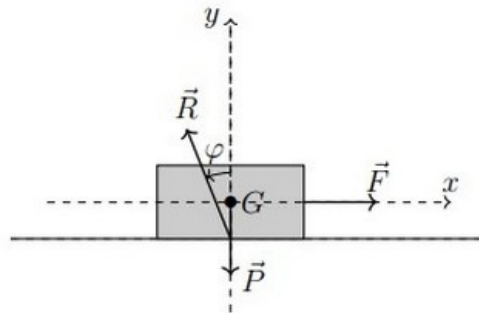
On considère un corps solide (S) en mouvement sur un plan horizontal sans frottement sous l'action d'une force constante $\vec{F}$ comme l'indique la figure suivante :



$$\vec{F} + \vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}$$
$$a = \frac{F}{m}$$

5-2/ Mouvement sur un plan horizontal avec frottement

On considère un corps solide (S) en mouvement sur un plan horizontal avec frottement sous l'action d'une force constante $\vec{F}$ comme l'indique la figure suivante :



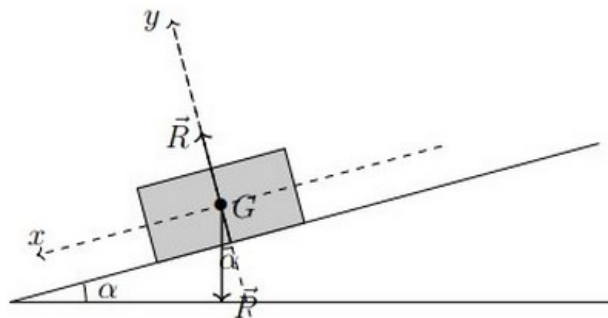
$$\vec{F} + \vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}$$

$$R = \sqrt{f^2 + R_N^2}$$

$$k = \tan \varphi = \frac{f}{R_N} \Leftrightarrow \varphi = \arctan k$$

5-3/ Mouvement sur un plan incliné sans frottement

On libère un corps solide (S) de masse m sur un plan incliné d'un angle α par rapport à l'horizontale et il glisse sans frottement vers le bas :

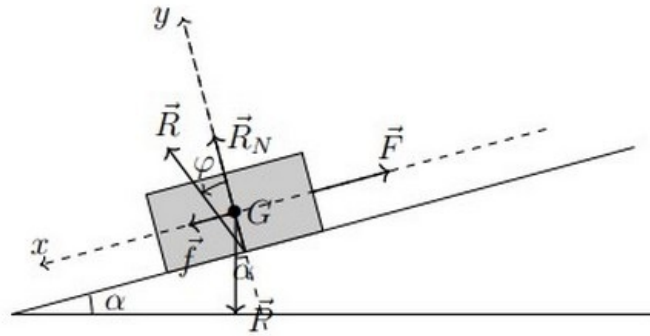


$$\vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}$$

$$a = g \sin \alpha$$

5-4/ Mouvement sur un plan incliné avec frottement

On tire un corps solide (S) de masse m sur un plan incliné d'un angle α par rapport à l'horizontale en utilisant une corde, il glisse avec frottement vers le haut :

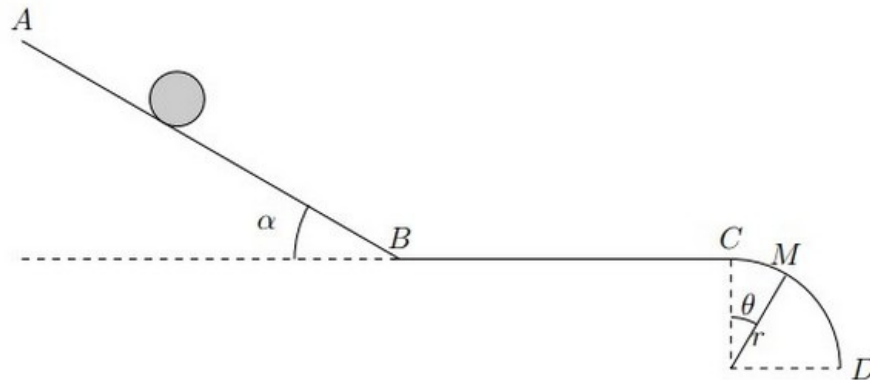


$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = m \cdot \vec{a}$$

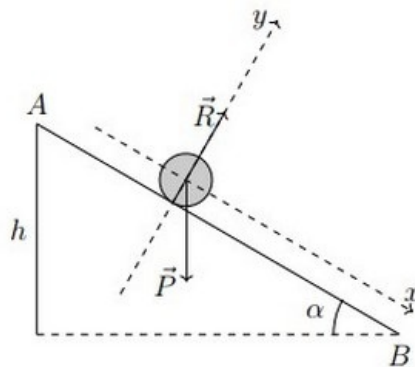
$$R = \sqrt{f^2 + R_N^2}$$

5-5/ Mouvement curviligne

Une bille (S) de masse m se déplace sur un rail $ABCD$, contenant trois portions, comme l'indique la figure suivante :

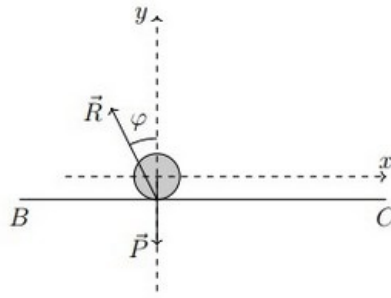


1. La portion AB est inclinée d'un angle α où le mouvement se fait sans frottement :



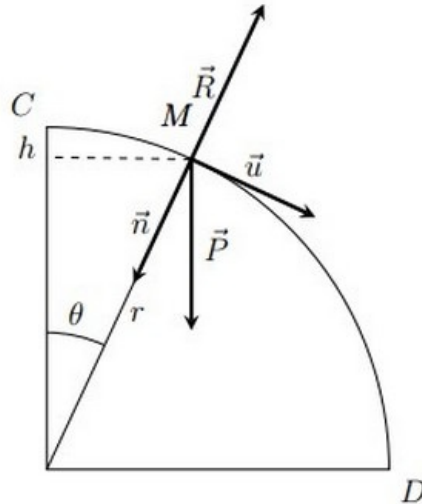
$$v_B = \sqrt{2gAB \sin \alpha}$$

2. La portion BC horizontale où le mouvement se fait avec frottement :



$$a = -\frac{f}{m}$$

3. La portion CD est circulaire de rayon r , le mouvement se fait sans frottement :



$$R = P \cos \theta - m \frac{v^2}{r} = mg (3 \cos \theta - 2)$$

VI- Exercices

6-1/ Exercice 1

Les coordonnées du vecteur position $\overrightarrow{OG}$ au cours du mouvement d'un corps solide dans un repère orthonormé $R(O, \vec{i}, \vec{j})$ sont : $\begin{cases} x = t + 3 \\ y = t^2 - t + 3 \end{cases}$

1. Trouver l'équation de la trajectoire $y = f(x)$. En déduire sa nature.
2. Déterminer les coordonnées du vecteur vitesse $\overrightarrow{V_G}$ dans le repère R .
3. Calculer la norme de la vitesse $\overrightarrow{V_G}$ à la date $t = 1,5s$.
4. Trouver les coordonnées du vecteur accélération $\overrightarrow{a_G}$ dans le repère R .
5. Calculer la norme du vecteur accélération $\overrightarrow{a_G}$.
6. Déterminer la nature du mouvement du mobile (accéléré ou retardé).

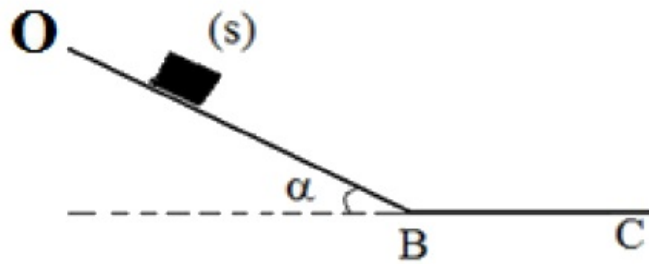
6-2/ Exercice 2

Un skieur (avec ses équipements) assimilé à un corps solide de masse $m = 70Kg$, décrit une piste formée par deux parties :

- OB , une pente inclinée de 20° avec le plan horizontal

- BC , une voie rectiligne et horizontale.

Le contact entre le skieur avec ses équipements se fait sans frottements sur la partie $OB = 2,4m$:



L'intensité de gravitation $g = 9,81m.s^{-2}$.

On étudie le mouvement du corps (S) dans un repère galiléen $R(O, \vec{i}, \vec{j})$.

La partie OB

1. En appliquant la 2ème loi de Newton, déterminer l'abscisse a_{G_x} du vecteur accélération du centre d'inertie de (S). Quelle est la nature de son mouvement ?
2. Déterminer les équations horaires $v(t)$ et $x(t)$ du mouvement, on prend comme origine des dates lorsque le skieur est au point O et sa vitesse initiale est nulle.
3. Déterminer l'instant t_B où le corps (S) atteint le point B.
4. Calculer la vitesse du skieur au point B.
5. Calculer l'intensité de la réaction du plan sur le skieur.

La partie BC

Le solide (S) arrive au point B avec la vitesse V_B .

On prend comme origine des dates et d'espace lorsque le skieur atteint le point B.

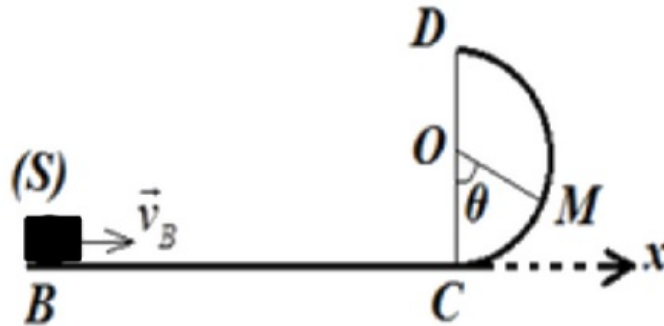
Le contact entre le plan BC et (S) se fait avec frottements équivalents à une force $\vec{f}$ constante et horizontale $f = 80N$ et de sens opposé à celui du mouvement.

6. En appliquant la 2ème loi de Newton, déterminer l'abscisse a_{G_x} du vecteur accélération
7. Déterminer les équations horaires $v(t)$ et $x(t)$ du mouvement.
8. Déterminer l'instant t_C sachant que (S) arrête au point C.
9. Calculer la distance BC .
10. Calculer l'intensité de la réaction du plan sur le skieur.
11. En déduire le coefficient de frottement K et l'angle de frottement φ .

6-3/ Exercice 3

Une piste BCD dans un plan vertical est constituée d'une partie BC horizontale de longueur $BC = 80\text{cm}$ et d'une partie CD circulaire de rayon $r = 10\text{cm}$.

On lance , à $t = 0$, un corps (S) de masse $m = 200\text{g}$ à partir du point B origine de repère (B, x) considéré galiléen avec une vitesse initiale $v_B = 2\text{m.s}^{-1}$ et le corps (S) se déplace sur la partie BC avec frottement :



On prend $g = 9,81\text{m.s}^{-2}$.

1. Trouver l'expression de la force de frottement f , calculer sa valeur sachant que l'accélération a_{G_x} du centre d'inertie est $a_{G_x} = -2\text{m.s}^{-2}$.
2. Calculer la valeur de la réaction de la partie BC sur le corps (S) . Déduire la valeur de l'angle de frottement.
3. En utilisant les équations horaires $v(t)$ et $x(t)$ déterminer la vitesse v_C au point C .

Arrivant au point C , le corps (S) continue son mouvement sur la partie circulaire CD sans frottement .

4. Trouver l'expression de la force de réaction R appliquée par la partie CD sur le corps (S) à la position M repérée par l'angle θ en fonction de m, g, r, θ et v_M la vitesse au point M .
5. Appliquer le théorème de l'énergie cinétique entre C et M et montrer que l'expression de v_M s'écrit : $v_M = \sqrt{v_C^2 - 2 \cdot g \cdot r (1 - \cos \theta)}$.
- 6) Déterminer la valeur de l'angle maximal θ_{max} pour lequel le solide (S) revient dans le sens inverse .
7. Calculer l'intensité de la force de réaction R à cet angle.

Rappel

Dans le repère de Frenet, le vecteur accélération s'écrit :

$$\vec{a}_G = \vec{a}_T + \vec{a}_n = a_T \cdot \vec{u} + a_n \cdot \vec{n} \text{ avec } a_T = \frac{dv}{dt} \text{ et } a_n = \frac{v^2}{r}.$$

6-4/ Exercice 4

Cet exercice se propose d'étudier le mouvement du centre d'inertie G d'un système (S) formé d'un motard et d'une moto se déplaçant sur une piste de compétition.

Cette piste est formée d'une partie rectiligne $A'B'$ inclinée d'un angle p par rapport à l'horizontale

Dans tout l'exercice, les frottements sont négligés et l'étude du mouvement du centre d'inertie G est réalisée dans le référentiel terrestre considéré comme galiléen.

Données :

- L'angle $\beta = 10^\circ$
- Intensité de la pesanteur : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$
- Masse du système (S) : $m = 190 \text{ kg}$.

À un instant choisi connue origine des dates ($t = 0$), le système (S) s'élance sans vitesse initiale, d'une position où le centre d'inertie G est confondu avec le point A .

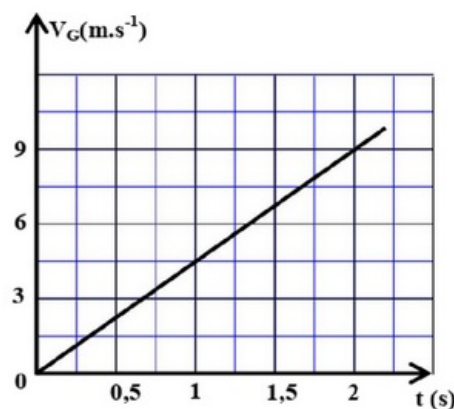
Le système est soumis, au cours de son mouvement sur la partie $A'B'$, à la réaction du plan incliné, à son poids et à une force motrice $\vec{F}$ constante, dont la ligne d'action est parallèle à la trajectoire de G et le sens est celui du mouvement.

Pour étudier le mouvement de G au cours de cette phase, on choisit un repère d'espace $(A, \vec{i})$ parallèle à $A'B'$ et on repère la position de G par son abscisse x :



1. En appliquant la deuxième loi de Newton, montrer que l'expression de l'accélération a_G du mouvement de G est $a_G = \frac{F}{m} + g \cdot \sin \beta$

La courbe suivante représente les variations de la vitesse instantanée V_G du centre d'inertie G en fonction du temps :



2. En exploitant cette courbe, trouver la valeur de l'accélération a_G .
3. Déduire l'intensité F de la force motrice.
4. Écrire l'expression numérique de l'équation horaire $x = f(t)$ du mouvement de G .

5. Sachant que $AB = 36m$, déterminer l'instant t_B de passage de G par le point B .
6. Calculer la vitesse V_B de passage de G par le point B .