



Mathématiques : 1ère Année Collège

Séance 10 (Puissances)

Professeur : Mr BENGHANI Youssef

Sommaire

I- Puissance d'un nombre relatif

1-1/ Définition

1-2/ Signe d'une puissance

1-3/ Puissance de 10

II- Propriétés des puissances

2-1/ Produit de deux puissances de même base

2-2/ Produit de deux puissances de même exposant

2-3/ Puissance d'une puissance

2-4/ Quotient de deux puissances de même base

2-5/ Quotient de deux puissances de même exposant

III- Exercices

3-1/ Exercice 1

3-2/ Exercice 2

3-3/ Exercice 3

3-4/ Exercice 4

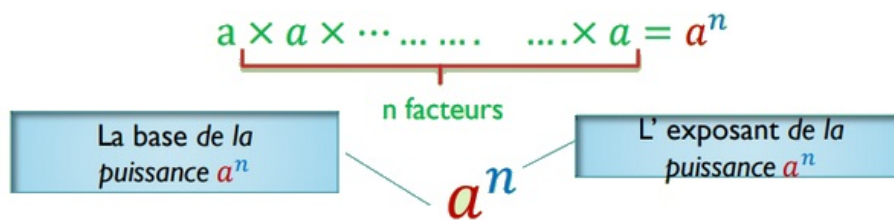
3-5/ Exercice 5

3-6/ Exercice 6

I- Puissance d'un nombre relatif

1-1/ Définition

Soient un nombre relatif et un nombre entier naturel non nul:



a^n : se lit a exposant n ou bien a puissance n

Exemple

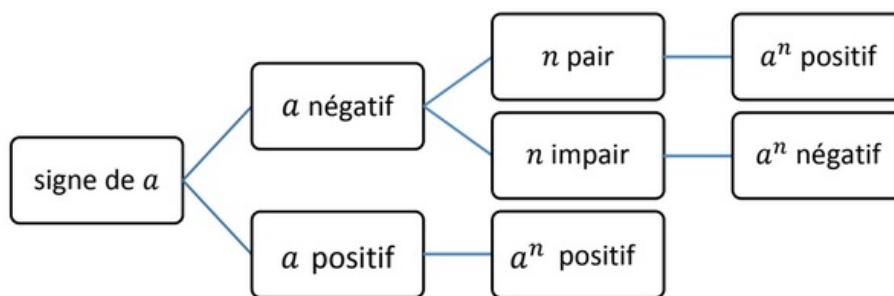
Cas particuliers

- $a^1 = a$
- $a^0 = 1$ si $a \neq 0$
- a^2 se lit « a au carré »
- a^3 se lit « a au cube »

1-2/ Signe d'une puissance

a est un nombre relatif, et n un nombre entier non nul.

- Si l'exposant n est pair alors la puissance a^n est positive
- Si l'exposant n est impair alors la puissance a^n prend le signe de la base a .



Exemple

1-3/ Puissance de 10

Soit un nombre entier naturel non nul.

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ fois}} = 1 \underbrace{00 \dots 0}_{n \text{ zéros}}$$

Exemple

II- Propriétés des puissances

2-1/ Produit de deux puissances de même base

Propriété

Soient a un nombre relatif et m et n deux nombres entiers naturels non nuls.

$$a^m \times a^n = a^{(m+n)}$$

Exemple

III- Exercices

$$1^{715} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$10^7 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(1, 2)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$$

3-2/ Exercice 2

Calculer :

$A = 1^3 + (-1)^4 + (-2)^5$ $B = -2^3 - (-2)^2 + 2^3$ $C = (-1)^{33} - (-1)^{34} + (-1)^{35} - (-1)^{36}$ $D = 1^{14} + 1^{15} + 1^{16} + 1^{17} + 1^{18} + 1^{19}$ $E = (-5)^3 - (-3)^5 + 1$ $F = (-7 + 7)^{44} - (-1)^5 + 1^3 - (-1)^0$	$G = -250^1 - (-250)^0 + 250$ $H = 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + 5^2 + 6^2$ $I = \left(\frac{7}{5}\right)^{13} \times \left(\frac{5}{7}\right)^{13}$ $J = \left(\frac{3}{4}\right)^3 - \frac{1}{46}$ $K = \left(\frac{3}{2} - 1\right)^3 + 1$ $L = \left(\frac{1}{2}\right)^5 - \frac{1}{4} \times \frac{1}{2}$
--	--

3-3/ Exercice 3

Déterminer le signe en justifiant votre réponse :

$$(-19)^3 ; 3^{19} ; (-7, 8)^{13} ; (-3)^{16} ; 24^2 ; (-15)^{11} ; (-8)^6 ; 13^5$$

3-4/ Exercice 4

Écrire chacune des expressions suivantes sous la forme d'une puissance :

■ $A = 2^7 \times 2^3 \times 2^{10}$	■ $G = (3^2)^3 \times 2 \times 3^2 \times (2^2)^3 \times 2$	■ $L = (10^4)^5 \times 1000$
■ $B = (4^3)^2 \times 4 \times (4^3)^5$	■ $H = (a \times b)^2 \times a \times b^2 \times a^5 \times b^4$	■ $M = 2^7 \times 5^7 \times 100^3$
■ $C = (a \times a^2 \times a^3)^7 \times a^5$	■ $I = \frac{(a^2 \times b)^3 \times b}{a \times b} \times \frac{(a^2)^3 \times b^9}{a \times b^2}$	■ $N = 25^2 \times 4^3 \times 5^2 \times 4^3$
■ $D = (a^2)^3 \times (a^4)^2 \times a$	■ $J = a \times \frac{a^4}{b^2} \times \left(\frac{b^5}{a^3}\right)^2 \times \left(\frac{a}{b^3}\right)^3 \times \frac{b^2}{a}$	■ $O = 35^7 \times 49 \times 125 \times 7$
■ $E = (7^5 \times 7^0 \times 7^3)^3 \times (7^2)^7 \times 7$		
■ $F = (2^7)^7 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2^2$		

3-5/ Exercice 5

On donne :

$$Z = 0,39 \times 10^{47} + 610 \times 10^{44}$$

$$T = 1075 \times 10^{53} - 0,75 \times 10^{55}$$

1. Montrer que Z et T sont deux puissances de 10.

3-6/ Exercice 6

Un professeur de mathématiques demande à ses élèves de calculer les expressions suivantes :

$$a = (-2)^5 + 32$$

$$b = \frac{9-6 \times 3}{9} - (-1)$$

$$c = (-1, 25) \times (-8) - 2^{15} \times 10^{-14} \times 5^{15}$$

Après un moment de recherche, Samir affirme que $a = b = c$.

Nawal intervient et dit : " Pas exactement, j'ai trouvé $a = b = 0$ alors que $c = -17$ ".

1. À votre avis, qui a raison ? Justifier par des calculs détaillés.
2. Trouver l'erreur de celui qui a tort.