

الحساب العددي

I. التناسبية

(1) النسب المئوية

مجموعه عدد عناصرها n و A جزء من E عدد عناصره m
 النسبة المئوية التي تمثلها A في E هو العدد p الذي يحقق : $p\% = \frac{m}{n} \times 100$ و نرمز له بـ $p\%$

• لحساب ما يمثله كسر $\frac{p}{q}$ من x نضرب x في $\frac{p}{q}$

$$x \times \frac{p}{q} \text{ هي قيمة ما يمثله } \frac{p}{q} \text{ من } x$$

• للحصول على النسبة المئوية التي تمثلها الكسر $\frac{p}{q}$ نكتب الكسر $\frac{p}{q}$ على شكل كسر مقامه 100

$$\text{مثلاً } 40\% = \frac{2}{5} \text{ إذن } \frac{2}{5} = \frac{2 \times 20}{5 \times 20} = \frac{40}{100}$$

(2) حساب زيادة أو تخفيض $p\%$

• للحصول على القيمة الجديدة y بعد الزيادة في القيمة الأولى x بنسبة $p\%$ نضرب x في $1 + \frac{p}{100}$ و هكذا فإن :

$$y = \left(1 + \frac{p}{100}\right) \times x$$

• للحصول على القيمة الجديدة y بعد التخفيض في القيمة الأولى x بنسبة $p\%$ نضرب x في $1 - \frac{p}{100}$ و هكذا فإن :

$$y = \left(1 - \frac{p}{100}\right) \times x$$

3) التناسب و التناسب العكسي

أعداد حقيقة غير منعدمة و a و b و c و d

- يكون a و b متناسبين مع c و d إذا كان : $\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$
- يكون a و b متناسبين عكسيًا مع c و d إذا كان : $\frac{a}{1} = \frac{b}{1}$ أي $ac = bd$
- تكون الأعداد a و b و c و d في هذا الترتيب تناصيًا إذا كان : $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$
- الرابع المتناسب للأعداد a و b و c هو العدد x بحيث تكون الأعداد a و b و c و x في هذا الترتيب تناصيًا
- الواسط المتناسب لعددين a و b هو العدد x بحيث تكون الأعداد a و b و x و x في هذا الترتيب تناصيًا

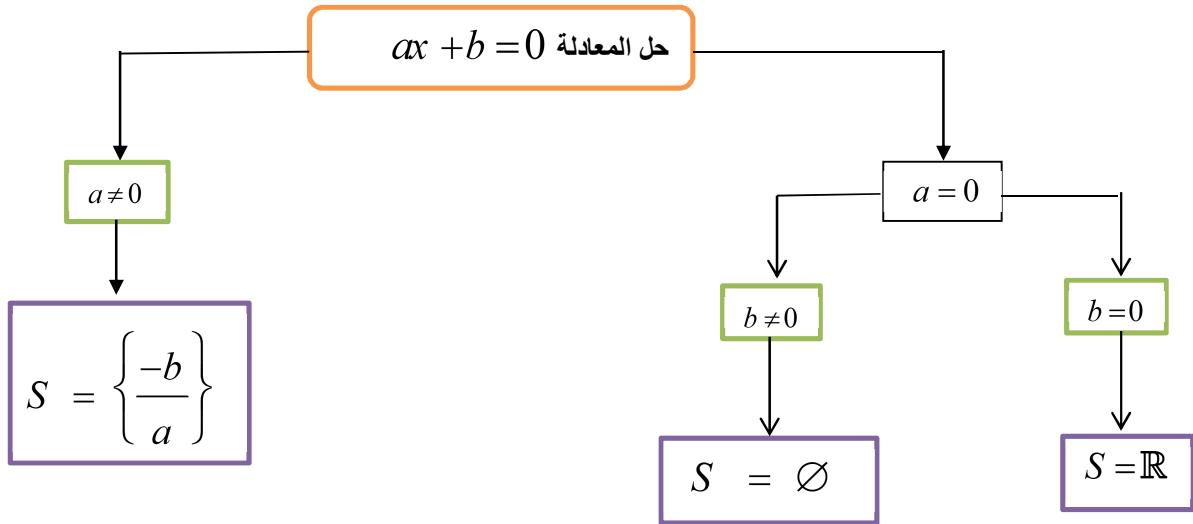
إذا كانت الأعداد a_1 و a_2 و a_3 متناسبة مع الأعداد غير المنعدمة b_1 و b_2 و b_3 فإن :

$$\alpha_1 b_1 + \alpha_2 b_2 + \alpha_3 b_3 \neq 0 \quad \text{مع } \alpha_1 \text{ و } \alpha_2 \text{ و } \alpha_3 \text{ أعداد حقيقة بحيث} \quad \frac{a_1}{b_1} = \frac{a_2}{b_2} = \frac{a_3}{b_3} = \frac{\alpha_1 a_1 + \alpha_2 a_2 + \alpha_3 a_3}{\alpha_1 b_1 + \alpha_2 b_2 + \alpha_3 b_3}$$

II. المعادلات – المترافقات – النظم

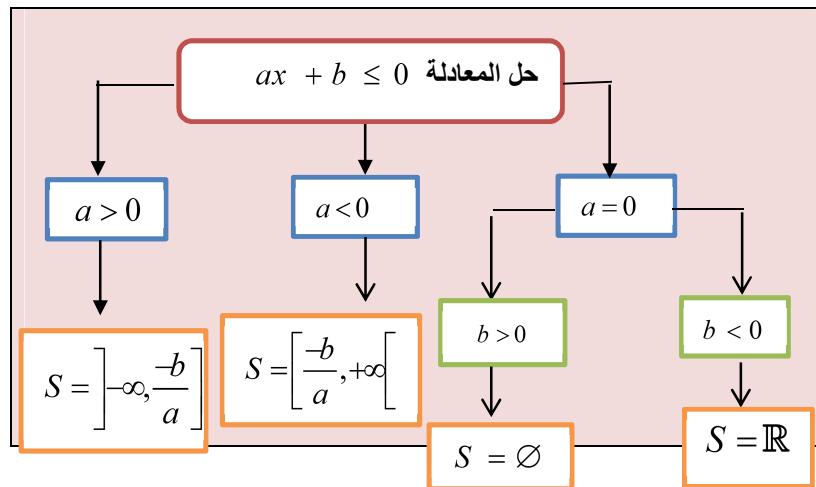
1) معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد

المعادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد هي كل معادلة يمكن أن تكتب على شكل $ax + b = 0$ حيث x هو المجهول و a و b عدوان حقيقيان معلومان



2) متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد

المتراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد في \mathbb{R} هي كل متراجحة يمكن أن تكتب على شكل $ax + b > 0$ أو $ax + b \geq 0$ أو $ax + b < 0$ أو $ax + b \leq 0$ حيث x هو المجهول و a و b عدوان حقيقيان معلومان



(3) جدول إشارة الحدانية

نعتبر الحدانية $ax + b \neq 0$ حيث

- إذا كان $x \geq \frac{-b}{a}$ فإن إشارة $ax + b$ هي إشارة a

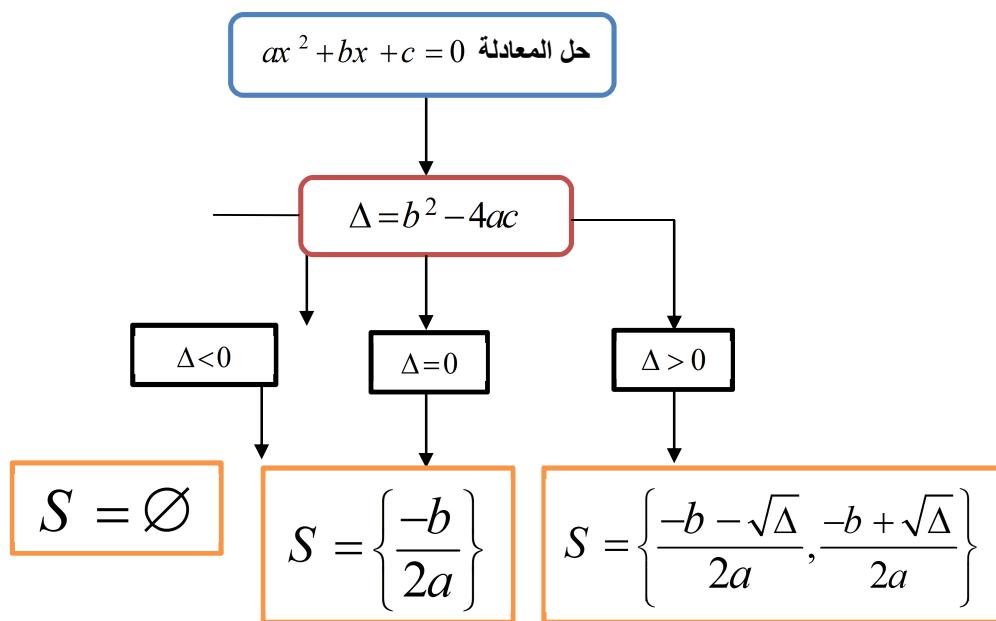
- إذا كان $x \leq \frac{-b}{a}$ فإن إشارة $ax + b$ هي عكس إشارة a

(4) معادلة من الدرجة الثانية بمجهول واحد

الكتابة $a\left[\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 - \frac{b^2 - 4ac}{(2a)^2}\right]$ تسمى الشكل القانوني لثلاثية الحدود $ax^2 + bx + c$ حيث a و b و c أعداد حقيقية بحيث $a \neq 0$

- كل معادلة على الشكل $ax^2 + bx + c = 0$ حيث a و b و c أعداد حقيقية بحيث $a \neq 0$ تسمى معادلة من الدرجة الثانية في \mathbb{R}
- العدد $\Delta = b^2 - 4ac$ يسمى مميز هذه المعادلة أو مميز ثلاثة الحدود

نعتبر في \mathbb{R} المعادلة $ax^2 + bx + c = 0$ بحيث $a \neq 0$ و لتكن S مجموعة حلولها و Δ مميزها .



5) تعميل ثلاثة الحدود من الدرجة الثانية

نعتبر ثلاثة الحدود $ax^2 + bx + c$ و ل يكن Δ مميزها

- إذا كان $\Delta > 0$ فإن المعادلة $ax^2 + bx + c = 0$ تقبل حلين مختلفين x_1 و x_2 ولدينا :

$$ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$$

- إذا كان $\Delta = 0$ فإن :

$$ax^2 + bx + c = a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2$$

- إذا كان $\Delta < 0$ فإن ثلاثة الحدود $ax^2 + bx + c$ لا يمكن تعميلها إلى جداء حدودتين من الدرجة الأولى في \mathbb{R}

6) إشارة ثلاثة الحدود من الدرجة الثانية

نعتبر ثلاثة الحدود $P(x) = ax^2 + bx + c$ و Δ مميزها

- إذا كان $\Delta > 0$ فإن إشارة $P(x)$ هي إشارة العدد a خارج الجذرین ، و إشارة $P(x)$ هي عكس إشارة العدد a داخل الجذرین

- إذا كان $\Delta = 0$ فإن إشارة $P(x)$ هي إشارة العدد a لكل x مخالف للعدد $\frac{-b}{2a}$

- إذا كان $\Delta < 0$ فإن إشارة $P(x)$ هي إشارة العدد a لكل x من \mathbb{R}

7) نظمة معادلتين من الدرجة الأولى

(S) :
$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$$
 تسمى نظمة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين x و y حيث a و b و a' و b' و c و c' أعداد حقيقة .

العدد يسمى محددة النظمة (S) .

$$(S) : \begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases} \quad \text{نعتبر النظمة}$$

$$y = \frac{\begin{vmatrix} a & c \\ a' & c' \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} a & b \\ a' & b' \end{vmatrix}}, \quad x = \frac{\begin{vmatrix} c & b \\ c' & b' \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} a & b \\ a' & b' \end{vmatrix}}$$

فإن النظمة تقبل حلًا وحيدًا هو الزوج (x, y) حيث :

- إذا كان $\begin{vmatrix} a & a' \\ b & b' \end{vmatrix} \neq 0$

فإنـه قد لا يكون لهذه النظمة أي حل وقد يكون لها ما لا نهاية من الحلول

- إذا كان $\begin{vmatrix} a & a' \\ b & b' \end{vmatrix} = 0$