

<p><b>التمرين الأول (المنطق) (3 نقط)</b></p> <p>1) حدد قيمة حقيقة العبارة التالية معللا جوابك  <math>(0=1) \Rightarrow \frac{4}{3} = \frac{8}{6}</math></p> <p>2) أثبت صحة الاستلزم التالي: <math>x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R} \Rightarrow x^2 = y^2 \Rightarrow (x-y)(x+y) = 0</math></p> <p>3) اعط نفي ما يلي : <math>(\forall x \in \mathbb{R}) :  x  \geq 0</math></p>	1 1 1
<p><b>التمرين الثاني (الحساب العددي) (4 نقط)</b></p> <p>A - ليكن <math>x</math> و <math>y</math> عددين متناسبين مع 2 و 5 . حدد قيمة العددين <math>x</math> و <math>y</math> علما أن <math>x+y=14</math></p> <p>B - نعتبر ثلاثة الحدود <math>P(x)</math> حيث <math>p(x) = x^2 - 6x + 5</math></p> <p>(1) حل في <math>\mathbb{R}</math> المعادلة <math>P(x) = 0</math></p> <p>(2) حل في <math>\mathbb{R}</math> المتراجحة <math>0 &lt; P(x)</math></p>	0.75 1 0.75
<p>C - حل في <math>\mathbb{R}^2</math> النظمة التالية مستعملا طريقة المحددات :</p> $(S) : \begin{cases} 2x - 3y = 1 \\ -5x + y = 2 \end{cases}$	1.5
<p><b>التمرين الثالث (عموميات حول الدوال) (3 نقط)</b></p> <p>نعتبر الدالة العددية <math>f</math> المعرفة على <math>\mathbb{R}</math> بما يلي : <math>f(x) = x^2 + 1</math></p> <p>أ- حدد مجموعة تعريف الدالة <math>f</math></p> <p>ب- ادرس زوجية الدالة <math>f</math></p> <p>ت- احسب و ادرس إشارة الفرق <math>-f(x)</math>. ماذما تستنتج؟</p> <p>ث- ادرس رتبة الدالة <math>f</math> على المجال <math>[0; +\infty)</math></p>	0.5 0.5 0.5 1.5
<p><b>التمرين الرابع (المتتاليات العددية) (3 نقط)</b></p> <p>نعتبر المتتالية العددية <math>(u_n)_{n \in \mathbb{N}}</math> المعرفة بعلاقة الترجم التالية :</p> $\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_n = u_{n-1} + 3 \end{cases}$	1.25
<p>(1) أثبت أن <math>(u_n)_{n \in \mathbb{N}}</math> متتالية حسابية محددا أساسها</p> <p>(2) اعط صيغة الحد العام</p> <p>(3) احسب <math>u_{75}</math> ثم استنتاج المجموع</p>	0.5 0.5 1.25
<p><b>التمرين الخامس (التعادل) (4 نقط)</b></p> <p>(1) احسب <math>A_7^3</math> و <math>3!</math> و <math>C_6^2</math></p> <p>(2) يحتوي صندوق على 3 كرات لونها أحمر و 4 لونها أخضر و واحدة لونها أزرق</p> <p>- A - نسحب تانيا 3 كرات من الصندوق.</p> <p>• ما هو عدد الحالات الممكنة؟</p> <p>• ما هو عدد الحالات الذي نحصل فيه على كرتين حمراوين و كرة خضراء</p> <p>- B - نسحب بالتتابع و بدون إحلال 3 كرات من الصندوق</p> <p>• ما هو عدد الحالات الممكنة؟</p>	1.5 0.5 0.5 1 1
<p><b>التمرين السادس (النهايات) (3 نقط)</b></p> <p>احسب :</p> $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 4x + 3}{x - 1}, \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 + 3x + 1}{x^5 + 4x^2 + 7}, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 + 3x - x^3, \quad \lim_{\substack{x \rightarrow 2 \\ x \leftarrow 2}} \frac{2x+1}{x-2}$	3