

متطابقات هامة

| | | |
|-------------------------------------|--|---------------------------------------|
| $a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$ | $(a-b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$ | $(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$ |
| $a^3 - b^3 = (a-b)(a^2 + ab + b^2)$ | $(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$ | $(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ |
| $a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$ | $(a+b)^n = \sum_{k=0}^{k=n} C_n^k a^k b^{n-k}$ | |

إشارة الحدانية $ax + b$

| | | | |
|----------|-----------|----------------|-----------|
| x | $-\infty$ | $-\frac{b}{a}$ | $+\infty$ |
| $ax + b$ | إشارة a | 0 | إشارة a |

ثلاثية الحدود $P(x) = ax^2 + bx + c$

| تعميل ثلاثية الحدود | إشارة ثلاثية الحدود $P(x)$ | حلول المعادلة $P(x) = 0$ | مميز ثلاثية الحدود $\Delta = b^2 - 4ac$ | | | | | | | | | | |
|---------------------|---|--------------------------|---|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------------|--------------|--|--------------|--|--------------|
| $a(x-x_0)^2$ | <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>x_0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$P(x)$</td> <td>إشارة a</td> <td>0</td> <td>إشارة a</td> </tr> </table> | x | $-\infty$ | x_0 | $+\infty$ | $P(x)$ | إشارة a | 0 | إشارة a | $x_0 = -\frac{b}{2a}$ $S = \{x_0\}$ | $\Delta = 0$ | | |
| x | $-\infty$ | x_0 | $+\infty$ | | | | | | | | | | |
| $P(x)$ | إشارة a | 0 | إشارة a | | | | | | | | | | |
| $a(x-x_1)(x-x_2)$ | <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>x_1</td> <td>x_2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$P(x)$</td> <td>إشارة a</td> <td>عكس 0</td> <td>إشارة a</td> <td>إشارة a</td> </tr> </table> <p>نفترض أن $x_1 < x_2$</p> | x | $-\infty$ | x_1 | x_2 | $+\infty$ | $P(x)$ | إشارة a | عكس 0 | إشارة a | إشارة a | $x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$ $x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$ $S = \{x_1; x_2\}$ | $\Delta > 0$ |
| x | $-\infty$ | x_1 | x_2 | $+\infty$ | | | | | | | | | |
| $P(x)$ | إشارة a | عكس 0 | إشارة a | إشارة a | | | | | | | | | |
| الحدودية لا تعمل | <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$P(x)$</td> <td colspan="2">إشارة a</td> </tr> </table> | x | $-\infty$ | $+\infty$ | $P(x)$ | إشارة a | | $S = \emptyset$ | $\Delta < 0$ | | | | |
| x | $-\infty$ | $+\infty$ | | | | | | | | | | | |
| $P(x)$ | إشارة a | | | | | | | | | | | | |

مجموعة تعريف دالة

| | | |
|--|--|----------------|
| $f(x) = \sqrt{u(x)}$ | $f(x) = \frac{1}{u(x)}$ | الدالة |
| $D_f = \{x \in \mathbb{R} / u(x) \geq 0\}$ | $D_f = \{x \in \mathbb{R} / u(x) \neq 0\}$ | مجموعة تعريفها |

النهايات

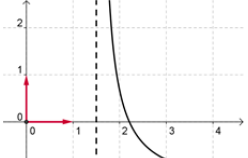
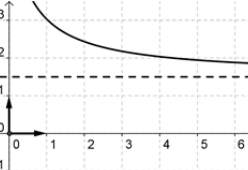
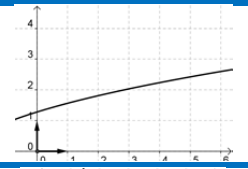
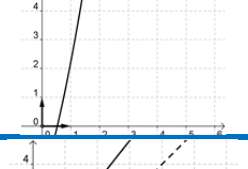
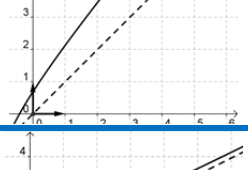
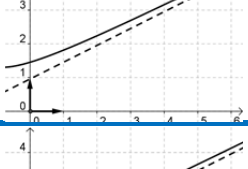
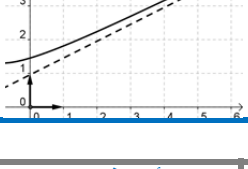
| | | | | |
|--|-----------------------------------|------------------------------------|---------------------------|---------------------|
| $(-\infty) + (-\infty) = -\infty$ | $(+\infty) + (+\infty) = +\infty$ | $-\infty \pm l = -\infty$ | $+\infty \pm l = +\infty$ | الأشكال المحددة |
| $(l \neq 0); l \times \infty = \infty$ | $\infty \times \infty = \infty$ | $(l \neq 0); \frac{l}{0} = \infty$ | $\frac{l}{\infty} = 0$ | |
| $(+\infty) + (-\infty)$ | $0 \times \infty$ | $\frac{\infty}{\infty}$ | $\frac{0}{0}$ | الأشكال الغير محددة |

يراعى في العمليات الحسابية جداء و خارج الإشارات

مشتقات دوال اعتيادية + عمليات على الدوال المشتقة

| المشتقة f' | الدالة f | المشتقة f' | الدالة f |
|---|---------------|--------------------------|------------------------------|
| $u'+v'$ | $u+v$ | 0 | a |
| $\alpha.u'$ | $\alpha.u$ | a | $ax+b$ |
| $u' \times v + u \times v'$ | $u \times v$ | $2x$ | x^2 |
| $n.u' \times u^{n-1}$ | u^n | nx^{n-1} | $x^n \ (n \in \mathbb{Z}^*)$ |
| $-\frac{u'}{u^2}$ | $\frac{1}{v}$ | $-\frac{1}{x^2}$ | $\frac{1}{x}$ |
| $\frac{u' \times v - u \times v'}{v^2}$ | $\frac{u}{v}$ | $\frac{ad-bc}{(cx+d)^2}$ | $\frac{ax+b}{cx+d}$ |
| $\frac{u'}{2\sqrt{u}}$ | \sqrt{u} | $\frac{1}{2\sqrt{x}}$ | \sqrt{x} |

الفروع اللانهائية

| | | | | |
|---|---|--|---|---|
|  | المستقيم ذو المعادلة $x=a$ مقارب عمودي للمنحنى (Cf) | | | $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \infty$ |
|  | المستقيم ذو المعادلة $y=b$ مقارب أفقي للمنحنى (Cf) | | | $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = b$ |
|  | (Cf) يقبل فرعا شلجما في اتجاه محور الأفاصل | | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = 0$ | $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$ |
|  | (Cf) يقبل فرعا شلجما في اتجاه محور الأراتيب | | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = \infty$ | |
|  | (Cf) يقبل فرعا شلجما اتجاهه المستقيم ذو المعادلة $y=ax$ | $\lim_{x \rightarrow \infty} [f(x)-ax] = \infty$ | | $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$ |
|  | (Cf) يقبل مقاربا مائلا معادلته $y=ax+b$ | $\lim_{x \rightarrow \infty} [f(x)-ax] = b$ | $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = a$ | |
|  | (Cf) يقبل مقاربا مائلا معادلته $y=ax+b$ | | | $\lim_{x \rightarrow \infty} [f(x)-(ax+b)] = 0$ |

قابلية الاشتقاق في نقطة و التاويل الهندسي

| | | | |
|--|---|---|---|
| | <p>(C_f) يقبل مماسا في معامله $A(a; f(a))$ الموجه هو l</p> | <p>f قابلة للاشتقاق في a</p> | $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = l (\in \mathbb{R})$ |
| | <p>(C_f) يقبل نصف مماس على اليمين في معامله $A(a; f(a))$ الموجه هو l</p> | <p>f قابلة للاشتقاق على اليمين في a</p> | $\lim_{\substack{x \rightarrow a \\ x > a}} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = l_1 (\in \mathbb{R})$ |
| | <p>(C_f) يقبل نصف مماس على اليساري معامله $A(a; f(a))$ الموجه هو l</p> | <p>f قابلة للاشتقاق على اليسار في a</p> | $\lim_{\substack{x \rightarrow a \\ x < a}} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = l_2 (\in \mathbb{R})$ |
| | <p>(C_f) له نقطة مزوأة في $A(a; f(a))$</p> | <p>إذا كان $l_1 \neq l_2$ فإن f ليست قابلة للاشتقاق في a</p> | |
| | <p>(C_f) يقبل نصف مماس على اليمين في بوازي محور الأرتاب متجه نحو الأعلى</p> | <p>f ليست قابلة للاشتقاق على اليمين في a</p> | $\lim_{\substack{x \rightarrow a \\ x > a}} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = +\infty$ |
| | <p>(C_f) يقبل نصف مماس على اليساري بوازي محور الأرتاب متجه نحو الأعلى</p> | <p>f ليست قابلة للاشتقاق على اليسار في a</p> | $\lim_{\substack{x \rightarrow a \\ x < a}} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = -\infty$ |
| | <p>(C_f) يقبل نصف مماس على اليساري بوازي محور الأرتاب متجه نحو الأسفل</p> | <p>f ليست قابلة للاشتقاق على اليسار في a</p> | $\lim_{\substack{x \rightarrow a \\ x < a}} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = +\infty$ |
| | <p>(C_f) يقبل نصف مماس على اليمين في بوازي محور الأرتاب متجه نحو الأسفل</p> | <p>f ليست قابلة للاشتقاق على اليمين في a</p> | $\lim_{\substack{x \rightarrow a \\ x > a}} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = -\infty$ |