

لتكن  $f$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بما يلي:  $f(x) = \frac{x^3}{x+1}$

و لتكن  $(\mathcal{C}_f)$  منحناها في معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

(1) حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$ . (0,5)

(2) احسب  $\lim_{x \rightarrow (-1)^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow (-1)^-} f(x)$  ثم اعط تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها. (1,5)

(3) أ) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ . (1)

(ب) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$  ثم اعط تأويلا هندسيا للنتيجتين المحصل عليهما. (1,5)

(4) أ) بين أن:  $(\forall x \in D_f) : f'(x) = \frac{2x^3 + 3x^2}{(x+1)^2}$ . (1)

(ب) ادرس إشارة  $f'(x)$  ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $f$ . (0,75 × 2)

(5) اكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  عند النقطة ذات الأفصول  $x_0 = -2$ . (1)

التمرين الثاني: (7 نقط)

نعتبر ، في الفضاء المنسوب الى المعلم  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  ، النقط

$A(1;1;2)$  و  $B(2;0;-1)$  و  $C(-1;1;4)$  و  $D(2;2;5)$

(1) أ) بين أن  $A$  و  $B$  و  $C$  نقط غير مستقيمية. (1)

(ب) بين أن  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  نقط غير مستوائية. (1,5)

(2) تحقق من أن:  $x - 2y + z - 1 = 0$  معادلة ديكرتية للمستوى  $(BAC)$ . (1,5)

(3) ليكن  $(\Delta)$  المستقيم المعرف بالمعادلتين:  $\frac{x+1}{3} = \frac{y+4}{5} = z-2$ . (1,5)

أ) اكتب تمثيلا بارامتريا للمستقيم  $(\Delta)$ . (1,5)

(ب) حدد متلوث إحداثيات النقطة  $I$  تقاطع المستقيم  $(\Delta)$  و المستوى  $(BAC)$ . (1,5)

التمرين الثالث: (5 نقط)

لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  ، نضع:  $A(x) = 2 \cos^2 x + 2\sqrt{3} \sin x \cos x - 1 - \sqrt{3}$

(1) أ) بين أن:  $(\forall x \in \mathbb{R}) : A(x) = \cos(2x) + \sqrt{3} \sin(2x) - \sqrt{3}$ . (1)

(ب) استنتج أن:  $(\forall x \in \mathbb{R}) : A(x) = 2 \cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) - \sqrt{3}$ . (1)

(2) حل ، في المجموعة  $\mathbb{R}$  ، المعادلة:  $A(x) = 0$ . (1)

(3) أ) حل ، في المجال  $]-\pi; \pi]$  ، المتراجحة:  $2 \cos X - \sqrt{3} \geq 0$ . (1)

(ب) حل ، في المجال  $\left] -\frac{\pi}{3}; \frac{2\pi}{3} \right]$  ، المتراجحة:  $A(x) \geq 0$ . (1)