

الغنة: المترشحون المعلمون والأحرار

الامتحان الجهوي الموحد لنيل شهادة السلك الإعدادي  
الأسدس الثاني - 2023  
الموضوع الرئيسي العادي - مترجم

الجمهورية المغربية  
وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي  
المركز الجهوي للامتحانات



المادة: الرياضيات  
SPNT05

المادة: الرياضيات

SPNT05

الصفحة: 1 على 2

مدة الإجازة: ساعتان

L'utilisation d'une calculatrice non programmable est autorisée

### Exercice 1 (2.5 points)

- 0.5 1. Résoudre l'équation suivante :  $5x + 6 = x + 18$
- 0.25 2. a. Le nombre 3 est-il solution de l'inéquation :  $\frac{4}{3}x + 2 > \frac{1}{3}x + 4$  ? Justifier la réponse.
- 0.75 b. Résoudre l'inéquation  $\frac{4}{3}x + 2 > \frac{1}{3}x + 4$  où  $x$  est un nombre réel inconnu.
- 0.5 3. a. Montrer que  $x^2 - 9 + (2x - 1)(x + 3) = (x + 3)(3x - 4)$
- 0.5 b. Déduire les solutions de l'équation suivante :  $x^2 - 9 + (2x - 1)(x + 3) = 0$

### Exercice 2 (2.5 points)

À l'entrée d'un terrain de football, et pour encourager l'équipe nationale, Omar a acheté 4 casquettes et 3 maillots de sport au prix de 440 Dh et Aicha a acheté 5 casquettes et 4 maillots de sport au prix de 570 Dh. (Les casquettes sont du même modèle, ainsi que les maillots de sport)

1. Lequel des deux systèmes suivants permet de déterminer le prix d'une casquette et celui d'un maillot de sport ? Justifier la réponse.

1  $(S_1): \begin{cases} 4x + 3y = 570 \\ 5x + 4y = 440 \end{cases} \quad (S_2): \begin{cases} 4x + 3y = 440 \\ 5x + 4y = 570 \end{cases}$

- 1.5 2. Déterminer le prix d'une casquette et celui d'un maillot de sport.

### Exercice 3 (2 points)

Le tableau ci-dessous représente le montant en dirhams (Dh) de la consommation d'internet, durant le mois de mars de cette année, chez un groupe de 40 élèves :

Montant (Dh)	20	30	40	50	70	80	100
Effectif	3	4	11	1	10	7	4

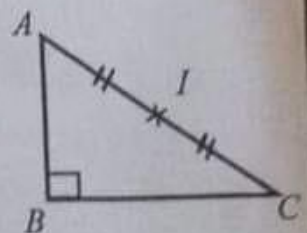
- 0.5 1. Déterminer le mode de cette série statistique.
- 0.5 2. Déterminer la médiane de cette série statistique.
- 0.5 3. Calculer le montant moyen de la consommation d'internet par ce groupe d'élèves.
- 0.5 4. Calculer le pourcentage des élèves ayant une consommation inférieure ou égale à 50 Dh

### Exercice 4 (2 points)

Soit  $ABC$  un triangle rectangle en  $B$  et  $I$  le milieu de  $[AC]$

(Figure ci-contre)

- 0.5 1. a. Construire le point  $F$  image du point  $B$  par la translation qui transforme  $I$  en  $A$
- 0.5 b. Montrer que l'image du point  $C$ , par cette translation, est le point  $I$
- 0.5 c. En déduire l'image de la droite  $(BC)$  par cette translation.
- 0.5 2. Montrer que le quadrilatère  $AFBI$  est un losange.



**Exercice 5 (4 points)**

Dans le plan muni d'un repère orthonormé  $(O; I; J)$ , on considère les points  $A(4;3)$ ,  $B(-2;5)$ ,  $C(2;-3)$  et  $E(-2;0)$

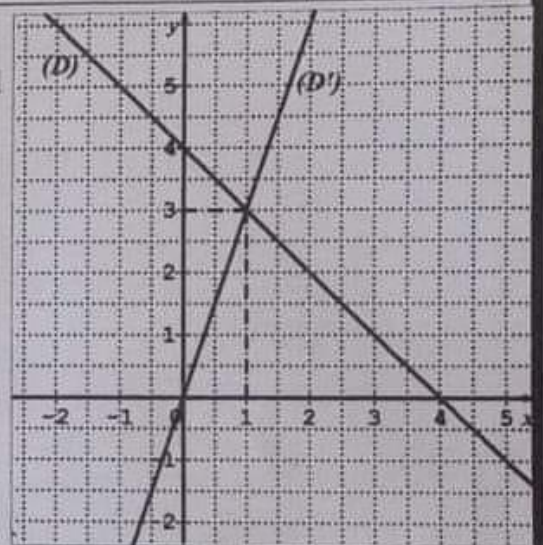
Soit  $(\Delta)$  la droite d'équation :  $y = -2x + 1$

- 1 1. Vérifier que la droite  $(\Delta)$  passe par les points  $B$  et  $C$
- 0.5 2. Déterminer le couple des coordonnées du milieu du segment  $[BC]$
- 1 3. a. Montrer que l'équation réduite de la droite  $(AE)$  est :  $y = \frac{1}{2}x + 1$
- 1.5 b. Montrer que la droite  $(AE)$  est la médiatrice du segment  $[BC]$

**Exercice 6 (4 points)**

1. Soit  $f$  la fonction affine définie par :  $f(0) = 4$  et  $f(3) = 1$

- 1 a. Montrer que  $f(x) = -x + 4$
- 0.5 b. Calculer  $f(-2)$
- 0.5 c. Déterminer le nombre réel  $a$  tel que  $f(a) = 7$
2. Dans la figure ci-contre,  $(D)$  et  $(D')$  sont respectivement les représentations graphiques des fonctions  $f$  et  $g$  dans un repère orthonormé.
  - 1 a. Montrer que  $g(x) = 3x$
  - 1 b. Résoudre graphiquement l'équation :  $f(x) = g(x)$

**Exercice 7 (3 points)**

Soit  $ABCDEFGH$  un cube tel que  $BD = 9\sqrt{2} \text{ cm}$  (Figure ci-contre)

- 0.5 1. Montrer que  $AB = 9 \text{ cm}$
- 0.5 2. Calculer l'aire du triangle  $BCD$
- 0.5 3. Montrer que le volume  $V$  de la pyramide  $GCBD$  est égal à  $121,5 \text{ cm}^3$
4. Après une réduction du cube  $ABCDEFGH$ , on obtient un cube de volume  $216 \text{ cm}^3$ 
  - 1 a. Montrer que le coefficient de réduction est égal à  $\frac{2}{3}$
  - b. Soit  $V'$  le volume de la pyramide  $G'C'B'D'$  obtenue après réduction de la pyramide  $GCBD$
- 0.5 Calculer  $V'$

