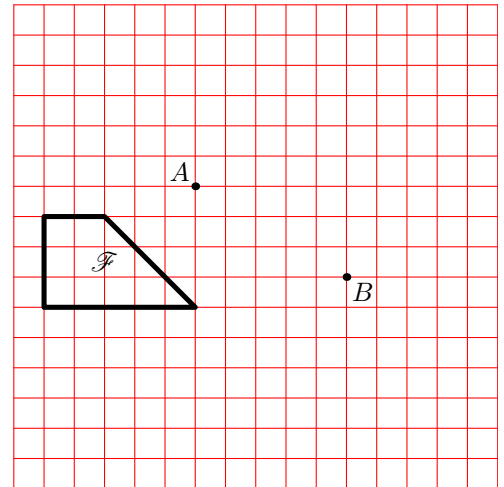


DÉCOUVERTE : COMPOSÉE DE DEUX SYMÉTRIES CENTRALES

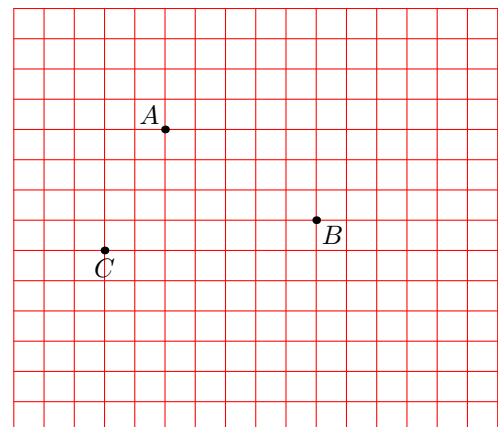
Construction et observation

1. Sur le quadrillage ci-contre, tracer en noir l'image \mathcal{F}'_1 de la figure \mathcal{F} par la symétrie de centre A .
2. Sur ce même quadrillage, tracer en rouge l'image \mathcal{F}' de la figure \mathcal{F}'_1 par la symétrie de centre B . On dit que \mathcal{F}' est l'image de \mathcal{F} par la **composée des deux symétries centrales** (*symétrie de centre A suivie de la symétrie de centre B*).
3. Par quelle transformation peut-on, d'après vous, directement passer de la figure \mathcal{F} à la figure \mathcal{F}' ?
4. Pensez-vous que l'ordre dans lequel on compose les symétries a de l'importance ?



Démonstration

1. Sur ce second quadrillage :
 - a) Placer les point C_1 symétrique du point C par rapport au point A .
 - b) Placer le point C' symétrique du point C_1 par rapport au point B .
 - c) Placer le point I milieu du segment $[CC']$.
2. a) Démontrer que les droites (CI) et (AB) sont parallèles, et que $CI = AB$.
 b) Que peut-on dire des vecteurs \vec{CI} et \vec{AB} ?
3. Compléter : Comme I est le milieu de $[CC']$, on sait que $\vec{CI} = \dots\dots$. On a, d'après la relation de Chasles, $\vec{CC'} = \vec{CI} + \vec{IC'} = \vec{CI} + \dots\dots$. Or, on sait que $\vec{CI} = \dots\dots$ (*voir question précédente*). On peut donc écrire que $\vec{CC'} = \dots\dots + \dots\dots$, que l'on pourra naturellement noter $\vec{CC'} = 2\dots\dots$
4. Quelle est l'image du point C par la translation de vecteur $2\vec{AB}$?



En conclusion :

Appliquer la symétrie de centre A suivie de la symétrie de centre B revient à appliquer la translation de vecteur $2\vec{AB}$

Application

Pouvez-vous tracer l'image de la figure \mathcal{H} par la symétrie de centre A suivie de la symétrie de centre B ?

