

Correction physique-chimie

Q21. Les équations paramétriques du mouvement sont :

$$\begin{cases} x = V_0 \cos(\alpha)t \\ y = -\frac{1}{2}gt^2 + V_0 \sin(\alpha)t \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2}V_0t \\ y = -5t^2 + 15\sqrt{2}t \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 15\sqrt{2}t \\ y = -5t^2 + 15\sqrt{2}t \end{cases}$$

L'équation de la trajectoire : $y = \frac{-g}{2V_0^2 \cos^2(\alpha)}x^2 + \tan(\alpha)x$,

$$\text{donc : } y = \frac{-x^2}{90} + x.$$

L'arbre est situé à une distance d , donc :

$$y_G(d) = \frac{-d^2}{90} + d = 12,5m.$$

Pour que la balle passera au dessus de l'arbre, il faut que $y_G(d) - h = 12,5 - 9,98 = 2,52m$.

Sachant que la balle à un rayon $r = 2cm$, donc le centre d'inertie G passera au dessus de l'arbre à une hauteur $h' = 2,52 - 0,02 = 2,5m$.

Q22. L'équation de la trajectoire s'écrit comme suit : $y = \frac{-g}{2V_0^2 \cos^2(\alpha)}x^2 + \tan(\alpha)x$.

A une distance $d = 15m$, on aura $y_G = 10$,

$$\text{D'où : } \frac{-g}{2V_0^2 \cos^2(\alpha)}d^2 + \tan(\alpha).d = 10,$$

$$\text{Alors : } V_0' = \frac{d\sqrt{g}}{\sqrt{2(\tan(\alpha).d - 10) \cos^2(\alpha)}},$$

$$\text{Application numérique : } V_0' = \frac{15\sqrt{10}}{\sqrt{2(15-10).0,5}} = 15\sqrt{2}.$$

Q23. Le travail de la force F_m est nul car $\vec{F} \perp \overline{M_0M}$.

Selon le théorème de l'énergie cinétique entre θ_0 et θ ,

$$\text{on a : } \frac{1}{2}m(V^2 - V_0^2) = W(\vec{P}) + W(\vec{F}_m).$$

$$\text{Donc : } \frac{1}{2}m(V^2 - V_0^2) = mgh \Rightarrow V^2 - V_0^2 = 2gr(\cos\theta_0 - \cos\theta) \Rightarrow V = \sqrt{V_0^2 + 2gr(\cos\theta_0 - \cos\theta)}.$$

Q24. En appliquant le principe fondamental de la dynamique (PFD) au mobile M dans le repère R,

on a : $\vec{P} + \vec{F}_m = m\vec{a}_G$, projection sur \vec{e}_n : $-F_m + P_N = ma_N = m\frac{V^2}{r} \Rightarrow F_m = mg\sin(\theta) - m\frac{V^2}{r}$

D'où : $F_m = mg\sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) - m\frac{V^2}{r} = mg\cos(\theta) - \frac{m}{r}(V^2 + 2gr(\cos\theta_0 - \cos\theta))$

Donc : $F_m = mg(3\cos(\theta) - 2\cos(\theta_0)) - \frac{m}{r}V^2$.

Q25. Le mobile quitte la sphère si la force de réaction F_m est nulle ($\theta = \theta_0$ et $V_0 \geq V$)

Alors : $\frac{m}{r}V^2 = mg(3\cos(\theta) - 2\cos(\theta_0)) \Rightarrow V^2 = gr\cos\theta_0 \Rightarrow V = \sqrt{gr\cos\theta_0}$.

Q26. On remplace θ par θ_q et $V_0 = \frac{r}{2}$, on a $F_m = 0$,

d'où : $mg(3\cos(\theta_q) - 2\cos(\theta_0)) = \frac{m}{r}V_0^2$

$g(3\cos\theta_q - 2\cos\theta_0) = \frac{V^2}{4r} \Rightarrow g(3\cos\theta_q - 2\cos\theta_0) = \frac{gr\cos\theta_0}{4r} \Rightarrow 3\cos\theta_q = \frac{\cos\theta_0}{4} + 2\cos\theta_0$

Alors : $3\cos\theta_q = \frac{9}{4}\cos\theta_0 \Rightarrow \cos\theta_q = \frac{3}{4}\cos\theta_0$

Q27. le milieu dispersif c'est le verre.

Q28. la bonne réponse : Dans un milieu matériel transparent, la célérité de la lumière est plus faible que dans le vide.

Q29. on l'équation ${}^{64}_{29}\text{Cu} \rightarrow {}^{64}_{28}\text{Ni} + {}^0_1e^+$, l'énergie libérée lors de cette réaction est :

$\Delta E = \Delta mC^2 = [m(\text{Ni}) + m(e) - m(\text{Cu})]C^2 = (63,928 + 0,0005 - 63,9312).4C^2 = -2,7\text{MeV}$

Q30. Le nombre de mole d'iode s'écrit : $n(I) = \frac{N_0}{N_A}$,

donc : $N_0 = \frac{n(I)}{M(I)}N_A$.

Application numérique : $N_0 = \frac{2,46}{123} \times 6,02 \cdot 10^{23} = 1,2 \cdot 10^{22}$

Q31. Selon la loi on a : $a = a_0e^{-\lambda t}$

d'où : $\frac{a}{a_0} = e^{-\lambda t}$,

$$\text{alors : } -\lambda t = \ln\left(\frac{a}{a_0}\right) \Rightarrow t = -\frac{t_{1/2}}{\ln(2)} \ln\left(\frac{a}{a_0}\right)$$

$$\text{Application numérique : } t = -\frac{14}{\ln(2)} \ln\left(\frac{2 \cdot 10^{15}}{6 \cdot 10^{15}}\right) = 22h.$$

$$\text{Q32. Le nombre de moles d'oxygène : } n(O_2) = \frac{N}{N_0} = \frac{a}{\lambda N_0},$$

$$\text{Application numérique : } n(O_2) = \frac{1}{4,9 \times 10^{-3}} \times \frac{10^9}{6,02 \cdot 10^{23}}$$

$$\text{Donc : } n(O_2) = 3,3 \cdot 10^{-13} \text{ mol}$$

$$\text{c'est-à-dire : } 3 \cdot 10^{-13} \text{ mol} \leq n(O_2) \leq 4 \cdot 10^{-13} \text{ mol}.$$

$$\text{Q33. Selon la loi d'addition de tension on a : } U_L + U_C = 0 \Rightarrow \frac{dU_C^2}{dt^2} + \frac{1}{LC} U_C = 0.$$

$$\text{La solution de cette équation s'écrit sous la forme : } U_C(t) = U_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right),$$

$$\text{et on sait que } i(t) = C \frac{dU_C(t)}{dt}$$

$$\text{d'où : } i(t) = -\frac{2\pi}{T_0} C \cdot U_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right) = -C \cdot U_m \omega_0 \sin(\omega_0 t + \varphi) \text{ avec } \omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$\text{Q34. } U_L + U_C = 0 \Rightarrow U_L(t) = -U_C(t), \text{ donc : } U_L(t) = -U_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right) = -U_m \cos\left(\frac{1}{\sqrt{LC}} t + \varphi\right)$$

$$\text{Q35. Le corps (S) est soumis sous l'action des forces : } \vec{P}, \vec{R} \text{ et } \vec{T}, \text{ selon la première loi de Newton on a : } \vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = \vec{0},$$

$$\text{projection sur (Ox) : } T - mg \sin(\alpha) = 0 \Rightarrow K \cdot \Delta l = mg \sin(\alpha),$$

$$\text{donc : } \sin(\alpha) = \frac{K}{mg} \Delta l = \frac{K}{mg} (l_e - l_0).$$

Q36. Le corps A est l'acide propanoïque.

Q37 : l'expression de la concentration est :

$$C = [OH^-] = \frac{n(KOH)}{V} = \frac{m}{M \cdot V} \Rightarrow [OH^-] = \frac{0,112}{56 \times 0,2} = 10^{-2} \text{ mol/L}.$$

$$\text{On sait que } [OH^-][H_3O^+] = Ke \Rightarrow [H_3O^+] = \frac{Ke}{[OH^-]},$$

$$pH = -\log[H_3O^+] = -\log \frac{K_e}{[OH^-]},$$

$$\text{d'où : } pH = -\log \frac{10^{-14}}{10^{-2}} = 12$$

Q38. L'équation bilan : $H_3O^+ + OH^- \rightleftharpoons 2H_2O$

Le facteur limitant : est OH^- , à l'équivalence on a :

$$[H_3O^+] = \frac{C_2V_2 - x}{V_T} = \frac{C_2V_2 - C_1V_1}{V_T},$$

$$\text{Application numérique : } [H_3O^+] = \frac{2,5 \cdot 10^{-4} - 10^{-4}}{20 \cdot 10^{-3}} = 7,5 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$$

Q39. La transformation que se rétablit au voisinage de la cathode est une réduction des ions Cr^{3+} , selon l'équation : $Cr_3^+ + 3e^- \rightleftharpoons Cr$

Calculons la masse du chrome déposée sur la surface S,

$$\text{on a : } V(Cr) = S \cdot e \text{ et } m(Cr) = \rho(Cr) \cdot V(Cr)$$

$$\text{Application numérique : } m(Cr) = 7,19 \times 26 = 186,94g$$

$$\text{et on a : } n(Cr) = \frac{m(Cr)}{M(Cr)} = \frac{186,94}{52} = 3,6 \text{ mol}$$

Q40. Calculons la valeur du courant I.

$$\text{On sait que : } I = \frac{Q}{\Delta t} \text{ et } Q = n(e^-) \cdot F$$

$$\text{d'où : } I = \frac{n(e^-) \cdot F}{\Delta t} = \frac{n(Cr) \cdot F}{\Delta t},$$

$$\text{Application numérique : } I = \frac{3,6 \times 96500}{35 \times 60} = 165,4A$$

