

Dénombrement :

Définitions	<ul style="list-style-type: none"> ✓ Le cardinal de E est le nombre des éléments de E et on le note : $Card(E)$ ✓ Le complémentaire de A dans E est noté \bar{A} $\bar{A} = \{x \in E / x \notin A\}$
Propriétés	<ul style="list-style-type: none"> ✓ $Card(A \cup B) = Card(A) + Card(B) - Card(A \cap B)$ ✓ Si $A \cap B = \emptyset$ alors : $Card(A \cup B) = Card(A) + Card(B)$ ✓ $Card(\bar{A}) = Card(E) - Card(A)$ $A \cup \bar{A} = E$ $A \cap \bar{A} = \emptyset$

- **Le principe fondamental du dénombrement**

Dans une situation de dénombrement contient p choix

Si le 1^{er} choix se réalise par n_1 façon distinctes

et le 2^{ème} choix se réalise par n_2 façon distinctes

.....

et le $p^{ème}$ choix se réalise par n_p façon distinctes

Alors le nombre des possibilités est $n_1 \times n_2 \times \dots \times n_p$

Arrangements	<ul style="list-style-type: none"> ✓ Le nombre des arrangements sans répétition de p éléments pris parmi n éléments est : $A_n^p = n \times (n-1) \times (n-2) \times \dots \times (n-p+1)$ <div style="text-align: center; margin-left: 100px;"> $\underbrace{\hspace{15em}}_{p \text{ facteurs}}$ $(p \text{ et } n \text{ deux éléments de } \mathbb{N}^* \text{ et } \leq n)$ </div> ✓ Le nombre des arrangements avec répétition de p élément pris parmi n élément est : n^p $(p \text{ et } n \text{ deux éléments de } \mathbb{N}^*)$
Permutations	<ul style="list-style-type: none"> ✓ Tout arrangement de n éléments pris parmi n éléments est appelé une permutation de n éléments, le nombre des permutations est $A_n^n = n! = n \times (n-1) \times (n-2) \times \dots \times 1$
Combinaisons	<p>Soit E un ensemble de cardinal n $(p \text{ et } n \text{ deux éléments de } \mathbb{N}^* \text{ et } p \leq n)$</p> <p>Toute partie de E contenant p éléments est appelée combinaison de p éléments pris parmi n éléments de E</p> <ul style="list-style-type: none"> ✓ Le nombre des combinaisons de p élément pris parmi n est : $C_n^p = \frac{A_n^p}{p!} = \frac{n!}{p!(n-p)!}$

Quelques types de tirage :

On tire p éléments parmi n éléments $(p \text{ et } n \text{ deux éléments de } \mathbb{N}^*)$

type de tirage	nombre des possibilités	L'ordre
simultanément ($p \leq n$)	C_n^p	N'est pas important
Successivement et sans remise ($p \leq n$)	A_n^p	important
Successivement et avec remise	n^p	important

Nombre de possibilités d'arrangement de n éléments

On dispose de n_1 éléments de type A, et de n_2 éléments de type B, de n_3 éléments de type C, parmi n éléments, avec $n = n_1 + n_2 + n_3$

➤ le nombre de possibilités d'arranger ces n éléments est : $\frac{n!}{n_1!n_2!n_3!}$