

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2015
- عناصر الإجابة -

NR 25

ⵜⴰⵎⴰⵏⵜ ⵏ ⵎⴰⵔⴰⵏⵜ
ⵜⴰⵎⴰⵏⵜ ⵏ ⵙⴰⵎⴰⵏⵜ
ⵏ ⵙⴰⵎⴰⵏⵜ



المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

| | | | |
|---|-------------|---|------------------|
| 4 | مدة الإنجاز | الرياضيات | المادة |
| 9 | المعامل | شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب) (الترجمة الفرنسية) | الشعبة أو المسلك |

| EXERCICE1 | ELEMENTS de REPONCES | Barèmes des notes |
|-----------|---|-------------------|
| 1- a) | | 0.25 |
| b) | $a = 1 + i\sqrt{3}$ et $b = 4$ | 0.5 |
| c) | | 0.25 |
| 2- a) | $b_1 = a(1-i) = (1+i\sqrt{3})(1-i)$ | 0.5 |
| b) | On vérifie que: $b - a = \sqrt{3}(b_1 - a)$ | 0.5 |
| c) | On obtient : $\frac{b}{b-a} = \frac{2}{\sqrt{3}} e^{i\frac{\pi}{6}}$ et donc $\arg\left(\frac{b}{b-a}\right) \equiv \frac{\pi}{6} [2\pi]$ | 0.5 |
| d) | Les points O, A, B, C sont cocycliques donc $\frac{c}{c-a}, \frac{b}{b-a}$ et on obtient $\arg\left(\frac{c}{c-a}\right) \equiv \frac{\pi}{6} [p]$ On attribuera 0.25 pour le résultat $\arg\left(\frac{c}{c-a}\right) \equiv \frac{\pi}{6} [2p]$ | 0.5 |

| EXERCICE2 | ELEMENTS de REPONCES | Barèmes des notes |
|-----------|--|-------------------|
| 1- | théorème de BEZOUT à partir de la remarque, ou toute autre méthode juste | 0.25 |
| 2- a) | | 0.5 |
| b) | | 0.5 |
| 3- a) | théorème de FERMAT trois fois(0.25 pour chacune des trois) | 0.75 |

| | | |
|----|---|-----|
| | applications) | |
| b) | 5et13 sont premiers entre eux.....0.25 65et31 sont premiers entre eux0.25 | 0.5 |
| c) | Application des deux résultats: $x^{1439} \equiv 1436 \pmod{2015}$ et $1436 \cdot 1051 \equiv 749 \pmod{2015}$ | 0.5 |

| EXERCICE3 | ELEMENTS de REPONCES | Barèmes des notes |
|-----------|--|-------------------|
| 1-a) | homomorphisme | 0.5 |
| b) | $j(\cdot) = E$0.25 L'image homomorphe d'un groupe.....0.25 | 0.5 |
| 2-a) | L'égalité | 0.5 |
| b) | Dédution.....0.25 Commutativité.....0.25 | 0.5 |
| c) | Distributivité | 0.5 |
| d) | $M(-1)$ est l'élément neutre0.25 I est l'élément neutre0.25 | 0.5 |
| 3- a) | L'égalité | 0.25 |
| b) | déduire de la question 3-a) que tout élément de E différent de $M(-1)$ est inversible.....0.25 Pour le reste des axiomes d'un corps commutatif.....0.5 | 0.75 |

| EXERCICE4 | | ELEMENTS de REPONCES | Barèmes des notes |
|-----------------|----|--|-------------------|
| Première partie | 1- | Calcul de limites.....0.25 Interprétation0.25 | 0.5 |

| | | | |
|-------------------------|---|---|-------------|
| | 2- a) | | 0.25 |
| | b) | Calcul de limites.....0.25 | 0.5 |
| | | Interprétation0.25 | |
| | c) | Calcul de dérivé.....0.25 | 0.5 |
| | | Monotonie.....0.25 | |
| | 3- a) | | 0.25 |
| b) | | 0.25 | |
| c) | On tiendra compte du point d'inflexion , branche infinie et demi tangente | 0.5 | |
| Deuxième partie | 1- | | 0.5 |
| | 2- | Monotonie.....0.25 | 0.5 |
| | | Convergence.....0.25 | |
| | 3- a) | | 0.25 |
| b) | $l = 1$ | 0.5 | |
| Troisième partie | 1- a) | | 0.25 |
| | b) | | 0.5 |
| | c) | | 0.5 |
| | 2- a) | | 0.25 |
| | b) | $\lim_{x \rightarrow 0^+} F(x) = -\frac{3}{4} \dots\dots\dots 0.25$ $\int_0^1 f(x) dx = -F(0) = -\lim_{x \rightarrow 0^+} F(x) = \frac{3}{4} \dots\dots\dots 0.25$ <p>Puisque la fonction F est continue à droite en 0.</p> | 0.5 |

| EXERCICE5 | ELEMENTS de REPONCES | Barèmes des notes |
|-----------|---|-------------------|
| 1- a) | | 0.5 |
| b) | | 0.5 |
| c) | | 0.25 |
| 2- | Dérivabilité.....0.25 $g'(x) = \frac{e^{-2x} - e^{-x}}{x} \dots\dots\dots 0.5$ | 0.75 |
| 3- a) | | 0.5 |
| b) | Application de TAF $(\forall t > 0) (\exists s \in]0, t[) : \frac{e^{-t} - 1}{t} = -e^{-s}$ Puis Encadrement de e^{-s} ou toute autre méthode juste | 0.5 |
| c) | $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e^{-2x} - e^{-x}}{x} = -1 \dots\dots\dots 0.25$ $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{g(x) - g(0)}{x} = -1 \text{ et l'interprétation du résultat } \dots\dots 0.25$ | 0.5 |