

**STATISTIQUES**

**Exercice1 :** Voici la liste des notes des élèves d'une classe du tronc commun science lors d'un devoir de mathématiques

9-8-10-12-10-8-15-18-16-15-12-12-10-10-9-8-15-12-8-10

1) Qu'elle est population concernés par l'étude statistique ?

Et qu'elle est l'Individus concernés par l'étude statistique

Et qu'elle la Caractère ou la propriété étudiée ?

Cette caractère est-elle quantitative ou qualitative ?

2) Dresser le Tableau des effectifs et effectifs cumulés croissants et déterminer l'effectif total

3) calculer la fréquence et le pourcentage associé au caractère

12 (ou ayant la note 12)

4) calculer les Paramètres de position de cette série

statistique (le mode ; la Moyenne ; la Médiane)

**Solution :1)**

la population étudié est une classe du tronc commun est l'Individus concernés par l'étude statistique est un élève de cette classe et Le caractère étudié est la note Cette

caractère est : **quantitatif** car il est mesurable de façon

numérique : Les notes obtenues sont un caractère

quantitatif discret. En effet, elles prennent un nombre fini

de valeurs comprises entre 0 et 20, par pallier de 0.25

point.

Le poids, la taille, les notes obtenues à un contrôle sont des

caractères quantitatifs ; elles sont mesurables de façon

numérique. Mais par exemple la couleur des yeux, dont les

modalités peuvent être "bleus", "bruns" ou "verts» ou

Groupe sanguin dont les modalités sont "O", "A", "B", et

"AB". Sont des caractères qualitatifs

2) le Tableau des effectifs et effectifs cumulés croissants

18	16	15	12	10	9	8	valeur
1	1	3	4	5	2	4	Effectifs
20	19	18	15	11	6	4	Effectif cumulé

L'effectif total est :

$$N = n_1 + n_2 + n_3 + n_4 + n_5 + n_6 + n_7 = 20$$

3) fréquence et le pourcentage associé au caractère 12 :

$$f_1 = \frac{4}{20} = \frac{1}{5} \quad p_1 = f_1 \times 100 = \frac{100}{5} = 20\%$$

4) calcul des Paramètres de position de cette série statistique)

**le mode:** c'est la valeur du caractère correspondant au plus fort effectif c'est : la note : 10

**Médiane**

Pour obtenir la médiane d'une série, on range les valeurs de la série dans l'ordre croissant. La médiane est la valeur qui partage la série en deux populations d'effectif égal.

Pour obtenir la médiane d'une série, on range les valeurs de la série dans l'ordre croissant. La médiane est la valeur qui partage la série en deux populations d'effectif égal.

**Exemple : methode1 :**

L'effectif total est égal à 66. La médiane se trouve donc entre la 33<sup>e</sup> et 34<sup>e</sup> valeur de la série.

On écrit les valeurs de la série dans l'ordre croissant :

8 8 8 9 9 10 10 10 10 10 10 12 12 12 12 15 15 15 16 18

La 10<sup>e</sup> valeur est égale à 10. La médiane est donc également égale à 10

**Methode2 :le demie** L'effectif total est :  $\frac{20}{2} = 10$

Le plus petit effectif cumulé supérieur a 10 est 15

La note associée est 10 donc la médiane est 10

La moyenne est égale à :

$$m = \frac{8 \times 4 + 9 \times 2 + 10 \times 5 + 12 \times 4 + 15 \times 3 + 16 \times 1 + 18 \times 1}{20}$$

$$m = \frac{32 + 18 + 50 + 48 + 45 + 16 + 18}{20} = \frac{227}{20} = 11.35$$

**Exercice2 :** on considère la série statistique suivante :

7	2	1	الميزة
1	4	5	الحصيصة

Calculer les Paramètres de dispersions de cette série statistique (L'écart-moyen ; la Variance ; L'écart-type)

**Solution :**

On calcul d'abord la moyenne :

$$m = \frac{5 \times 1 + 4 \times 2 + 1 \times 7}{10} = \frac{20}{10} = 2$$

L'écart-moyen : e

$$e = \frac{5 \times |1-2| + 4 \times |2-2| + 1 \times |7-2|}{10} = \frac{5 \times |-1| + 4 \times |0| + 1 \times |5|}{10}$$

$$e = \frac{5 \times 1 + 4 \times 0 + 1 \times 5}{10} = \frac{10}{10} = 1$$

la Variance : V

$$V = \frac{5 \times |1-2|^2 + 4 \times |2-2|^2 + 1 \times |7-2|^2}{10} = \frac{5 \times |-1|^2 + 4 \times |0|^2 + 1 \times |5|^2}{10}$$

$$V = \frac{5 \times 1 + 4 \times 0 + 1 \times 25}{10} = \frac{30}{10} = 3$$

L'écart-type :  $\sigma = \sqrt{V} = \sqrt{3}$

### Exercice3 :

Après avoir compté les absences des élèves d'une classe de 40 élèves on a regroupé les résultats dans le tableau ci-dessous :

10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	Nombre d'heures d'absences
3	3	3	1	8	5	5	5	1	2	4	Effectifs
											Effectif cumulé

- complété le tableau
- Déterminer le nombre et le pourcentage des élèves ayant une absences supérieure ou égale à 6 heures
- calculer les Paramètres de position de cette série statistique (le mode ; la Moyenne ; la Médiane)
- calculer les Paramètres de dispersions de cette série statistique (L'écart-moyen ; la Variance ; L'écart-type)

**Solution :1)**

10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	Nombre d'heures d'absences
3	3	3	1	8	5	5	5	1	2	4	Effectifs
40	37	34	31	30	22	17	12	7	6	4	Effectif cumulé

- 2) le nombre des élèves ayant une absences supérieure ou égale à 6 heures est : 18 et le pourcentage est :

$$p = f \times 100 = \frac{18}{40} \times 100 = 45\%$$

- 3)calcul des Paramètres de position :

a) Le mode est : 6

b) la médiane : le demie L'effectif total est :  $\frac{40}{2} = 20$

Le plus petit effectif cumulé supérieur a 20 est 22  
Le Nombre d'heures associé est 5 donc la médiane Est 5

La moyenne est égale à :

$$m = \frac{0 \times 4 + 1 \times 2 + 2 \times 1 + 3 \times 5 + 5 \times 4 + 5 \times 5 + 6 \times 8 + 7 \times 1 + 8 \times 3 + 9 \times 3 + 10 \times 3}{40}$$

$$m = \frac{0 + 2 + 2 + 15 + 20 + 25 + 48 + 7 + 24 + 27 + 30}{40} = \frac{200}{40} = 5$$

Calcul des Paramètres de dispersions :

L'écart-moyen : e

$$e = \frac{4 \times |0-5| + 2 \times |1-5| + 1 \times |2-5| + 5 \times |3-5| + 5 \times |4-5| + 5 \times |5-5| + 8 \times |6-5| + 1 \times |7-5| + 3 \times |8-5| + 3 \times |9-5| + 3 \times |10-5|}{40}$$

$$e = \frac{4 \times |-5| + 2 \times |-4| + 1 \times |-3| + 5 \times |-2| + 5 \times |-1| + 5 \times |0| + 8 \times |1| + 1 \times |2| + 3 \times |3| + 3 \times |4| + 3 \times |5|}{40}$$

$$e = \frac{4 \times 5 + 2 \times 4 + 1 \times 3 + 5 \times 2 + 5 \times 1 + 5 \times 0 + 8 \times 1 + 1 \times 2 + 3 \times 3 + 3 \times 4 + 3 \times 5}{40}$$

$$e = \frac{20 + 8 + 3 + 10 + 5 + 0 + 8 + 2 + 9 + 12 + 15}{40} = \frac{92}{40} = 2,3$$

la Variance : V

$$V = \frac{4 \times |0-5|^2 + 2 \times |1-5|^2 + 1 \times |2-5|^2 + 5 \times |3-5|^2 + 5 \times |4-5|^2 + 5 \times |5-5|^2 + 8 \times |6-5|^2 + 1 \times |7-5|^2 + 3 \times |8-5|^2 + 3 \times |9-5|^2 + 3 \times |10-5|^2}{40}$$

$$V = \frac{4 \times |-5|^2 + 2 \times |-4|^2 + 1 \times |-3|^2 + 5 \times |-2|^2 + 5 \times |-1|^2 + 5 \times |0|^2 + 8 \times |1|^2 + 1 \times |2|^2 + 3 \times |3|^2 + 3 \times |4|^2 + 3 \times |5|^2}{40}$$

$$V = \frac{4 \times 25 + 2 \times 16 + 1 \times 9 + 5 \times 4 + 5 \times 1 + 5 \times 0 + 8 \times 1 + 1 \times 4 + 3 \times 9 + 3 \times 16 + 3 \times 25}{40}$$

$$V = \frac{100 + 32 + 9 + 20 + 5 + 0 + 8 + 4 + 27 + 48 + 75}{40}$$

$$V = \frac{328}{40} = 8,2$$

$$\text{L'écart-type} : \sigma = \sqrt{V} = \sqrt{8,2}$$

**Exercice4 :** Voici la liste des notes des élèves d'une classe du tronc commun science lors d'un devoir de mathématiques

14-15-06-08-10-07-14-19-06-08-09-02-10-12-08-06-15-08-12-10

- 1)remplir le tableau suivant :

[15;20[	[10;15[	[5;10[	[0;5[	Classe(point)
				Effectifs
				Effectif cumulé

- déterminer la classe modale de cette série
- calculer la moyenne des notes obtenues en donnant le résultat sous sa forme décimale exacte.
- calculer les Paramètres de dispersions de cette série statistique (L'écart-moyen ; la Variance ; L'écart-type)
- Représenter l'histogramme des effectifs de cette série statistique.

**Solution :1)**

[15;20[	[10;15[	[5;10[	[0;5[	Classe(point)
17,5	12,5	7,5	2,5	
3	7	9	1	Effectifs
20	17	10	1	Effectif cumulé

2) la classe modale de cette série est : [5;10[

3)calcul de la moyenne des notes est :

$$m = \frac{1 \times 2,5 + 9 \times 7,5 + 7 \times 12,5 + 3 \times 17,5}{20} = \frac{210}{20} = 10,5$$

4)Calcul des Paramètres de dispersions :

L'écart-moyen : e

$$e = \frac{1 \times |2,5-10,5| + 9 \times |7,5-10,5| + 7 \times |12,5-10,5| + 3 \times |17,5-10,5|}{20}$$

$$e = \frac{1 \times 8 + 9 \times 3 + 7 \times 2 + 3 \times 7}{20} = \frac{70}{20} = 3,5$$

la Variance : V

$$V = \frac{1 \times |2,5-10,5|^2 + 9 \times |7,5-10,5|^2 + 7 \times |12,5-10,5|^2 + 3 \times |17,5-10,5|^2}{20}$$

$$V = \frac{1 \times |-8|^2 + 9 \times |-3|^2 + 7 \times |2|^2 + 3 \times |7|^2}{10}$$

$$V = \frac{64 + 81 + 28 + 147}{20} = \frac{320}{20} = 16$$

$$\text{L'écart-type} : \sigma = \sqrt{V} = \sqrt{16} = 4$$

**Exercice5 :** On considère la série statistique suivante

[16;20[	[12;16[	[8;12[	[4;8[	[0;4[	classe
1	2	4	2	1	Effectifs

2) déterminer la classe modale de cette série

3) calculer la moyenne

4) calculer les Paramètres de dispersions de cette série statistique (L'écart-moyen ; la Variance ; L'écart-type)

**Solution :1)** une *classe modale* est une classe pour laquelle l'effectif associé est le plus grand.

la classe modale de cette série est : [8;12[

3) calcul de la moyenne :

$$m = \frac{1 \times 2 + 2 \times 6 + 4 \times 10 + 2 \times 14 + 1 \times 18}{10} = \frac{100}{10} = 10$$

4) Calcul des Paramètres de dispersions :

L'écart-moyen :  $e$

$$e = \frac{1 \times |2-10| + 2 \times |6-10| + 4 \times |10-10| + 2 \times |14-10| + 1 \times |18-10|}{10}$$

$$e = \frac{1 \times |-8| + 2 \times |-4| + 4 \times |0| + 2 \times |4| + 1 \times |8|}{10} = \frac{1 \times 8 + 2 \times 4 + 4 \times 0 + 2 \times 4 + 1 \times 8}{10}$$

$$e = \frac{8 + 8 + 0 + 8 + 8}{10} = \frac{32}{10} = 3,2$$

la Variance :  $V$

$$V = \frac{1 \times |2-10|^2 + 2 \times |6-10|^2 + 4 \times |10-10|^2 + 2 \times |14-10|^2 + 1 \times |18-10|^2}{10}$$

$$V = \frac{1 \times |-8|^2 + 2 \times |-4|^2 + 4 \times |0|^2 + 2 \times |4|^2 + 1 \times |8|^2}{10} = \frac{1 \times 64 + 2 \times 16 + 4 \times 0 + 2 \times 16 + 1 \times 64}{10}$$

$$V = \frac{192}{10} = 19,2$$

$$\text{L'écart-type} : \sigma = \sqrt{V} = \sqrt{19,2}$$

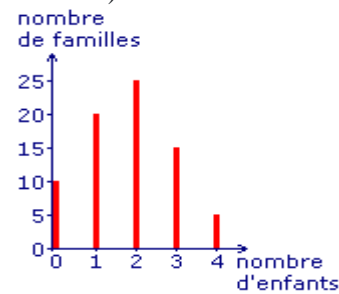
**Exercice6 :** On étudie le nombre d'enfants par famille au pays de Cocagne. Ainsi, on compte 10 familles n'ayant aucun enfant.

Nombre d'enfants	0	1	2	3	4
Nombre de familles	10	20	25	15	5

Représenter cette série statistique par un diagramme en bâtons

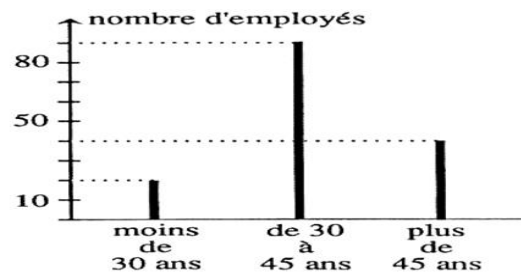
**Solution :** On construit un diagramme en bâtons avec :  
sur l'axe horizontal, les valeurs du **caractère** étudié (le nombre d'enfants par famille) ;

sur l'axe vertical, les **effectifs** (on prend 1 cm pour 5 familles).



On lit que le nombre d'enfants le plus fréquent est 2.

**Exercice7 :** soit le Diagramme en bâtons suivant :



1 : Quel est le nombre d'employés de moins de 30 ans ?

2 : Quel est le nombre d'employés de plus de 30 ans ?

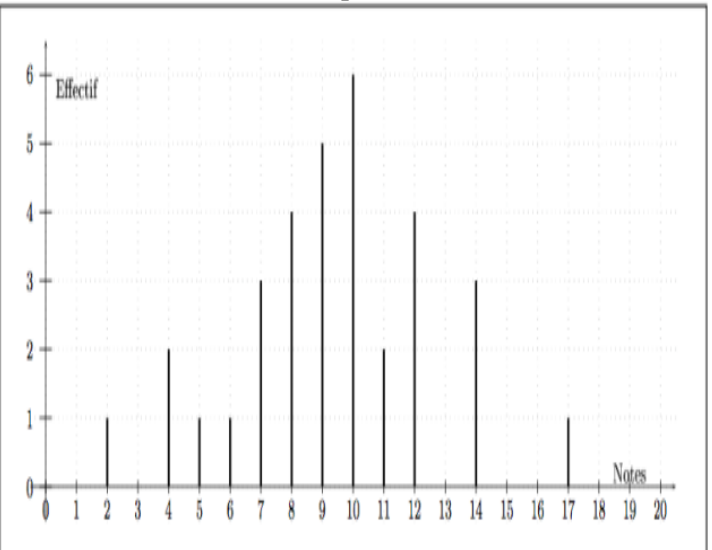
3 : Quel est le nombre d'employés de 30 à 45 ans ?

4 : Quel est le nombre d'employés de plus de 30 à 45 ans ?

5 : Quel est le nombre d'employés de moins de 45 ans ?

6 : Quel est le nombre total d'employés ?

**Exercice8 :** Voici le diagramme en bâtons représentant une série de notes obtenues par une classe à un contrôle.



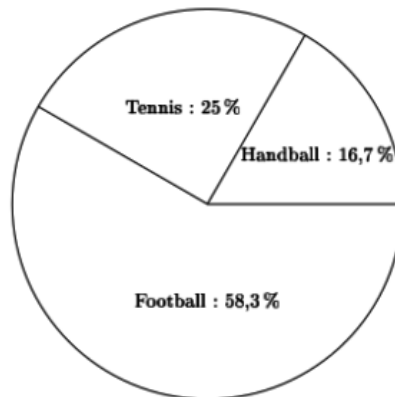
Recopiez et complétez le tableau suivant :

Notes	2	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	17	Total
Effectif													
pourcentage (%)													

**Solution :**

Notes	2	4	5	6	7	8	9	10	11	12	14	17	Total
Effectif	1	2	1	1	3	4	5	6	2	4	3	1	33
pourcentage (%)	3%	6%	3%	3%	9%	12%	15%	18%	6%	12%	0%	3%	100%

**Exercice9 :** Voici un diagramme circulaire représentant la répartition des adhérents à un club sportif.



Sachant que le club compte 240 adhérents, combien d'adhérents jouent ...

- Au football ?
- Au tennis ?
- Au handball ?

**Solution :** On multiplie l'effectif total (240) par la fréquence de chaque caractère indiquée dans le camembert pour obtenir l'effectif du caractère. Ainsi :

- Football :  $240 * 0,583 = 140$
- Tennis :  $240 * 0,25 = 60$
- Handball :  $240 * 0,167 = 40$

**Exercice10 :** Le tableau ci-dessous représente les longueurs obtenues par des athlètes lors d'un concours de lancer de javelot.

<b>Longueur (en m)</b>	37	39	40	41	42	43	44	48
<b>Effectif</b>	4	3	4	3	2	3	5	2

Déterminer la médiane de cette série.

**Solution :** L'effectif ( $26=2*13$ ) est pair. La médiane s'obtient donc par la demi--somme de la 13<sup>ème</sup> et de la 14<sup>ème</sup> valeur.

On lit grâce aux effectifs cumulés que la 13<sup>ème</sup> ainsi que la 14<sup>ème</sup> valeur valent 41.

En effet, le tableau nous montre que 40 s'arrête à la 11<sup>ème</sup> valeur. La 12<sup>ème</sup> est donc 41 ainsi que la 13<sup>ème</sup> et la 14<sup>ème</sup>.

La médiane est donc **41**.

**Rappel : Un histogramme** est un graphique composé de rectangles dont l'aire est proportionnelle à l'effectif de la Classe et Il y a deux cas possibles :

- Cas 1 : Chaque classe à la même amplitude : la hauteur de chaque rectangle est proportionnelle (ou égale)

à son effectif ou sa fréquence.

- Cas 2 : les classes ont des amplitudes différentes Pour chaque classe, on représente un rectangle dont l'aire

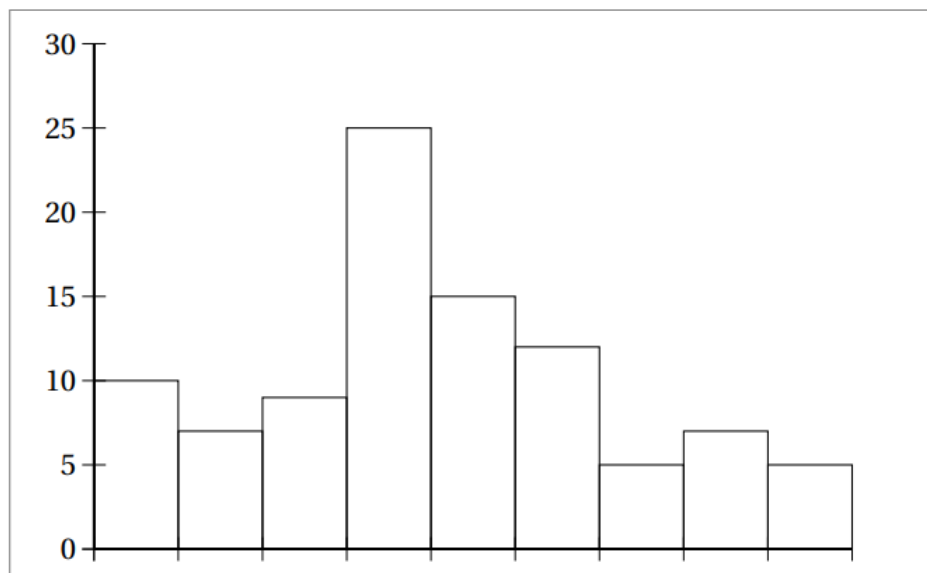
est proportionnelle à l'effectif. Il faut alors en calculer la hauteur La largeur est l'amplitude A de sa classe et la hauteur proportionnelle à  $E/A$  où E est l'effectif de la classe (ou sa fréquence).

**Exercice11 :** (largeur constante)

Construire l'histogramme correspondant à cette série (largeur constante) :

Taille en cm	[0 ; 10[	[10 ; 20[	[20 ; 30[	[30 ; 40[	[40 ; 50[	[50 ; 60[	[60 ; 70[	[70 ; 80[	[80 ; 90[
effectif	10	7	29	25	15	12	5	6	5

**Solution :**



**Exercice12 :** (largeur de classes non constante)

Construire l'histogramme correspondant à cette série (largeur non constante) : Les amplitudes sont différentes donc on utilise le cas no 2.

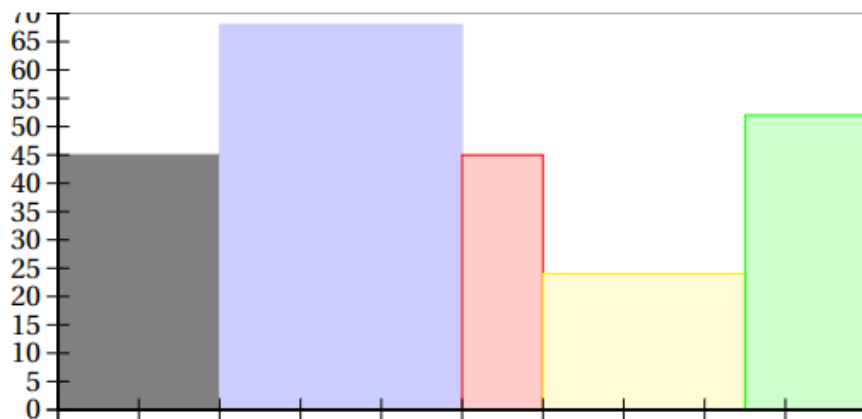
	[ 0 ; 20[	[20 ; 50[	[50 ; 60[	[ 60 ; 85[	[85 ; 100[
Effectif	15	34	8	10	13
Amplitude					
Hauteur					
Réduction au même dénominateur					

Lorsque les dénominateurs sont égaux, les aires (donc les hauteurs des rectangles) sont proportionnelles au numérateur.

Construire alors l'histogramme.

**Solution :**

	[ 0 ; 20[	[20 ; 50[	[50 ; 60[	[ 60 ; 85[	[85 ; 100[
Effectif	15	34	8	10	13
Amplitude	20	30	10	25	15
Hauteur	$\frac{15}{20}$	$\frac{34}{30}$	$\frac{5}{10}$	$\frac{10}{25} = \frac{2}{5}$	$\frac{13}{15}$
Réduction au même dénominateur	$\frac{45}{60}$	$\frac{68}{60}$	$\frac{45}{60}$	$\frac{24}{60}$	$\frac{52}{60}$



**Exercice13 :** Largeur de classes non constantes : autre méthode

On relève les tailles des élèves d'une classe. On regroupe les tailles sous forme de classes (intervalles).

Les classes n'ont pas la même amplitude.

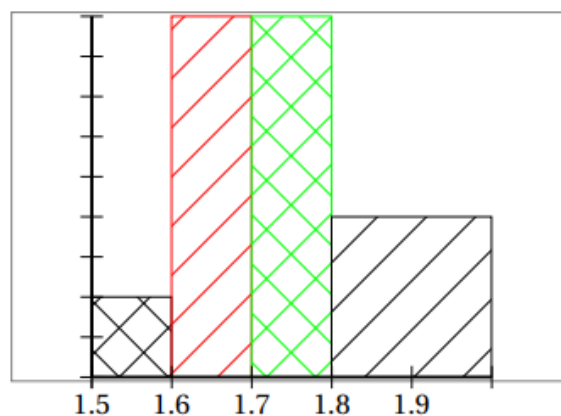
On choisit une largeur d'intervalle unitaire, notée I.U.

Tailles (en m)	Effectif	Largeur de l'I. U.	Effectif / I. U.
[1,50 ; 1,60[	2	1	
[1,60 ; 1,70[	6	1	
[1,70 ; 1,80[	9	1	
[1,80 ; 2,00[	8	2	

Tracer l'histogramme correspondant.

**Solution :**

Tailles (en m)	Effectif	Largeur de l'I. U.	Effectif / I. U.
[1,50 ; 1,60[	2	1	$\frac{2}{1} = 2$
[1,60 ; 1,70[	6	1	$\frac{6}{1} = 6$
[1,70 ; 1,80[	9	1	$\frac{9}{1} = 9$
[1,80 ; 2,00[	8	2	$\frac{8}{2} = 4$



« C'est en forgeant que l'on devient forgeron » Dit un proverbe.  
 C'est en s'entraînant régulièrement à des calculs et exercices  
 Que l'on devient un mathématicien