

~ Baccalauréat ES Polynésie (spécialité) ~
10 septembre 2014

A. P. M. E. P.

EXERCICE 1

5 points

Commun à tous les candidats

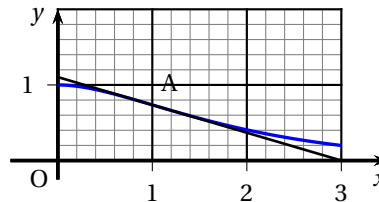
Pour chacune des questions suivantes, une seule des quatre réponses proposées est exacte. Aucune justification n'est demandée. Une bonne réponse rapporte un point. Une mauvaise réponse ou l'absence de réponse n'apporte, ni n'enlève aucun point.

Indiquer sur la copie le numéro de la question et recopier la réponse choisie.

1. On a représenté ci-dessous la courbe représentative d'une fonction f définie et dérivable sur $[0; 3]$ ainsi que la tangente au point A d'abscisse 1.

En $x = 1$, le nombre dérivé de f est :

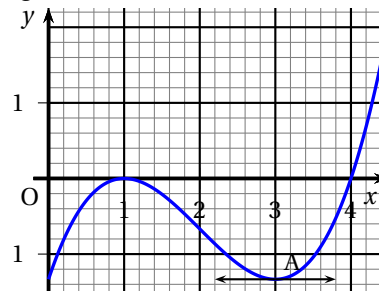
- a. $-2e$
- b. 3
- c. $\frac{1}{e}$
- d. $-\frac{1}{e}$



2. On a représenté ci-dessous la courbe représentative d'une fonction g définie et dérivable sur $[0; 5]$ ainsi que sa tangente horizontale au point A d'abscisse 3.

Le signe de la fonction dérivée de g est :

- a. négatif sur $[0; 1]$
- b. positif sur $[3; 4]$
- c. négatif sur $[1; 4]$
- d. change en $x = 4$



3. La fonction H définie sur $\mathbb{R}$ par $H(x) = e^{-\frac{x^2}{2}}$ est une primitive de la fonction h définie par :

- a. $e^{-\frac{x^2}{2}}$
- b. $-e^{-\frac{x^2}{2}}$
- c. $-xe^{-\frac{x^2}{2}}$
- d. $-2xe^{-\frac{x^2}{2}}$

4. Soit j la fonction définie sur $]0; +\infty[$ par $j(x) = 1 + \ln x$.

L'équation $j(x) = 0$ a pour solution :

- a. e
- b. -1
- c. $\frac{1}{e}$
- d. 1

5. On considère la fonction k définie sur $\mathbb{R}$ par $k(x) = 3x + 5$.

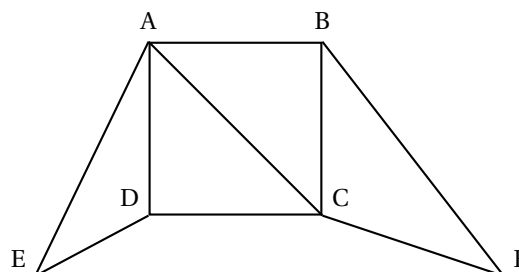
L'aire, en unités d'aire, du domaine compris entre la courbe représentative de k , l'axe des abscisses, et les droites d'équation $x = 0$ et $x = 1$ est :

- a. 6,5
- b. 8
- c. 4,5
- d. 8,5

EXERCICE 2**5 points****Candidats ES ayant suivi l'enseignement de spécialité****Partie A**

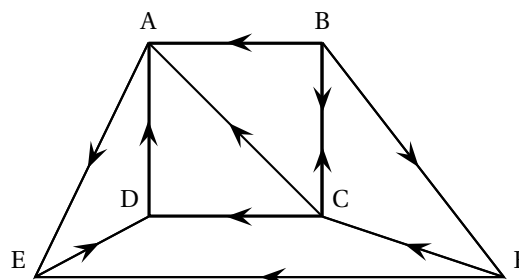
Le graphe suivant représente le plan d'une ville. Les arêtes du graphe représentent les principales avenues et les sommets du graphe les carrefours entre ces avenues.

1. Donner l'ordre du graphe puis le degré de chacun des sommets.
2. Un piéton peut-il parcourir toutes ces avenues sans emprunter plusieurs fois la même avenue :
 - a. en partant d'un carrefour et en revenant à son point de départ? Justifier la réponse.
 - b. en partant d'un carrefour et en arrivant à un carrefour différent? Justifier la réponse.

**Partie B**

Dans le graphe ci-contre, on a indiqué, pour cette même ville, le sens de circulation pour les véhicules sur les différentes avenues.

1. Peut-on trouver un trajet de longueur quelconque qui permet d'aller de D à B en respectant les sens de circulation? Justifier la réponse.
2. Écrire la matrice M associée à ce graphe (on rangera les sommets dans l'ordre alphabétique).
3. On donne la matrice



$$M^3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 1 & 1 & 3 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 2 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

- a. Que représentent les coefficients de cette matrice?
- b. Combien y-a-t-il de chemins de longueur 3 partant du carrefour B et arrivant en A?
Écrire tous ces chemins.
- c. Combien y-a-t-il de chemins de longueur 3 arrivant au point E? Expliquer la démarche.

EXERCICE 3**4 points****Commun à tous les candidats**

Une entreprise produit à la chaîne des jouets pesant en moyenne 400 g. Suite à une étude statistique, on considère que la masse d'un jouet est une variable aléatoire X qui suit la loi normale d'espérance $\mu = 400$ et d'écart-type $\sigma = 11$.

Dans tout l'exercice les résultats seront arrondis à 10^{-2} .

1. Déterminer $P(385 \leq X \leq 415)$. Interpréter ce résultat.
2. Justifier, en utilisant des propriétés du cours, que $P(X \geq 411) \approx 0,16$.
3. Un jouet est commercialisable s'il pèse au maximum 420 g.
Quelle est la probabilité que le jouet soit commercialisable ?
4. On cherche à contrôler la qualité des jouets. Pour cela on choisit de façon aléatoire un échantillon de 300 jouets.
 - a. Vérifier que les conditions de détermination de l'intervalle de fluctuation asymptotique au seuil de 95 % de la fréquence de jouets commercialisables sont vérifiées.
 - b. Déterminer cet intervalle.
 - c. On constate que 280 jouets de l'échantillon sont commercialisables.
Ce résultat remet-il en question la modélisation effectuée par l'entreprise ?

EXERCICE 4**6 points****Commun à tous les candidats**

Une personne décide d'ouvrir un compte épargne le premier janvier 2014 et d'y placer 2 000 euros. Le placement à intérêts composés est au taux annuel de 3 %. Elle verse 150 euros sur ce compte tous les 1^{er} janvier suivants.

Pour tout entier naturel n , on note u_n le montant présent sur ce compte au premier janvier de l'année 2014 + n après le versement de 150 euros. On a $u_0 = 2000$.

Dans tout l'exercice, les résultats seront arrondis à 10^{-2} près.

Partie A

1. Calculer les termes u_1 et u_2 de la suite (u_n) .
2. Justifier que pour tout entier naturel n on a : $u_{n+1} = 1,03u_n + 150$.
3. Pour tout entier n , on pose $v_n = u_n + 5000$.
Démontrer que la suite (v_n) est une suite géométrique de raison 1,03.
4. Exprimer v_n en fonction de n et en déduire que pour tout nombre entier n on a :

$$u_n = 7000 \times 1,03^n - 5000.$$

5. À partir de quelle année, cette personne aura-t-elle au moins 4 000 euros sur son compte épargne ? Indiquer la façon dont la réponse a été trouvée.

Partie B

L'algorithme ci-dessous modélise l'évolution d'un autre compte épargne, ouvert le premier janvier 2014, par une seconde personne.

Variables :	C et D sont des nombres réels N est un nombre entier
Entrée :	Saisir une valeur pour C
Traitement :	Affecter à N la valeur 0 Affecter à D la valeur $2 \times C$ Tant que C < D faire affecter à C la valeur $1,03 \times C + 600$ affecter à N la valeur N + 1 Fin du Tant que
Sortie :	Afficher N

1. a. Que représente la variable C dans cet algorithme ?
b. Quel est le taux de ce placement ?

- c. Quel est le versement annuel fait par cette personne ?
2. On saisit, pour la variable C, la valeur 3 000.
- a. Pour cette valeur de C, en suivant pas à pas l'algorithme précédent, recopier le tableau suivant et le compléter en ajoutant autant de colonnes que nécessaire.

Valeur de C	3 000			
Valeur de N	0			
Valeur de D	6 000			
Test $C < D$	vrai			

- b. Qu'affiche l'algorithme ? Interpréter ce résultat.