

تمرين 1:

- (1) x و y عددان حقيقيان بحيث $tgx = \frac{1}{2}$ و $tgy = \frac{1}{3}$.
احسب $x+y$
(2) a و b عددان حقيقيان بحيث $a > 0$ و $b > 0$
احسب a و b $tga.tgb = 3 - 2\sqrt{2}$ و $a+b = \frac{\pi}{4}$

تمرين 2:

- بين أن $\cos \frac{\pi}{5} \cdot \cos \frac{3\pi}{5} = -\frac{1}{4}$
(1) استنتج أن $\cos \frac{\pi}{5} + \cos \frac{3\pi}{5} = \frac{1}{2}$
(2) استنتج $\cos \frac{\pi}{5}$ و $\cos \frac{3\pi}{5}$

تمرين 3:

- (1) بين أن $\left(\cos \frac{\pi}{12} + \sin \frac{\pi}{12}\right)^2 = \frac{3}{2}$
وأن $\cos^2 \frac{\pi}{12} - \sin^2 \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{3}}{2}$
(2) أ- استنتج أن $\frac{\cos \frac{\pi}{12} + \sin \frac{\pi}{12}}{\cos \frac{\pi}{12} - \sin \frac{\pi}{12}} = \sqrt{3}$
ب- حدد قيمة $\tan \frac{\pi}{12}$

تمرين 4:

- x عدد حقيقي حيث $0 < x < \frac{\pi}{2}$
(1) بين أن $\frac{1 - \cos 2x}{\sin 2x} = \tan x$
(2) استنتج قيمتي $\tan \frac{\pi}{8}$ و $\tan \frac{\pi}{12}$

تمرين 5:

- نعتبر المعادلة $(E): 2 \cos^2 x - \sqrt{3} \sin 2x - 1 = 0$
(1) أ- بين أن $2 \cos \left(2x + \frac{\pi}{3}\right) = 0 \Leftrightarrow (E)$
ب- استنتج حلول المعادلة (E) على المجال

$$I = \left[-\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{3}\right]$$

- (2) حل في المجال I المتراجحة:
 $2 \cos^2 x - \sqrt{3} \sin 2x - 1 \geq 0$

التمرين 6: بين أنه لكل x من \mathbb{R} لدينا:

- (1) $\cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x$
(2) $\sin 3x = 3 \sin x - 4 \sin^3 x$
(3) $\cos 4x = \cos^4 x - 6 \cos^2 x \sin^2 x + \sin^4 x$

التمرين 7:

- حل في المجموعة \mathbb{R} ثم في المجال $I =]-\pi; \pi]$ كل
من المعادلات التالية:
(1) $\sqrt{2} \sin \left(\frac{\pi}{5} - 2x\right) + 1 = 0$
(2) $\cos \left(3x + \frac{\pi}{3}\right) + \cos \left(x + \frac{\pi}{6}\right) = 0$
(3) $\tan \left(x - \frac{\pi}{4}\right) = \sqrt{2} + 1$

التمرين 8:

- (1) بين أنه لكل x من \mathbb{R} لدينا:
 $1 - \frac{1}{2} (\sin x - \sqrt{3} \cos x)^2 = \cos \left(2x - \frac{2\pi}{3}\right)$
(2) حل في \mathbb{R} المعادلة: $(\sin x - \sqrt{3} \cos x)^2 = 2 - \sqrt{2}$

التمرين 9: حل في المجال I المتراجحات التالية:

- (1) $I = \left[-2\pi; \frac{\pi}{2}\right]$ ، $2 \sin x \cos x < -\sqrt{3} \sin x$
(2) $I = [-\pi; 3\pi]$ ، $\frac{\tan x - \sqrt{3}}{\sqrt{2} \cos x - 1} \leq 0$
(3) $4 \sin^2 x - (2 - 2\sqrt{3}) \cos x < 4 - \sqrt{3}$
 $I = [-\pi; 2\pi]$

التمرين 10: α عدد حقيقي حيث

- $\cos \alpha = \frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$ و $0 \leq \alpha \leq \frac{\pi}{2}$
(1) احسب $\cos 2\alpha$ ثم استنتج قيمة α
(2) احسب $\sin \alpha$
(3) نعتبر التعبير $P(x) = (2 - \sqrt{2}) \cos x + \sqrt{2} \sin x$
a. بين أن $P(x) = 2\sqrt{2 - \sqrt{2}} (\sin \alpha \cos x + \cos \alpha \sin x)$
b. حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = \sqrt{2 - \sqrt{2}}$ ثم مثل
الحلول على الدائرة المثلثية
c. حل في المجال $[0; \pi]$ المتراجحة $P(x) \geq \sqrt{2 - \sqrt{2}}$

التمرين 11: لكل x من \mathbb{R} نضع

$$P(x) = \cos 3x + 2 \cos x \sin 2x - 3 \sin x$$

- (1) أ- بين أن لكل x من \mathbb{R} لدينا:
 $\cos 3x = \cos x (4 \cos^2 x - 3)$
ب- استنتج أن $P(x) = (\cos x + \sin x)(4 \cos^2 x - 3)$
(2) أ- حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$
ب- حل في المجال $[0; \pi]$ المتراجحة $P(x) \leq 0$