

الحساب المثلثي

تمرين 1

احسب بدلالة $\sin x$ و $\cos x$

$$D = \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) , \quad C = \sin\left(\frac{\pi}{6} - x\right) , \quad B = \cos\left(\frac{\pi}{4} + x\right) , \quad A = \sin\left(\frac{\pi}{4} + x\right)$$

$$F = \sin(2x) - 3\cos\left(\frac{\pi}{6} + x\right) , \quad E = 2\cos\left(\frac{\pi}{6} - x\right) + \sqrt{2}\sin\left(\frac{\pi}{4} - x\right)$$

$$H = \cos x + \cos\left(x + \frac{2\pi}{3}\right) + \cos\left(x + \frac{4\pi}{3}\right) , \quad G = \cos\left(x + \frac{\pi}{3}\right) - \sin\left(\frac{\pi}{3} - x\right) - \sin(x)$$

تمرين 2

$$J = \frac{\sqrt{2}}{2}\sin x + \frac{\sqrt{2}}{2}\cos x , \quad I = \frac{1}{2}\cos x + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin x \quad : \cos(x+b)$$

$$F = \frac{\sqrt{3}}{2}\cos x + \frac{1}{2}\sin x , \quad E = \frac{\sqrt{2}}{2}\sin x - \frac{\sqrt{2}}{2}\cos x \quad : \sin(x+b)$$

تمرين 3

$$H = \cos(7a)\cos(3a) - \sin(7a)\sin(3a) , \quad G = \cos(2a)\cos a + \sin(2a)\sin a \quad : سطح ما يلي :$$

$$J = \frac{\sqrt{2}}{2}\cos\left(\frac{a}{2}\right) + \frac{\sqrt{2}}{2}\sin\left(\frac{a}{2}\right) , \quad I = \frac{1}{2}\sin(3a) + \frac{\sqrt{3}}{2}\cos(3a)$$

تمرين 4

$$\cos\left(x + \frac{\pi}{6}\right)\cos\left(x - \frac{\pi}{6}\right) = \cos^2 x - \frac{1}{4} \quad \bullet \quad \text{ليكن } x \in IR , \text{ بين أن} :$$

$$2\sin^2\left(\frac{\pi}{8} + x\right) = 1 - \frac{\sqrt{2}}{2}(\cos 2x - \sin 2x) \quad \bullet \quad (\sin x + \sin 5x)^2 + (\cos x + \cos 5x)^2 = 4\cos^2 2x \quad \bullet$$

تمرين 5

$$\frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{6} : \text{تحقق أن}$$

$$2 - \text{استنتج حساب النسب المثلثية لـ } \frac{\pi}{12}$$

تمرين 6

$$\sin\left(\frac{\pi}{8}\right) + \cos\left(\frac{\pi}{8}\right) = \sqrt{2}\cos\left(\frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{8}\right) \quad -1 \quad \text{بين أن} :$$

$$2 - \text{استنتج قيمة: } \tan\left(\frac{\pi}{8}\right)$$

تمرين 7

ليكن a و b عددين حقيقين بحيث : $\sin b = \frac{3}{7}$ و $\cos a = \frac{1}{4}$
 $\sin 2b$ و $\sin 2a$ و $\cos 2b$ و $\cos 2a$ احسب $\cos b$ و $\sin a$ و استنتج حساب :

تمرين 8

بين أن : $\sin(x+y)\sin(x-y) = \cos^2 y - \cos^2 x$ وأن $\cos(x+y)\cos(x-y) = \cos^2 x - \sin^2 y$

تمرين 9

أكتب على شكل جداء : $\sin x - \sin \frac{x}{2}$ ، $\cos 3x + \cos 7x$ ، $\sin 3x + \sin 5x$ ، $\cos x + \cos 2x$

تمرين 10

حل في IR المعادلات التالية:

$$\sin x + \cos x = 1 \quad , \quad \sin x + \cos x = \sqrt{2} \quad , \quad \cos \frac{x}{2} - \sin \frac{x}{2} = -1$$

تمرين 11

نعتبر الدالة : $f(x) = \frac{\cos x + \sin x}{\cos x - \sin x}$

-1 حل في IR المعادلة $\cos x - \sin x = 0$

-2 حدد Df

$$-3 \text{ بين أن : } \forall x \in Df \quad f(x) = \frac{1 + \sin 2x}{\cos 2x}$$

-4 حل في IR المعادلة $f(x) - \sqrt{3} = 0$

تمرين 12

ليكن x عدداً حقيقياً، نعتبر التعبير :

$$-1 \text{ بين أن : } A(x) = 2 \cos\left(2x - \frac{\pi}{6}\right)$$

-2 حل في المجال $[-\pi; \pi]$ المعادلة :

تمرين 13

ليكن x عدداً حقيقياً، نعتبر التعبير :

$$-1 \text{ بين أن : } A(x) = 4 \sin(x) \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \cos(x) + \frac{1}{2} \sin(x) \right)$$

-2 حل في IR المعادلة :