

**Corrigé de l'exercice 1**

Résoudre les équations suivantes :

►1.  $z^2 + z - 90 = 0$

Je calcule  $\Delta = 1^2 - 4 \times 1 \times (-90) = 361$  et  $\sqrt{361} = 19$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(z)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-1 - \sqrt{361}}{2 \times 1} &= \frac{-1 - \sqrt{361}}{2} & \frac{-1 + \sqrt{361}}{2 \times 1} &= \frac{-1 + \sqrt{361}}{2} \\ &= \frac{-1 - 19}{2} & &= \frac{-1 + 19}{2} \\ &= \frac{-20}{2} & &= \frac{18}{2} \\ &= -10 & &= 9 \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $z_1 = -10$  et  $z_2 = 9$ .

►2.  $18z^2 + 5z - 7 = 0$

Je calcule  $\Delta = 5^2 - 4 \times 18 \times (-7) = 529$  et  $\sqrt{529} = 23$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(z)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-5 - \sqrt{529}}{2 \times 18} &= \frac{-5 - \sqrt{529}}{36} & \frac{-5 + \sqrt{529}}{2 \times 18} &= \frac{-5 + \sqrt{529}}{36} \\ &= \frac{-5 - 23}{36} & &= \frac{-5 + 23}{36} \\ &= \frac{-28}{36} & &= \frac{18}{36} \\ &= \frac{-7 \times 4}{9 \times 4} & &= \frac{1 \times 18}{2 \times 18} \\ &= \frac{-7}{9} & &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $z_1 = \frac{-7}{9}$  et  $z_2 = \frac{1}{2}$ .

►3.  $x^2 + 4x + 4 = 0$

Je calcule  $\Delta = 4^2 - 4 \times 1 \times 4 = 0$ .

Comme  $\Delta = 0$ ,  $P(x)$  a une seule racine  $x_0 = \frac{-4}{2 \times 1} = -2$ .

**Corrigé de l'exercice 2**

Résoudre les équations suivantes :

►1.  $y^2 - 17y + 72 = 0$

Je calcule  $\Delta = (-17)^2 - 4 \times 1 \times 72 = 1$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(y)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-17) - \sqrt{1}}{2 \times 1} &= \frac{17 - \sqrt{1}}{2} & \frac{-(-17) + \sqrt{1}}{2 \times 1} &= \frac{17 + \sqrt{1}}{2} \\ &= \frac{17 - 1}{2} & &= \frac{17 + 1}{2} \\ &= \frac{16}{2} & &= \frac{18}{2} \\ &= 8 & &= 9 \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $y_1 = 8$  et  $y_2 = 9$ .

►2.  $-11t^2 - 35t + 36 = 0$

Je calcule  $\Delta = (-35)^2 - 4 \times (-11) \times 36 = 2809$  et  $\sqrt{2809} = 53$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(t)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-35) + \sqrt{2809}}{2 \times (-11)} &= \frac{35 + \sqrt{2809}}{-22} & \frac{-(-35) - \sqrt{2809}}{2 \times (-11)} &= \frac{35 - \sqrt{2809}}{-22} \\ &= \frac{35 + 53}{-22} & &= \frac{35 - 53}{-22} \\ &= \frac{88}{-22} & &= \frac{-18}{-22} \\ &= -4 & &= \frac{9 \times (-2)}{11 \times (-2)} \\ & & &= \frac{9}{11} \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $t_1 = -4$  et  $t_2 = \frac{9}{11}$ .

►3.  $x^2 + 3x - 10 = 0$

Je calcule  $\Delta = 3^2 - 4 \times 1 \times (-10) = 49$  et  $\sqrt{49} = 7$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(x)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-3 - \sqrt{49}}{2 \times 1} &= \frac{-3 - \sqrt{49}}{2} & \frac{-3 + \sqrt{49}}{2 \times 1} &= \frac{-3 + \sqrt{49}}{2} \\ &= \frac{-3 - 7}{2} & &= \frac{-3 + 7}{2} \\ &= \frac{-10}{2} & &= \frac{4}{2} \\ &= -5 & &= 2 \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $x_1 = -5$  et  $x_2 = 2$ .

### Corrigé de l'exercice 3

Résoudre les équations suivantes :

►1.  $x^2 + 18x + 80 = 0$

Je calcule  $\Delta = 18^2 - 4 \times 1 \times 80 = 4$  et  $\sqrt{4} = 2$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(x)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-18 - \sqrt{4}}{2 \times 1} &= \frac{-18 - \sqrt{4}}{2} & \frac{-18 + \sqrt{4}}{2 \times 1} &= \frac{-18 + \sqrt{4}}{2} \\ &= \frac{-18 - 2}{2} & &= \frac{-18 + 2}{2} \\ &= \frac{-20}{2} & &= \frac{-16}{2} \\ &= -10 & &= -8 \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $x_1 = -10$  et  $x_2 = -8$ .

►2.  $-10x^2 - 17x - 6 = 0$

Je calcule  $\Delta = (-17)^2 - 4 \times (-10) \times (-6) = 49$  et  $\sqrt{49} = 7$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(x)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-17) + \sqrt{49}}{2 \times (-10)} &= \frac{17 + \sqrt{49}}{-20} & \frac{-(-17) - \sqrt{49}}{2 \times (-10)} &= \frac{17 - \sqrt{49}}{-20} \\ &= \frac{17 + 7}{-20} & &= \frac{17 - 7}{-20} \\ &= \frac{24}{-20} & &= \frac{10}{-20} \\ &= \frac{-6 \times (-4)}{5 \times (-4)} & &= \frac{-1 \times (-10)}{2 \times (-10)} \\ &= \frac{-6}{5} & &= \frac{-1}{2} \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $x_1 = \frac{-6}{5}$  et  $x_2 = \frac{-1}{2}$ .

►3.  $t^2 + 8t - 6 = 0$

Je calcule  $\Delta = 8^2 - 4 \times 1 \times (-6) = 88$  et  $\sqrt{88} = 2\sqrt{22}$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(t)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-8 - \sqrt{88}}{2 \times 1} &= \frac{-8 - \sqrt{88}}{2} & \frac{-8 + \sqrt{88}}{2 \times 1} &= \frac{-8 + \sqrt{88}}{2} \\ &= \frac{-8 - 2\sqrt{22}}{2} & &= \frac{-8 + 2\sqrt{22}}{2} \\ &= \frac{-4 \times 2 - 1 \times 2\sqrt{22}}{1 \times 2} & &= \frac{-4 \times 2 + 1 \times 2\sqrt{22}}{1 \times 2} \\ &= -4 - \sqrt{22} & &= -4 + \sqrt{22} \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $t_1 = -4 - \sqrt{22}$  et  $t_2 = -4 + \sqrt{22}$ .

### Corrigé de l'exercice 4

Résoudre les équations suivantes :

►1.  $x^2 + 5x + 6 = 0$

Je calcule  $\Delta = 5^2 - 4 \times 1 \times 6 = 1$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(x)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-5 - \sqrt{1}}{2 \times 1} &= \frac{-5 - \sqrt{1}}{2} & \frac{-5 + \sqrt{1}}{2 \times 1} &= \frac{-5 + \sqrt{1}}{2} \\ &= \frac{-5 - 1}{2} & &= \frac{-5 + 1}{2} \\ &= \frac{-6}{2} & &= \frac{-4}{2} \\ &= -3 & &= -2 \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $x_1 = -3$  et  $x_2 = -2$ .

►2.  $9y^2 - 17y + 8 = 0$

Je calcule  $\Delta = (-17)^2 - 4 \times 9 \times 8 = 1$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(y)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-17) - \sqrt{1}}{2 \times 9} &= \frac{17 - \sqrt{1}}{18} & \frac{-(-17) + \sqrt{1}}{2 \times 9} &= \frac{17 + \sqrt{1}}{18} \\ &= \frac{17 - 1}{18} & &= \frac{17 + 1}{18} \\ &= \frac{16}{18} & &= \frac{18}{18} \\ &= \frac{8 \times 2}{9 \times 2} & &= 1 \\ &= \frac{8}{9} & & \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $y_1 = \frac{8}{9}$  et  $y_2 = 1$ .

►3.  $-t^2 + 9t - 6 = 0$

Je calcule  $\Delta = 9^2 - 4 \times (-1) \times (-6) = 57$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(t)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-9 + \sqrt{57}}{2 \times (-1)} &= \frac{-9 + \sqrt{57}}{-2} & \frac{-9 - \sqrt{57}}{2 \times (-1)} &= \frac{-9 - \sqrt{57}}{-2} \\ &= \frac{9 \times (-1) - 1 \times (-1) \sqrt{57}}{2 \times (-1)} & &= \frac{9 \times (-1) + 1 \times (-1) \sqrt{57}}{2 \times (-1)} \\ &= \frac{9 - \sqrt{57}}{2} & &= \frac{9 + \sqrt{57}}{2} \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $t_1 = \frac{9 - \sqrt{57}}{2}$  et  $t_2 = \frac{9 + \sqrt{57}}{2}$ .

### Corrigé de l'exercice 5

Résoudre les équations suivantes :

►1.  $z^2 + 5z + 6 = 0$

Je calcule  $\Delta = 5^2 - 4 \times 1 \times 6 = 1$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(z)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-5 - \sqrt{1}}{2 \times 1} &= \frac{-5 - \sqrt{1}}{2} & \frac{-5 + \sqrt{1}}{2 \times 1} &= \frac{-5 + \sqrt{1}}{2} \\ &= \frac{-5 - 1}{2} & &= \frac{-5 + 1}{2} \\ &= \frac{-6}{2} & &= \frac{-4}{2} \\ &= -3 & &= -2 \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $z_1 = -3$  et  $z_2 = -2$ .

►2.  $12t^2 + 17t + 5 = 0$

Je calcule  $\Delta = 17^2 - 4 \times 12 \times 5 = 49$  et  $\sqrt{49} = 7$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(t)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-17 - \sqrt{49}}{2 \times 12} &= \frac{-17 - \sqrt{49}}{24} & \frac{-17 + \sqrt{49}}{2 \times 12} &= \frac{-17 + \sqrt{49}}{24} \\ &= \frac{-17 - 7}{24} & &= \frac{-17 + 7}{24} \\ &= \frac{-24}{24} & &= \frac{-10}{24} \\ &= -1 & &= \frac{-5 \times 2}{12 \times 2} \\ & & &= \frac{-5}{12} \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $t_1 = -1$  et  $t_2 = \frac{-5}{12}$ .

►3.  $-z^2 + 3z = 0$

Je calcule  $\Delta = 3^2 - 4 \times (-1) \times 0 = 9$  et  $\sqrt{9} = 3$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(z)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-3 + \sqrt{9}}{2 \times (-1)} &= \frac{-3 + \sqrt{9}}{-2} & \frac{-3 - \sqrt{9}}{2 \times (-1)} &= \frac{-3 - \sqrt{9}}{-2} \\ &= \frac{-3 + 3}{-2} & &= \frac{-3 - 3}{-2} \\ &= \frac{0}{-2} & &= \frac{-6}{-2} \\ &= 0 & &= 3 \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $z_1 = 0$  et  $z_2 = 3$ .

### Corrigé de l'exercice 6

Résoudre les équations suivantes :

►1.  $y^2 + 3y - 40 = 0$

Je calcule  $\Delta = 3^2 - 4 \times 1 \times (-40) = 169$  et  $\sqrt{169} = 13$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(y)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-3 - \sqrt{169}}{2 \times 1} &= \frac{-3 - \sqrt{169}}{2} & \frac{-3 + \sqrt{169}}{2 \times 1} &= \frac{-3 + \sqrt{169}}{2} \\ &= \frac{-3 - 13}{2} & &= \frac{-3 + 13}{2} \\ &= \frac{-16}{2} & &= \frac{10}{2} \\ &= -8 & &= 5 \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $y_1 = -8$  et  $y_2 = 5$ .

►2.  $-9y^2 - 9y + 10 = 0$

Je calcule  $\Delta = (-9)^2 - 4 \times (-9) \times 10 = 441$  et  $\sqrt{441} = 21$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(y)$  a deux racines :

$$\begin{aligned} \frac{-(-9) + \sqrt{441}}{2 \times (-9)} &= \frac{9 + \sqrt{441}}{-18} & \frac{-(-9) - \sqrt{441}}{2 \times (-9)} &= \frac{9 - \sqrt{441}}{-18} \\ &= \frac{9 + 21}{-18} & &= \frac{9 - 21}{-18} \\ &= \frac{30}{-18} & &= \frac{-12}{-18} \\ &= \frac{-5 \times (-6)}{3 \times (-6)} & &= \frac{2 \times (-6)}{3 \times (-6)} \\ &= \frac{-5}{3} & &= \frac{2}{3} \end{aligned}$$

Les racines de  $P$  sont  $y_1 = \frac{-5}{3}$  et  $y_2 = \frac{2}{3}$ .

►3.  $z^2 + 5z - 4 = 0$

Je calcule  $\Delta = 5^2 - 4 \times 1 \times (-4) = 41$ .

Comme  $\Delta > 0$ ,  $P(z)$  a deux racines :

$$\frac{-5 - \sqrt{41}}{2 \times 1} = \frac{-5 - \sqrt{41}}{2} \qquad \frac{-5 + \sqrt{41}}{2 \times 1} = \frac{-5 + \sqrt{41}}{2}$$

Les racines de  $P$  sont  $z_1 = \frac{-5 - \sqrt{41}}{2}$  et  $z_2 = \frac{-5 + \sqrt{41}}{2}$ .