

## الطاقة الحركية والشغل

### تمارين تطبيقية

#### التمرين 1

- 1 - يتحرك جسم صلب (S) كتلته  $M = 4\text{kg}$  على مسار مستقيمي بسرعة  $v = 3\text{m/s}$  . أحسب الطاقة الحركية للجسم (S) .
- 2 - أحسب الطاقة الحركية لكرة المضرب كتلتها  $m = 55\text{g}$  عند قذفها بسرعة  $v = 220\text{km/h}$  .
- 3 - أحسب الطاقة الحركية لدوار منوب (alternateur) . عزم قصوره  $J_{\Delta} = 5735\text{kg.m}^2$  ويدور بسرعة زاوية  $3000\text{tr/min}$

#### التمرين 2

- يتكون نواس بسيط من كرية ذات أبعاد مهملة ، كتلتها  $m = 20\text{g}$  مرتبطة بطرف خيط كتلته مهملة وغير مدود .  
نثبت الطرف الآخر للنواس في حامل ، ونطلقه بدون سرعة بدئية ، فيتحرك في مستوى رأسي ويمر من موضع توازنه المستقر .  
الطاقة الحركية للنواس عند مروره من موضع التوازن  $E_C = 0,1\text{J}$  . أحسب سرعة النواس في هذا الموضع .

#### التمرين 3 :

- رمتين A و B لهما نفس الكتلة  $m_A = m_B = 20\text{kg}$  في حركة إزاحة مستقيمية منتظمة على مزلقة Patinoire ، سرعتي مركزي قصورهما هي :  $v_A = 2,5\text{m/s}$  و  $v_B = 5\text{m/s}$  .
- 1 - ما هي الطاقة الحركية لكل من الرمية A و الرمية B في مرجع مرتبط بالمزلقة ؟
  - 2 - قارن بين النسبتين  $\frac{v_A}{v_B}$  و  $\frac{E_{CA}}{E_{CB}}$  . ما هو استنتاجك ؟

#### التمرين 4

- ينتقل بروتون بسرعة  $6,4 \cdot 10^6\text{ km/h}$  . كتلة البروتون  $m_p = 1,67 \cdot 10^{-27}\text{kg}$  .
- 1 - أحسب الطاقة الحركية للبروتون .
  - 2 - إلكترون - فولط (eV) وحدة للطاقة الحركية تستعمل في الفيزياء الذرية  $1\text{eV} = 1,6 \cdot 10^{-19}\text{J}$  . ما قيمة الطاقة الحركية للبروتون ب (eV) ؟

#### التمرين 5

- مقود محرك لدراجة نارية جسم صلب متجانس أسطواني الشكل كتلته  $M = 2\text{kg}$  وشعاعه  $R = 10\text{cm}$  .  
بنجز المقود حركة دوران حول محوره بسرعة زاوية قيمتها  $500\text{tr/min}$  .
- ما قيمة الطاقة الحركية للمقود ؟ نعطي  $J_{\Delta} = \frac{1}{2}MR^2$

#### التمرين 6

- 1 - أعط نص مبرهنة الطاقة الحركية
- 2 - نرسل جسما كتلته  $m = 100\text{g}$  نحو الأعلى من نقطة A أنسوبها بالنسبة لسطح  $z_A = 2,0\text{m}$  ، بسرعة بدئية  $v_0 = 10,0\text{m/s}$  . باعتبار أن الاحتكاكات ودافعة أرخميدس مهملة . أحسب السرعة  $v$  التي سيسقط بها الجسم في نقطة B على سطح الأرض حيث  $z_B = 0$  . نعطي  $g = 9,8\text{N/kg}$
- 3 - القيمة المقاسة للسرعة هي  $v = 11\text{m/s}$  ، فسر لماذا هذه السرعة أصغر بقليل من السرعة المحصل عليها في السؤال السابق ؟ استنتج شغل قوة الاحتكاك  $\vec{f}$

#### التمرين 7

- للأرض حركة دائرية حول الشمس ، شعاع هذا المسار الدائري هو  $R = 1,5 \cdot 10^8\text{km}$  .  
نعطي كتلة الأرض  $M_T = 6 \cdot 10^{24}\text{kg}$  وشعاعها  $R_T = 6380\text{km}$  .  
نعتبر أن الأرض كرة متجانسة شعاعها  $R_T$  وكتلتها  $M_T$  ، أحسب عزم قصورها بالنسبة لمحور القطبين تم طاقتها الحركية للدوران عند دورانها حول هذا المحور .
- 2 - نعتبر الآن الأرض نقطية في حركتها حول الشمس أحسب طاقتها الحركية للإزاحة .

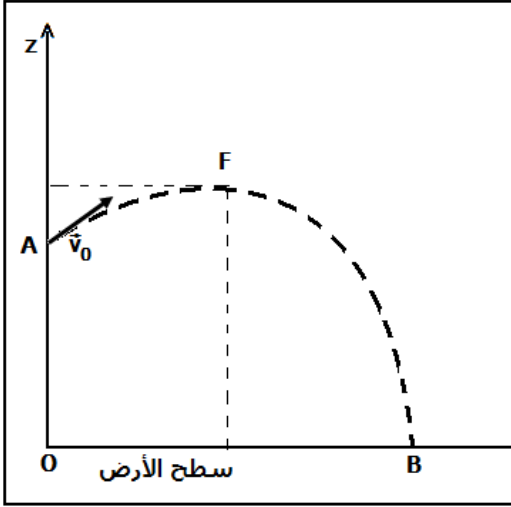
#### التمرين 8

- تدور أسطوانة ذات عزم قصور  $J_{\Delta} = 3 \cdot 10^2\text{kg.m}^2$  بسرعة توافق  $45\text{tr/min}$  . عندما نوقف المحرك تتوقف الأسطوانة تحت تأثير مزدوجة الاحتكاك بعد أن تنجز 120 دورة .
- 1 - عين عزم مزدوجة الاحتكاك الذي نعتبره ثابتا .
  - 2 - نشغل من جديد المحرك ، فتدور الأسطوانة بسرعة ثابتة تساوي  $45\text{tr/min}$  . استنتج شغل المحرك خلال دقيقة وكذا قدرته .

## الطاقة الحركية والشغل

### تمارين توليفية

#### التمرين 1



- 1 - أعط نص مبرهنة الطاقة الحركية
- 2 - نرسل جسما كتلته  $m=100g$  نحو الأعلى من نقطة A أنسوبها بالنسبة لسطح  $z_A=2,0m$  ، بسرعة بدئية  $v_0=10,0m/s$  كما في الشكل جانبه . باعتبار أن الاحتكاكات ودافعة أرخميدس مهملة . أحسب السرعة  $v$  التي سيسقط بها الجسم في نقطة B على سطح الأرض حيث  $z_B=0$  . نعطي  $g=9,8N/kg$
- 3 - القيمة المقاسة للسرعة هي  $v=11m/s$  ، فسر لماذا هذه السرعة أصغر بقليل من السرعة المحصل عليها في السؤال السابق ؟ استنتج شغل قوة الاحتكاك  $\bar{f}$

#### التمرين 2

نعتبر قرصا متجانسا عزم قصوره بالنسبة لمحور الدوران  $\Delta$  المار من مركز تماثله هو  $J_O=3.10^{-2}kg.m^2$  .

- 1 - يدور القرص بسرعة زاوية قيمتها  $\frac{100}{3}tr/min$  ، أحسب الطاقة الحركية للقرص .
- 2 - نطبق على القرص مزدوجة احتكاك عزمها ثابت فينجز 15 دورة قبل أن يتوقف ، أحسب عزم مزدوجة الاحتكاك .

#### التمرين 3

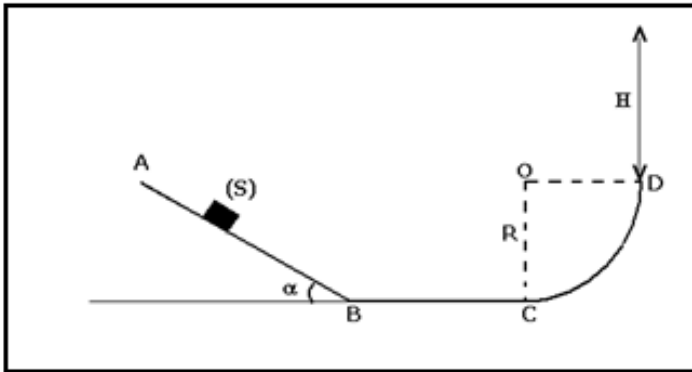
- يتكون نواس من كرية كتلتها  $m=200g$  مرتبطة بطرف خيط غير قابل الامتداد وطوله  $\ell=20cm$  ، الطرف الآخر مثبت بحامل ( $\Delta$ ) يمر من النقطة O . نهمل الاحتكاكات ونأخذ  $g=9,81N/kg$  . نزيح النواس عن موضع توازنه المستقر بزاوية  $\theta_0=20^\circ$  ونحرره بدون سرعة بدئية . نسمي  $\theta$  الزاوية التي يكونها الخيط و الخط الرأسى المتطابق مع المحور Oz عند كل لحظة t حيث Oz موجه نحو الأعلى .
- 1 - أوجد تعبير شغل وزن الكرية خلال انتقال النواس من  $\theta_0$  إلى  $\theta$  بدلالة  $\theta$  و  $\theta_0$  و  $m$  و  $g$  و  $\ell$  .
  - 2 - بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية بين أن تعبير سرعة الكرية عند مرورها من موضع توازنها المستقر في أول مرة هو :

$$v = \sqrt{2g\ell(1 - \cos\theta_0)}$$

- 3 - أحسب قيمة هذه السرعة .

#### التمرين 4

- ينزلق جسم صلب (S) كتلته  $m=500g$  على سكة ABCD مكونة من ثلاثة أجزاء :
- الجزء الأول : AB مستقيمي مائل بزاوية  $\alpha=45^\circ$  بالنسبة للخط الأفقي وطوله  $AB=1,5m$  .
- الجزء الثاني : BC مستقيمي طوله  $BC=1m$
- الجزء الثالث : قوس من دائرة شعاعها  $R=40cm$  ومركزها O .
- 1 - نطلق الجسم (S) من نقطة A بسرعة بدئية  $V_A=1m/s$  فيمر من النقطة B بسرعة  $V_B=4m/s$  .
  - 1 - أحسب الطاقة الحركية  $E_C(A)$  و  $E_C(B)$  للجسم S في النقطتين A و B .



- 2 - أعط نص مبرهنة الطاقة الحركية .

- 3 - بين أن التماس بين (S) والجزء AB يتم بالاحتكاك .

- 4 - باعتبار أن قوة الاحتكاك منحاهمعاكس لمنحى متجهة السرعة ، وشدتها تبقى ثابتة خلال الانتقال من A إلى B ، أحسب f .

- 2 - باعتبار أن الاحتكاكات مهملة في الجزء BC ، أحسب سرعة الجسم في النقطة C واستنتج طاقته الحركية . ما هي طبيعة حركة الجسم في هذا الجزء ؟ علل الجواب .

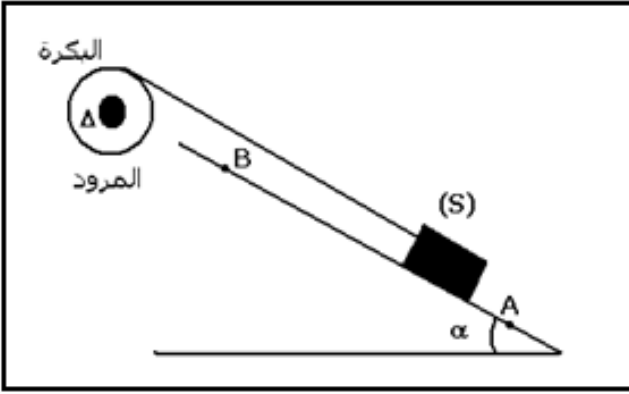
- 3 - في الجزء CD نعتبر الاحتكاكات مهملة . أوجد تعبير سرعة الجسم S عند النقطة D واحسب قيمتها .

- 4 - نحفظ بنفس المعطيات السابقة باستثناء السرعة البدئية  $V_A$  .

- 4 - نطلق الجسم بدون سرعة بدئية . هل سيغادر الجسم السكة . علل الجواب .

## الطاقة الحركية والشغل

4 - 2 نطلق الجسم من النقطة A طاقتة الحركية  $E_c(A)=0,8J$  . أحسب الارتفاع H الذي سيصله الجسم بعد مغادرته السكة ABCD . نعطى  $g=10N/kg$



### التمرين 5

نعتبر التركيب الممثل في الشكل جانبه والمتكون من :

– بكرة شعاعها  $r=10cm$  وعزم قصورها

$J_{\Delta}=2.10^{-2}kg.m^2$  قابلة للدوران حول محور ( $\Delta$ )

أفقي منطبق مع محور تماثلها .

– جسم صلب ( $S$ ) كتلته  $m=500g$  مرتبط

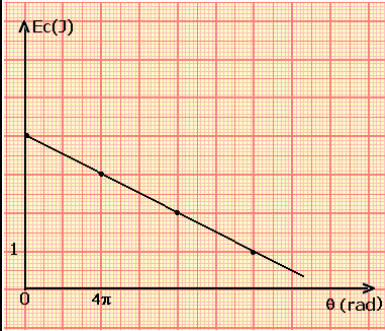
بطرف حبل كتلته مهملة وغير مدود ملفوف على

مجرى البكرة . الحبل لا ينزلق على البكرة .

نعطي  $\alpha=30^\circ$  ونأخذ  $g=9,80N/kg$  .

1 – نفترض أن الاحتكاكات مهملة بين السطح المائل والجسم ( $S$ ) .

لكي نجعل الجسم ( $S$ ) يصعد على المستوى المائل ، نستعمل محرك مرتبط بالبكرة بواسطة مروود يدور بسرعة زاوية ثابتة قيمتها  $20rad/s$  .



1 – 1 أحسب شدة القوة  $\vec{T}$  المطبقة من طرف الحبل على البكرة لرفع الجسم ( $S$ ) من A إلى B . استنتج عزم المزدوجة المحركة المطبقة من طرف المحرك .

2 – 1 أحسب القدرة المتوسطة لهذا المحرك .

2 – عند وصول الجسم إلى النقطة B ينفلت الحبل من البكرة . أحسب المسافة BC المقطوعة من طرف الجسم قبل توقفه في النقطة C . نفترض أن الاحتكاكات غير مهملة

و شدة قوة الاحتكاك المطبقة

من طرف السطح المائل على الجسم ( $S$ ) هي  $f=0,9N$  .

3 – لتوقيف البكرة تدريجيا ، نطبق عليها في اللحظة  $t=0$  مزدوجة احتكاك

عزمها ثابت  $M'=-8.10^{-2}N.m$  .

يعطي المبيان التالي تغيرات الطاقة الحركية  $E_c$  للبكرة عند تطبيق مزدوجة الاحتكاك بدلالة زاوية دورانها حول ( $\Delta$ ) .

$$3 - 1 \text{ من خلال المبيان بين أن } E_c(\theta) = -\frac{1}{4\pi}\theta + 4$$

3 – 2 أوجد تغير الطاقة الحركية  $\Delta E_c$  للبكرة بين اللحظتين  $t_1$  حيث  $\theta_1=0$  و  $t_2$  حيث  $\theta_2=16\pi rad$  .

3 – 3 أوجد السرعتين الزاويتين  $\omega_1$  و  $\omega_2$  للبكرة عند  $t_1$  و  $t_2$  .

3 – 4 بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على البكرة بين  $t_1$  و  $t_2$  أحسب الشغل المنجز من طرف المحرك . واستنتج عزم المزدوجة المحركة بالنسبة للمحور ( $\Delta$ ) .

3 – 5 أحسب  $M'$  عزم مزدوجة الاحتكاك التي يجب تطبيقها على البكرة لكي تتوقف بعد انجاز دورتين من بداية تطبيقها .

### التمرين 6

نعتبر عارضة AB متجانسة طولها  $L=1m$  ، تدور حول محور ثابت

( $\Delta$ ) أفقي يمر من النقطة A . عزم قصور العارضة بالنسبة للمحور ( $\Delta$ ) هو  $J_{\Delta} = \frac{1}{3}mL^2$  .

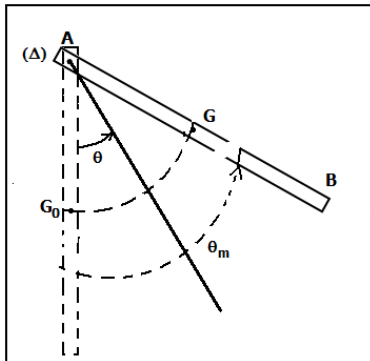
نزح العارضة عن موضع توازنها المستقر بالزاوية  $\theta_m = 60^\circ$  ثم نحررها في اللحظة  $t=0$

بسرعة زاوية بدئية  $\omega_0 = 2rad/s$  ،

1 – أحسب السرعة الخطية البدئية  $v_B$  للنقطة B عند اللحظة  $t=0$  .

2 – عبر عن تغير الطاقة الحركية بين الموضع البدئي والموضع ذي الأضلاع  $\theta$  بدلالة

$L$  و  $m$  و  $g$  و  $\theta$  و  $\theta_m$  .



$$3 - \text{بين أن تعبير السرعة الزاوية } \omega \text{ للعارضة عند مرورها بالموضع ذي الأضلاع } \theta \text{ هو } \omega = \sqrt{\omega_A^2 + \frac{3g}{L(\cos \theta - \cos \theta_m)}}$$