

CORRIGE – NOTRE DAME DE LA MERCI - MONTPELLIER

a. $\frac{2x^2+1}{3+x} < 2x$

Valeurs interdites : $x \neq -3$

Ainsi : $\frac{2x^2+1}{3+x} - 2x < 0$

$$\Leftrightarrow \frac{2x^2+1}{3+x} - \frac{2x(3+x)}{(3+x)} < 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{2x^2+1-6x-2x^2}{3+x} < 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{1-6x}{3+x} < 0$$

$$1-6x > 0 \Leftrightarrow -6x > -1 \Leftrightarrow x < \frac{1}{6}$$

$$3+x > 0 \Leftrightarrow x > -3$$

x	$-\infty$	-3	$\frac{1}{6}$	$+\infty$
$1-6x$	+		+	0
$3+x$	-	0	+	
$\frac{1-6x}{3+x}$	-		+	0

On doit résoudre : $\frac{1-6x}{3+x} < 0$

$$S =]-\infty; -3[\cup \left] \frac{1}{6}; +\infty \right[$$

b. $\frac{x-3}{x+1} + \frac{2x+5}{x-2} > 3$

Valeurs interdites : $x \neq -1$ et $x \neq 2$

Ainsi : $\frac{x-3}{x+1} + \frac{2x+5}{x-2} - 3 > 0$

$$\Leftrightarrow \frac{(x-3)(x-2)}{(x+1)(x-2)} + \frac{(2x+5)(x+1)}{(x-2)(x+1)} - \frac{3(x-2)(x+1)}{(x-2)(x+1)} > 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{x^2-2x-3x+6}{(x+1)(x-2)} + \frac{2x^2+2x+5x+5}{(x-2)(x+1)} - \frac{3(x^2+x-2x-2)}{(x-2)(x+1)} > 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{3x^2+2x+11}{(x-2)(x+1)} - \frac{3x^2+3x-6x-6}{(x-2)(x+1)} > 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{3x^2+2x+11-3x^2-3x+6x+6}{(x-2)(x+1)} > 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{5x+17}{(x-2)(x+1)} > 0$$

$$5x+17 > 0 \Leftrightarrow 5x > -17 \Leftrightarrow x > -\frac{17}{5}$$

$$x-2 > 0 \Leftrightarrow x > 2$$

$$x+1 > 0 \Leftrightarrow x > -1$$

x	$-\frac{17}{5}$	-1	2
$5x+17$	-	0	+
$x-2$	-	-	-
$x+1$	-	-	0
$Q(x)$	-	0	+

On doit résoudre : $\frac{5x+17}{(x-2)(x+1)} > 0$

$$S = \left] -\frac{17}{5}; -1 \right[\cup \left] 2; +\infty \right[$$