

CORRIGE – LA MERCI

Exemple :

f est une fonction affine de la forme :

$$f : x \mapsto ax + b$$

Déterminer a et b sachant que :

$$f(3) = 1 \quad \text{et} \quad f(5) = 9$$

1. On utilise les deux données du problème :

Puisque $f(3) = 1$, Alors $f(x) = ax + b$ devient : $1 = 3a + b$	Puisque $f(5) = 9$, Alors $f(x) = ax + b$ devient : $9 = 5a + b$
--	--

2. On résout le système de deux équations à deux inconnues ainsi obtenu :

$\begin{cases} 5a + b = 9 \\ 3a + b = 1 \end{cases}$	
On soustrait les deux équations pour éliminer b : $(-)\left\{ \begin{array}{l} 5a + b = 9 \\ 3a + b = 1 \end{array} \right.$ $2a = 8$ $a = \frac{8}{2} = 4$	On « injecte » la valeur de a dans l'une des deux équations pour obtenir b : $1 = 3a + b$ $1 = 3 \times 4 + b$ $1 = 12 + b$ $1 - 12 = b$ $-11 = b$

3. Conclusion :

$$f : x \mapsto 4x - 11$$

EXERCICE 1

f est une fonction affine de la forme :

$$f : x \mapsto ax + b$$

Déterminer a et b sachant que :

$$f(2) = 5 \quad \text{et} \quad f(7) = 15$$

1. On utilise les deux données du problème :

$f(x) = ax + b$ devient : $5 = 2a + b$	$f(x) = ax + b$ devient : $15 = 7a + b$
--	---

2. On résout le système de deux équations à deux inconnues ainsi obtenu :

$\begin{cases} 2a + b = 5 \\ 7a + b = 15 \end{cases}$	
On soustrait la première équation à la deuxième équation pour éliminer b : $(7a+b) - (2a+b) = 15 - 5$ $7a + b - 2a - b = 10$ $5a = 10$ $a = 2$	On injecte la valeur de a dans la première équation : $2a + b = 5$ $2 \times 2 + b = 5$ $4 + b = 5$ $b = 5 - 4$ $b = 1$

3. Conclusion :

$$f : x \mapsto 2x + 1$$

EXERCICE 2

g est une fonction affine de la forme :

$$g : x \mapsto ax + b$$

Déterminer a et b sachant que :

$$g(2) = 11 \quad \text{et} \quad g(-1) = 2$$

1. On utilise les deux données du problème :

$g(x) = ax + b$ devient : $11 = 2a + b$	$g(x) = ax + b$ devient : $2 = -a + b$
---	--

2. On résout le système de deux équations à deux inconnues ainsi obtenu :

$\begin{cases} 2a + b = 11 \\ -a + b = 2 \end{cases}$	
On soustrait la deuxième équation à la première équation pour éliminer b : $(2a+b) - (-a+b) = 11 - 2$ $2a + b + a - b = 9$ $3a = 9$ $a = 3$	On injecte la valeur de a dans la première équation : $2a + b = 11$ $2 \times 3 + b = 11$ $6 + b = 11$ $b = 11 - 6$ $b = 5$

3. Conclusion :

$$g : x \mapsto 3x + 5$$

EXERCICE 3

h est une fonction affine de la forme :

$$h : x \mapsto ax + b$$

Déterminer a et b sachant que :

$$h(-3) = -13 \quad \text{et} \quad h(1) = 3$$

1. On utilise les deux données du problème :

$h(x) = ax + b$ devient : $-13 = -3a + b$	$h(x) = ax + b$ devient : $3 = a + b$
---	---

2. On résout le système de deux équations à deux inconnues ainsi obtenu :

$\begin{cases} -3a + b = -13 \\ a + b = 3 \end{cases}$	
On soustrait la première équation à la deuxième équation pour éliminer b : $(a+b) - (-3a+b) = 3 - (-13)$ $a + b + 3a - b = 3 + 13$ $4a = 16$ $a = 4$	On injecte la valeur de a dans la deuxième équation : $a + b = 3$ $4 + b = 3$ $4 + b = 3$ $b = 3 - 4$ $b = -1$

3. Conclusion :

$$h : x \mapsto 4x - 1$$