

تصحيح موضوع الامتحان الوطني للبكالوريا

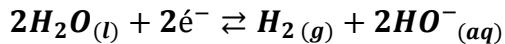
الدورة الاستدراكية 2009 - مسلك العلوم الفيزيائية

الكيمياء

1- دراسة تحضير غاز الكلور

1.1- المزدوجتان المتدخلتان في التفاعل هما: Cl_2/Cl^- و $\text{H}_2\text{O}/\text{H}_2$.

1.2- معادلة التفاعل الذي يحدث بجوار الكاثود:
يحدث اختزال لجزئية الماء :



1.3- الجدول الوصفي للتحول الحاصل عند الأنود :

معادلة التفاعل		$2\text{Cl}^-_{(aq)} \rightleftharpoons \text{Cl}_2{}_{(g)} + 2\text{e}^-$			كمية مادة المتبادلة
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة (mol)			
الحالة البدئية	0	$n_i(\text{Cl}^-)$	0	-	$n(\text{e}) = 0$
الحالة الوسيطية	x	$n_i(\text{Cl}^-) - 2x$	x	-	$n(\text{e}) = 2x$
الحالة النهائية	x_f	$n_i(\text{Cl}^-) - 2x_f$	x_f	-	$n(\text{e}) = 2x_f$

1.4- تعبير كمية المادة n لغاز الكلور المتكون عند الانود :
حسب الجدول الوصفي :

$$\left\{ \begin{array}{l} n = n(\text{Cl}_2) = x \\ n(\text{e}) = 2x \end{array} \Rightarrow n = \frac{n(\text{e})}{2} \right.$$

نعلم أن :

$$n(\text{e}).F = I.\Delta t \Rightarrow n(\text{e}) = \frac{I.\Delta t}{F}$$

تعبير n هو :

$$n = \frac{I.\Delta t}{2F} \Rightarrow n = \frac{57,9 \times 30 \times 60}{2 \times 96500} = 0,54 \text{ mol}$$

2- تحديد الدرجة الكلورومترية ($D^\circ\text{Ch}\ell$) لماء جافيل

2.1- تحديد (I_2) كمية المادة لثنائي اليود المتواجد في الخليط :
الجدول الوصفي لتطور المعايرة :

معادلة التفاعل		$I_2{}_{(aq)} + 2\text{S}_2\text{O}_3^{2-}{}_{(aq)} \rightarrow 2\text{I}^-{}_{(aq)} + \text{S}_4\text{O}_6^{2-}{}_{(aq)}$			
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة ب (mol)			
الحالة البدئية	0	$C.V$	$C_2.V_2$	0	0
الحالة الوسيطية	x	$C.V - x$	$C_2.V_2 - 2x$	$2x$	x
حالة التكافؤ	x_E	$C.V - x_E$	$C_2.V_E - 2x_E$	$2x_E$	x_E

عند التكافؤ يختفي كل من المتفاعلان I_2 و $S_2O_3^{2-}$ نكتب :

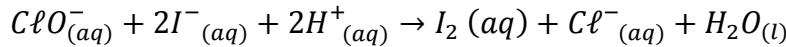
$$\begin{cases} C \cdot V - x_E = 0 \\ C_2 \cdot V_E - 2x_E = 0 \end{cases} \Rightarrow x_E = \frac{C_2 \cdot V_E}{2} = C \cdot V \Rightarrow n(I_2) = \frac{C_2 \cdot V_E}{2}$$

ت.ع :

$$n(I_2) = \frac{0,1 \times 10,8 \cdot 10^{-3}}{2} = 5,4 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$$

2.2- استنتاج $n(ClO^-)$ كمية مادة لـ ClO^- الموجودة في الحجم V :

حسب المعادلة (3) :



هذا التفاعل كلي وسريع كما أن المتفاعل ClO^- محد وبالتالي نكتب :

$$n(I_2) = n(ClO^-) = 5,4 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$$

3.2- تحديد التركيز : C

$$C = \frac{n(I_2)}{V} = \frac{5,4 \cdot 10^{-4} \text{ mol}}{10 \cdot 10^{-3} l} = 5,4 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$$

لدينا : $n(I_2) = C \cdot V$ نجد :

استنتاج التركيز C_0

$$C_0 = 10C = 10 \times 5,4 \cdot 10^{-2} = 0,54 \text{ mol} \cdot L^{-1}$$

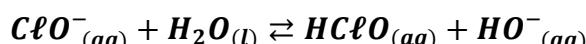
لدينا : أي $C = \frac{C_0}{10}$

4.2- الدرجة الكلورومترية لماء جافيل تعطى بالعلاقة :

$$(D^\circ ClO) = [ClO^-]_0 \cdot V_m \Rightarrow (D^\circ ClO) = 0,54 \times 22,4 \approx 12^\circ$$

3- الخصية حمض - قاعدية لماء جافيل :

1.3- كتابة معادلة التفاعل لایون ClO^- مع الماء :



2.3- تحديد الثابتة K_A للمزدوجة $HCLO/ClO^-$

تعبر ثابتة التوازن :

$$K = \frac{[HCLO]_{eq} \cdot [HO^-]_{eq}}{[ClO^-]_{eq}} \Rightarrow K = \frac{[HCLO]_{eq} \cdot [HO^-]_{eq}}{[ClO^-]_{eq}} \cdot \frac{[H_3O^+]_{eq}}{[H_3O^+]_{eq}}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} K_e = [H_3O^+]_{eq} \cdot [HO^-]_{eq} \\ K_A = \frac{[ClO^-]_{eq} \cdot [H_3O^+]_{eq}}{[HCLO]_{eq}} \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} K_e = [H_3O^+]_{eq} \cdot [HO^-]_{eq} \\ \frac{1}{K_A} = \frac{[HCLO]_{eq}}{[ClO^-]_{eq} \cdot [H_3O^+]_{eq}} \end{array} \right. \Rightarrow K = \frac{K_e}{K_A} \Rightarrow K_A = \frac{K_e}{K}$$

ت.ع :

الفيزياء

تمرين 1 : الموجات

1-الموجة المنتشرة على سطح البحر مستعرضة لأن اتجاه انتشارها عمودي على اتجاه تشويهها .

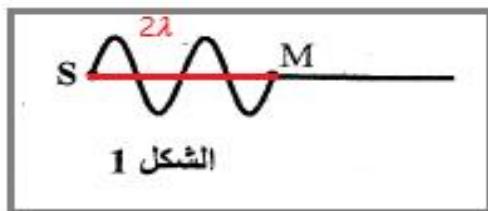
2-حساب v سرعة انتشار الموجة :

$$v = \frac{\lambda}{T}$$

المسافة الفاصلة بين ذروتين متتاليتين تمثل طول الموجة $\lambda = 70 \text{ m}$

$$v = \frac{70}{7} = 10 \text{ m s}^{-1}$$

ت.ع:



3.1-تعبير τ التأخر الزمني لحركة M بالنسبة لحركة S :

$$\tau = \frac{SM}{v} \Rightarrow \tau = \frac{SM}{v} = \frac{2\lambda}{10} \Rightarrow \tau = \frac{\lambda}{5}$$

$$\tau = \frac{70}{5} = 14 \text{ s}$$

ت.ع:

3.2-المسافة بين النقطتين S و M هي $SM = 2\lambda$ وبالتالي النقطتان تهتزان على توافق في الطور .

النقطة M تحرك نحو الاسفل لحظة وصول مقدمة الموجة إليها لأنها تعيد نفس حركة المنبع S عند هذه اللحظة .

4-تسمى هذه الظاهرة بحيود الموجة لأن :

$$a = 60 \text{ m} < \lambda = 70 \text{ m}$$

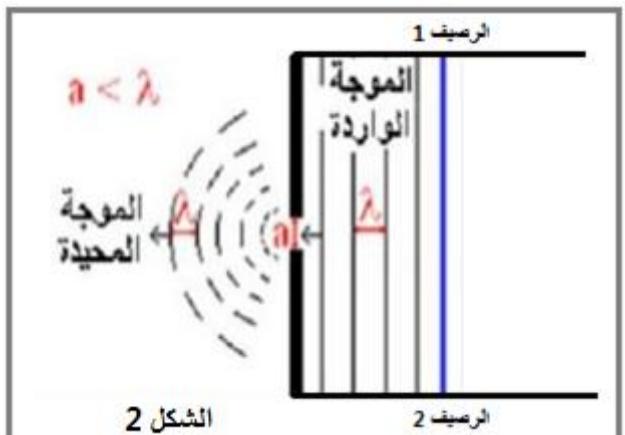
تمثيل الموجة المحيدة أنظر الشكل 2 .

تمرين 2 : الكهرباء

1-الجزء الاول : شحن مكثف بواسطة مولد مؤمثل للتيار

1.1-اللبوس A يحمل الشحنة الكهربائية السالبة .

1.2-اعتمادا على منحنى الشكل 2 عند اللحظة $t = 0$ التوتر u_C بين مربطي المكثف منعدما وبما أن $q = cu_C = 0$ فإن المكثف كان غير مشحون عند هذه اللحظة .



1.3- إثبات العلاقة : $u_C < u_{C \max}$ $u_C = \frac{I \cdot t}{C}$

لدينا :

$$\begin{cases} I = \frac{q}{t} \Rightarrow I \cdot t = C \cdot u_C \Rightarrow u_C = \frac{I \cdot t}{C} \\ q = C \cdot u_C \end{cases}$$

1.4- تعبير $u_C = f(t)$

منحنى الشكل 2 عبارة عن دالة خطية معادتها تكتب :

$$K = \frac{\Delta u_C}{\Delta t} = \frac{3 - 0}{1 - 0} = 3 V.s^{-1}$$

$$\begin{cases} u_C = K \cdot t \\ u_C = \frac{I \cdot t}{C} \Rightarrow K = \frac{I}{C} \Rightarrow C = \frac{I}{K} = \frac{0,3}{3} = 0,1 F \end{cases}$$

1.5- إثبات العلاقة : $E_e = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2$

$$i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_C}{dt} \quad P = u_C \cdot i$$

$$P = \frac{dE_e}{dt} \Rightarrow dE_e = P \cdot dt \Rightarrow dE_e = u_C \cdot i \cdot dt \Rightarrow dE_e = u_C \cdot C \frac{du_C}{dt} \cdot dt = C \cdot u_C \cdot du_C$$

لدينا : بالتكامل نحصل على :

$$E_e = C \int_0^{u_C} u_C du_C = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2$$

ت.ع :

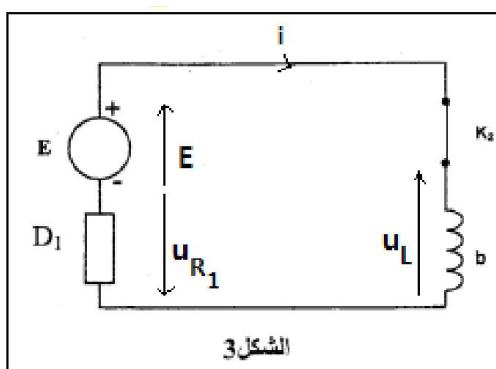
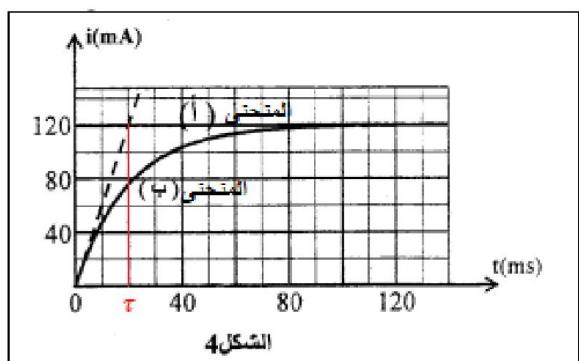
$$E_e = \frac{1}{2} \times 0,1 \times 3^2 = 0,45 J$$

2-الجزء الثاني : تحديد معامل التحرير L لوشيعة

2.1- المرحلة الاولى شدة التيار في الدارة ثابتة وتساوي : $I = \frac{E}{R_1 + R_2}$

ويوافق المنحنى (أ).

المرحلة الثانية مقاوم الوضيعة إقامة التيار فنحصل على نظامية انتقالية ودائم المنحنى (ب).



2.2- المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار $i(t)$:

حسب قانون إضافية التوترات : $E = u_L + u_{R_1}$

حسب قانون أموم : $U_{R_1} = R_1 \cdot i \quad u_L = L \frac{di}{dt}$

$$L \cdot \frac{di}{dt} + R_1 \cdot i = E \Rightarrow \frac{L}{R_1} \cdot \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_1}$$

2.3.1- تحديد تعبير الثوابت λ و A و B لدينا :

$$i(t) = Ae^{-\lambda t} + B \Rightarrow \frac{di}{dt} = -\lambda \cdot A \cdot e^{-\lambda t}$$

نعرض في المعادلة التفاضلية :

$$-\frac{L}{R_1} \cdot \lambda \cdot A \cdot e^{-\lambda t} + Ae^{-\lambda t} + B = E \Rightarrow Ae^{-\lambda t} \left(-\frac{L}{R_1} \lambda + 1 \right) + B - \frac{E}{R_1} = 0$$

$$\begin{cases} B - \frac{E}{R_1} = 0 \\ -\frac{L}{R_1} \lambda + 1 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} B = \frac{E}{R_1} \\ \lambda = \frac{R_1}{L} \end{cases}$$

الحل يكتب : $i(t) = Ae^{-\lambda t} + \frac{E}{R_1}$

$$Ae^{-\lambda t} + \frac{E}{R_1} = 0 \Rightarrow A = -\frac{E}{R_1}$$

لتحديد A نستعمل الشروط البدئية : $i(0) = 0$

حل المعادلة التفاضلية يكتب :

$$\tau = \frac{L}{R_1} \quad \text{مع} \quad i(t) = \frac{E}{R_1} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

2.2- استنتاج L

باستعمال المنهجى (ب) للشكل 4 نجد s^2 $\tau = 20 \text{ ms} = 2.10^{-2} \text{ s}$

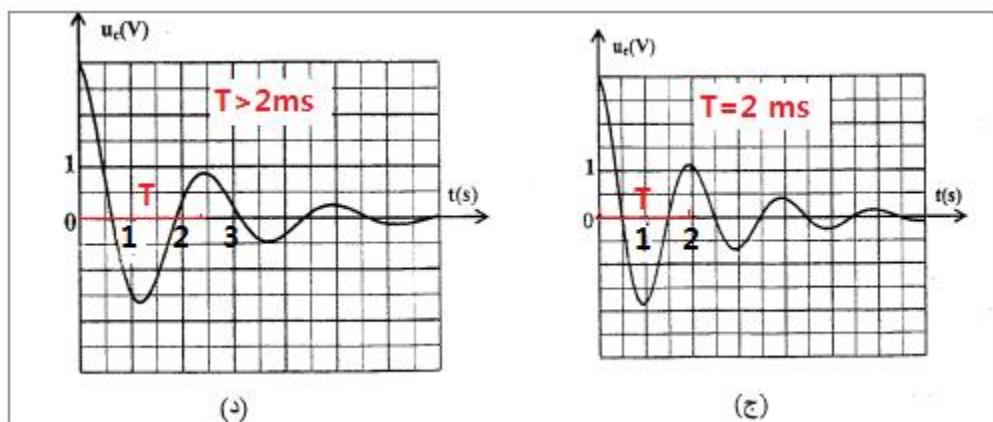
$$L = \tau(R_1 + R_2) \quad \text{أي: } L = \frac{L}{R_1 + R_2}$$

في النظام الدائم شدة التيار تكتب : $R_1 + R_2 = \frac{E}{I_0}$ $\quad \text{أي: } I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2}$

$$L = \tau \cdot \frac{E}{I_0} \Rightarrow L = 2 \cdot 10^{-2} \times \frac{6}{120 \cdot 10^{-3}} = 1 \text{ H}$$

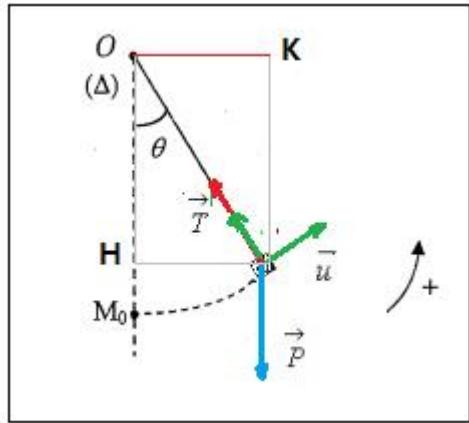
3- لنحسب الدور الخاص T_0 حيث : $T_0 = 2\pi\sqrt{L \cdot C} = 2\pi\sqrt{1 \times 0,1} \approx 2 \text{ s}$

بما أن شبه الدور T يساوى الدور الخاص T_0 أي أن $T = 2s$ المنهجى الموافق هو (ج).



تمرين 3 : الميكانيك

1-الدراسة التحريرية للنواص



إثبات المعادلة التفاضلية :

المجموعة المدرورة : {الطفل + الارجوة}

جرد القوى :

\vec{P} وزن المجموعة

\vec{T} تأثير الحبل

تطبيق العلاقة الأساسية للديناميك في حالة الدوران :

$$M_{\Delta}(\vec{P}) + M_{\Delta}(\vec{T}) = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta} \quad (1)$$

لدينا : $M_{\Delta}(\vec{T}) = 0$ لأن إتجاه القوة \vec{T} يم من محور الدوران (Δ)

حسب الشكل :

$$d = OK = l \cdot \sin\theta$$

$$M_{\Delta}(\vec{P}) = -m \cdot g \cdot d = -m \cdot g \cdot l \cdot \sin\theta$$

المعادلة (1) تكتب :

$$-m \cdot g \cdot l \cdot \sin\theta = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta} \Rightarrow m \cdot l^2 \cdot \ddot{\theta} + m \cdot g \cdot l \cdot \sin\theta = 0 \Rightarrow l \cdot \ddot{\theta} + m \cdot g \cdot \sin\theta = 0$$

$$\ddot{\theta} + \frac{m \cdot g}{l} \cdot \sin\theta = 0$$

في حالة التذبذبات الصغيرة نكتب : $\sin\theta \approx \theta$ المعادلة التفاضلية تكتب :

$$\ddot{\theta} + \frac{m \cdot g}{l} \cdot \theta = 0$$

1.2-تعبير الدور الخاص هو :

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{3}{9,8}} = 3,48 \text{ s}$$

1.3-المعادلة الزمنية لحركة النواص :

حل المعادلة التفاضلية يكتب : $\theta(t) = \theta_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right)$

حسب الشرط البدئي : $\theta(0) = \theta_m = \frac{\pi}{20}$

$$\theta(0) = \theta_m \cos\varphi \Rightarrow \theta_m \cos\varphi = \theta_m \Rightarrow \cos\varphi = 1 \Rightarrow \varphi = 0$$

تعبير المعادلة الزمنية يكتب :

$$\theta(t) = \frac{\pi}{20} \cos\left(\frac{2\pi}{3,48} t\right) \Rightarrow \theta(t) = \frac{\pi}{20} \cos(1,8 t)$$

1.4-تعبير توتر الحبل عند اللحظة t :

تُخضع المجموعة المدروسة $\{P + T\}$ لنفس القوى السابقة .

طبق القانون الثاني لنيوتن في معلم غاليلي مرتبط بالارض ، نكتب :

$$P + T = m \cdot \vec{a}_G$$

نسقط العلاقة المتجهية السابقة في أساس فريني على المحور (M, \vec{n})

$$T - P \cdot \cos\theta = ma_N \Rightarrow T = m \cdot g \cdot \cos\theta + m \cdot a_N$$

لدينا : $a_N = \frac{v^2}{\ell}$

$$T = m \cdot g \cdot \cos\theta + m \cdot \frac{v^2}{\ell} \Rightarrow T = m \left(g \cdot \cos\theta + \frac{v^2}{\ell} \right)$$

حساب T عند $t = \frac{T_0}{4}$

لدينا عند $t = \frac{T_0}{4}$

$$\begin{cases} \theta(t) = \theta_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) \\ \dot{\theta}(t) = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot \theta_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0}t\right) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \theta\left(\frac{T_0}{4}\right) = \theta_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot \frac{T_0}{4}\right) = \theta_m \cos\frac{\pi}{2} = 0 \\ \dot{\theta}\left(\frac{T_0}{4}\right) = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot \theta_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot \frac{T_0}{4}\right) = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot \theta_m \sin\left(\frac{\pi}{2}\right) = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot \theta_m \end{cases}$$

$$v\left(\frac{T_0}{4}\right) = \ell \cdot \dot{\theta}\left(\frac{T_0}{4}\right) = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot \ell \cdot \theta_m$$

$$T = m \left[g \cdot \cos 0 + \frac{1}{\ell} \cdot \left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot \ell \cdot \theta_m \right)^2 \right] = m \left(g + \frac{4\pi^2 \ell}{4\pi^2 \ell} \theta_m^2 \right) \Rightarrow T = mg(1 + \theta_m^2)$$

$$T = 18 \times 9,8 \times \left[1 + \left(\frac{\pi}{20} \right)^2 \right] = 1807 N$$

2-دراسة الطاقية :

2.1- تعبير E_p طاقة الوضع الثقالية للنواص عند اللحظة t :

$$E_p = m \cdot g \cdot z + cte$$

حسب الحالة المرجعية : $E_p(0) = 0$ ومنه $cte = 0$ يصبح :

$$E_p = m \cdot g \cdot z$$

حسب الشكل :

$$z = HM_0 = OM_0 - OH = \ell - \ell \cos \theta = \ell(1 - \cos \theta)$$

بتعويض z في E_p نكتب :

$$E_p = m \cdot g \cdot \ell(1 - \cos \theta)$$

2.2- تحديد القيمة القصوى θ_m للاقصول الزاوي :

الطاقة الميكانيكية تكتب :

$$E_m = E_C + E_p = E_C + m \cdot g \cdot \ell(1 - \cos \theta)$$

نعتبر الحالتين : (1) موضع التوازن $\theta_0 = 0$ و (2) موضع التي تأخذ فيه الزاوية θ القيمة θ_m

و باعتبار انفاظ الطاقة الميكانيكية نكتب :

$$E_{m1} = E_{m2} \Rightarrow E_{C1} + \underbrace{m \cdot g \cdot \ell(1 - \cos \theta_0)}_{=0} = E_{C2} + \underbrace{m \cdot g \cdot \ell(1 - \cos \theta_m)}_{=0}$$

$$E_{C1} = m \cdot g \cdot \ell(1 - \cos \theta_m) \Rightarrow 1 - \cos \theta_m = \frac{E_{C1}}{m \cdot g \cdot \ell} \Rightarrow \cos \theta_m = 1 - \frac{E_{C1}}{m \cdot g \cdot \ell} \Rightarrow \theta_m = \cos^{-1} \left(1 - \frac{E_{C1}}{m \cdot g \cdot \ell} \right)$$

ت.ع :

$$\theta_m = \cos^{-1} \left(1 - \frac{264,6}{18 \times 9,8 \times 3} \right) = \cos^{-1}(0,5) = 60^\circ$$

