

### التمرين رقم 1

أعط ديكارتية للدائرة (C) في كل حالة من الحالات التالية :

(1) مركزها  $\Omega(2,-1)$  و شعاعها  $r = 3$

(2) مركزها  $\Omega\left(1, \frac{1}{2}\right)$  و تمر من  $A\left(-1, \frac{5}{2}\right)$

(3) قطرها [AB] حيث  $B(2,3)$  ;  $A(0,-1)$

(4) مركزها  $\Omega(3,-2)$  و مماسة للمستقيم

$$2x + y + 1 = 0$$

(5) محيطه بالمثلث ABC حيث

$$C(-3,6) ; B(2,1) ; A(1,0)$$

### التمرين رقم 2

حد مركز وشعاع الدائرة (C) في كل حالة من الحالات التالية

$$x^2 + y^2 - 2x + y - 5 = 0 \quad (1)$$

$$x^2 + y^2 - 3x + 2 = 0 \quad (2)$$

$$x^2 + y^2 - 3mx + 5y + 5 = 0 \quad (3) \text{ حيث } m \in \mathbb{R}$$

### التمرين رقم 3

نعتبر النقطتين  $B(-3,4)$  ;  $A(1,2)$

و  $(D)x - 3y - 5 = 0$

(1) حدد معادلة  $(\Delta)$  واسط القطعة [AB]

(2) لتكن  $\Omega$  نقطة من  $(\Delta)$  أفصولها  $m$

أ- ليكن  $(\Delta')$  مستقيم معادلته  $x - 3y - 5 = 0$

ب- أحسب بدلالة  $m$  المسافتين  $\Omega A$  و  $d(\Omega, (\Delta'))$

ت- بين أنه توجد دائرتين تمران من  $A$  ,  $B$  و مماستان

للمستقيم  $(\Delta')$  محددتا عناصرهما المميزة

### التمرين رقم 4

أعط معادلة المماس للدائرة (C) في النقطة A :

(1) مركزها  $\Omega(1,-3)$  و  $A(-3,2)$

(2)  $A(-1,1)$  و  $(C) : x^2 + y^2 + x - 2y + 1 = 0$

(3) نعتبر الدائرة  $x^2 + y^2 - 4x - 2y = 0$  و  $A(-1,2)$

تحقق أن A خارج (C) أعط معادلة المماسين ل (C) و

المايين من A

(4) نفس السؤال :  $x^2 + y^2 + 2x - 2y - 11 = 0$

و  $A(4,0)$

### التمرين رقم 5

نعتبر الدائرة  $(\zeta) : x^2 + y^2 - 4x + 6y + 9 = 0$

(1) بين أن  $(\zeta)$  دائرة محددتا المركز  $\Omega$  و الشعاع  $r$

(2) أدرس تقاطع الدائرة  $(\zeta)$  و محوري المعلم

(3) أكتب معادلتى المماسين للدائرة  $(\zeta)$  و الموازيين للمستقيم

$$(D) : 4x + 3y + 10 = 0$$

(4) حدد معادلتى المماسين للدائرة  $(\zeta)$  و المارين من النقطة

$$A(2,1)$$

### التمرين رقم 6

نعتبر الدائرة  $x^2 + y^2 - 6x - 2y - 15 = 0$  :  $(\zeta)$  و المستقيم

$$(D) : x + 2y - 7 = 0$$

(1) أ- حدد المركز  $\Omega$  و الشعاع  $r$  للدائرة  $(\zeta)$

ب- بين أن  $(D)$  يقطع للدائرة  $(\zeta)$  و حدد إحداثيات نقط

تقاطعهما

(2) أ- أرسم في نفس المعلم  $(D)$  و  $(\zeta)$

ب- حل مبيانيا المتراجحة

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 6x - 2y - 15 > 0 \\ x + 2y - 7 > 0 \end{cases}$$

(3) بين أن النقطة  $A(-4,2)$  توجد خارج الدائرة  $(\zeta)$  ثم حدد

معادلتى المماسين للدائرة  $(\zeta)$  و المارين من النقطة A

### التمرين رقم 7

نعتبر المجموعة  $C_m$  للنقط M بحيث :

$$C_m : x^2 + y^2 - 2mx + (m+2)y - 3m - 4 = 0$$

حيث  $m$  بارامتر حقيقي

1- بين أن  $C_m$  دائرة محددتا عناصرها المميزة

2- حدد  $(D)$  مجموعة المراكز عندما  $m$  تتغير في  $\mathbb{R}$

3- بين أن جميع الدوائر  $C_m$  تمر بنقطتين ثابتتين A , B

و بين أن  $(AB) \perp (D)$

4 - حدد تبعا لقيم  $m$  عدد الدوائر التي تمر من نقطة

$$M_0(x_0, y_0)$$

### التمرين رقم 8

نعتبر المجموعة  $C_\alpha$  للنقط  $M(x, y)$

$$C_\alpha : x^2 + y^2 - 2x \sin \alpha - 2y \sin \alpha - 3 \cos 2\alpha = 0$$

حيث  $\alpha \in \left] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[$

1 - حدد قيم  $\alpha$  كي تكون  $C_\alpha$  نقطة

2 - حدد  $\alpha$  كي تكون  $C_\alpha$  دائرة

3 - نعتبر المستقيم  $(D)$  معادلته  $x=y$

أ- بين أن  $(D)$  مماس للدائرة  $C_{\frac{\pi}{4}}$

ب- حدد  $\alpha$  كي يقطع  $(D)$  الدائرة  $C_\alpha$  في نقطتين

### التمرين رقم 9

A و B نقطتان مختلفتان و مجموعة النقط M بحيث

$$E_k = \left\{ M \in (P) : \|\overline{MA} + 2\overline{MB}\| = \|k\overline{MA} + \overline{MB}\| \right\}$$

❖ حدد في الحالات :  $k=2$  ,  $k=-4$  ,  $k=-1$

❖ أدرس الحالة  $k \notin \{-1, -4, 2\}$