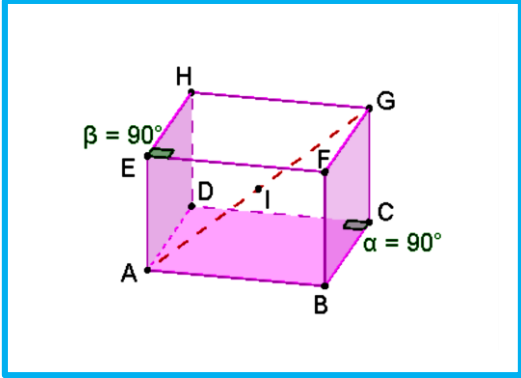




## 01. التمرين الاول



1. تحديد المتجهة  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AE}$

$$\begin{aligned}\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AE} &= \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AE} \\ &= \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AE} \\ &= \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CG} \\ &= \overrightarrow{AG}\end{aligned}$$

خلاصة :  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AE} = \overrightarrow{AG}$

2.

أ- استنتج ان  $\overrightarrow{IB} + \overrightarrow{ID} + \overrightarrow{IE} = 3\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AG}$

لدينا :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{IB} + \overrightarrow{ID} + \overrightarrow{IE} &= \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AE} \\ &= 3\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AE} \\ &= 3\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AG}\end{aligned}$$

خلاصة :  $\overrightarrow{IB} + \overrightarrow{ID} + \overrightarrow{IE} = 3\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AG}$

ب- استنتج ان  $\overrightarrow{IE} = -\overrightarrow{IB} - \overrightarrow{ID}$

لدينا :  $3\overrightarrow{AI} = -\overrightarrow{AG} = \overrightarrow{GA}$

وحسب ما سبق :  $\overrightarrow{IB} + \overrightarrow{ID} + \overrightarrow{IE} = 3\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AG}$   
إذن :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{IB} + \overrightarrow{ID} + \overrightarrow{IE} &= 3\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AG} \\ &= \overrightarrow{GA} + \overrightarrow{AG} \\ &= \vec{0}\end{aligned}$$

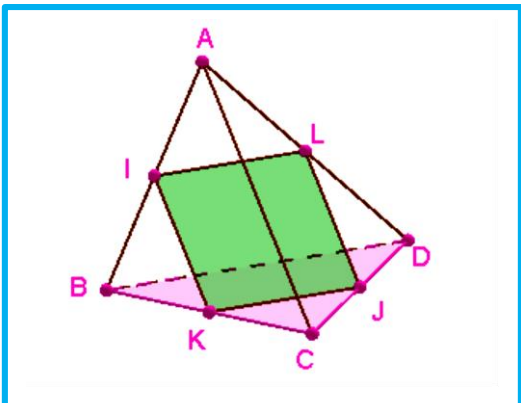
خلاصة :  $\overrightarrow{IE} = -\overrightarrow{IB} - \overrightarrow{ID}$

ج- استنتاج للننتيجة المحصل عليها

لدينا  $\overrightarrow{IE} = -\overrightarrow{IB} - \overrightarrow{ID}$

ومنه :  $\overrightarrow{IB}$  و  $\overrightarrow{ID}$  و  $\overrightarrow{IE}$  مستوائية (تكتب احدهما بدلالة الأخرى)

## 02. التمرين الثاني



1. لنبين ان : IJKL متوازي الاضلاع

يكفي ان نبين ان  $\overrightarrow{IK} = \overrightarrow{LJ}$  أو  $\overrightarrow{KJ} = \overrightarrow{IL}$   
لدينا :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{IK} &= \overrightarrow{IB} + \overrightarrow{BK} \\ &= \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{BC} \\ &= \frac{1}{2}(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}) = \frac{1}{2}\overrightarrow{AC}\end{aligned}$$



$$(1) \quad \vec{IK} = \frac{1}{2} \vec{AC} \quad \text{ومنه}$$

من جهة أخرى :

$$\begin{aligned} \vec{LJ} &= \vec{LD} + \vec{DJ} \\ &= \frac{1}{2} \vec{AD} + \frac{1}{2} \vec{DC} \\ &= \frac{1}{2} (\vec{AD} + \vec{DC}) \\ &= \frac{1}{2} \vec{AC} \end{aligned}$$

$$(2) \quad \vec{LJ} = \frac{1}{2} \vec{AC} \quad \text{ومنه}$$

من (1) و (2) نستنتج ان  $\vec{LJ} = \vec{IK}$

خلاصة : IJKL متوازي الاضلاع

### 03. التمرين الثالث

**1** إنشاء E و F أنظر الشكل

**2** لنبين ان المستقيمين (IC) و (EF) متوازيان

نبين ان المتجهتين  $\vec{IC}$  و  $\vec{EF}$  مستقيمتين  
لدينا :

$$\begin{aligned} \vec{CI} &= \vec{CA} + \vec{AI} \\ &= \vec{CA} + \frac{1}{2} \vec{AB} \end{aligned}$$

$$(1) \quad 2\vec{CI} = 2\vec{CA} + \vec{AB} \quad \text{إذن} \quad \vec{CI} = \vec{CA} + \frac{1}{2} \vec{AB} \Leftrightarrow 2\vec{CI} = 2\vec{CA} + \vec{AB} \quad \text{و لدينا}$$

و لدينا :

$$\begin{aligned} \vec{EF} &= \vec{EC} + \vec{CA} + \vec{AF} \\ &= \vec{CD} + \vec{DB} + \vec{CA} \\ &= \vec{CB} + \vec{CA} \\ &= 2\vec{CA} + \vec{AB} \end{aligned}$$

$$(2) \quad \vec{EF} = 2\vec{CA} + \vec{AB} \quad \text{ومنه}$$

من (1) و (2) نستنتج ان  $\vec{EF} = 2\vec{CI}$  أن المتجهتين مستقيمتين

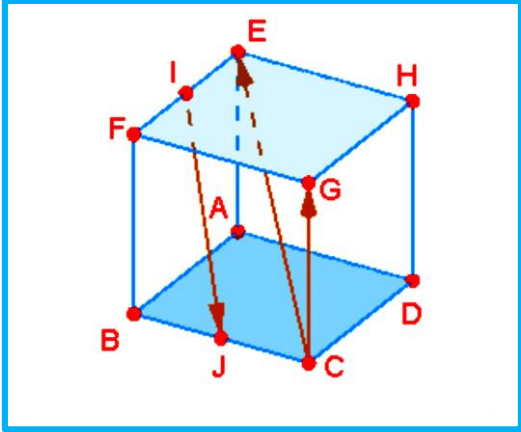
خلاصة : المستقيمين (IC) || (EF)

### 04. التمرين الرابع

**1** لنبين ان  $\vec{IJ}$  و  $\vec{CE}$  و  $\vec{CG}$  مستوائية

يكفي ان نبين ان :  $\vec{IJ} = \alpha \vec{CG} + \beta \vec{CE}$

لدينا :



$$\begin{aligned}
 \vec{IJ} &= \vec{IE} + \vec{EC} + \vec{CJ} \\
 &= \frac{1}{2}\vec{FE} + \frac{1}{2}\vec{CB} + \vec{EC} \\
 &= \frac{1}{2}\vec{GH} + \frac{1}{2}\vec{HE} + \vec{EC} \\
 &= \frac{1}{2}\vec{GE} + \vec{EC} \\
 &= \frac{1}{2}\vec{GC} + \frac{1}{2}\vec{CE} - \vec{CE} \\
 &= \frac{1}{2}\vec{GC} - \frac{1}{2}\vec{CE} \\
 &= \frac{-1}{2}(\vec{CG} + \vec{CE})
 \end{aligned}$$

$$\vec{IJ} = \frac{-1}{2}(\vec{CG} + \vec{CE}) \text{ ومنه}$$

خلاصة :  $\vec{IJ}$  و  $\vec{CE}$  و  $\vec{CG}$  مستوائية