

## الأول :

مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه  $a$

أ- بين أن لكل نقطة  $M$  لدينا:

$$\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = MA^2 - \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + \frac{a^2}{2}$$

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$$

ب- حدد المجموعة (C) في الحالات التالية:

$$\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = \frac{a^2}{2} + MA^2$$

$$\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = \frac{a^2}{2}$$

$$\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = MA^2$$

## الثاني :

ABC مثلث متساوي الساقين رأسه A وبحيث  $AB=2BC=2a$

و O منتصف القطعة  $[BC]$

$$1) \quad \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = \frac{7a^2}{2}$$

ب- حدد النقطة E تقاطع  $[AB]$  والمجموعة  $\zeta$

$$2) \quad \text{أ- بين أن } \zeta = \{M \in (P) / MA^2 + 3MB^2 + 4MD^2 = 7a^2\}$$

D ∈ Ζ

أ- تتحقق أن  $\zeta$

ب- حدد النقطة E تقاطع  $[AB]$  والمجموعة  $\zeta$

$$2) \quad \text{أ- بين أن } \zeta = \{M \in (P) / MA^2 + 3MB^2 + 4MD^2 = 7a^2\}$$

$$r = \frac{5a}{8}$$

ج- بين أن المستقيم (BC) مماس للدائرة  $\zeta$

$$f(M) = \overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MD} + \overrightarrow{MD}^2$$

$$1) \quad \text{تحقق أن } f(G) = -\frac{9a^2}{16}$$

$$2) \quad \text{نعتبر في المستوى } (P) \text{ المجموعة } I \in \Gamma$$

أ- تتحقق أن  $I \in \Gamma$

$$r' = \frac{3a}{8}$$

## السادس :

AABC مثلث متساوي الساقين وقائم الزاوية في النقطة A وبحيث :  $AB = 2$  حدد وأنشئ المجموعات E في الحالات التالية:

$$1) \quad \left\| 2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \right\| = \left\| -2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \right\|$$

$$2) \quad 2MA^2 + MB^2 + MC^2 = 24$$

$$3) \quad -2MA^2 + MB^2 + MC^2 = 4$$

## السابع :

G مثلث مركز ثقله ABC

$$AB = c ; BC = a ; CA = b$$

$$1) \quad \text{أحسب } GA^2 + GB^2 + GC^2$$

$$c ; b ; a \quad \overrightarrow{GA} \cdot \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GB} \cdot \overrightarrow{GC} + \overrightarrow{GC} \cdot \overrightarrow{GA}$$

و بدلالة  $G$  بحيث  $M$  حدد مجموعة النقط M بحيث:

$$2) \quad \overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} + \overrightarrow{MC} \cdot \overrightarrow{MA} = 0$$

## الرابع :

نعتبر في المستوى (P) مستطيلا ABCD بحيث

$$a > 0 \text{ مع } AB = 2a ; BC = a$$

ولتكن G مرجم النقطتين (A,1) ; (B,3) و (A,1) ; (B,3)

منتصف القطعة  $[CD]$

أ- بين أن لكل نقطة M من المستوى لدينا

$$(\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB}) \cdot (\overrightarrow{MC} + \overrightarrow{MD}) = 8\overrightarrow{MG} \cdot \overrightarrow{MI}$$