

$$1) b \wedge c \text{ و } a \wedge b$$

$$2) a \wedge b \wedge c = x$$

التمرين العاشر

لذلك a عدد طبيعي بحيث $2 \leq a$

$$1) \text{ بيـنـهـ أـهـ إـذـاـ كـاهـ } p \text{ فـيـاـنـ } |n|$$

2) استنتج أن العدد $2^{2010} - 1$ مضاعف لـ 31 و 7 و 3 .

التمرين الحادى عشر

$$(E) x^2 - y^2 + x - y = 12$$

أـ تتحقق أـهـ العـدـيـنـ $x+y+1$ و $x-y$ مـنـ زـوـجـيـنـ مـخـلـقـيـنـ

$$\text{بـ حـلـوـلـ اـعـدـاـلـةـ } (E)$$

التمرين الثاني عشر

$$(E) x^2 - y^2 - 6x - 63 = 0$$

أـ تتحقق أـهـ العـدـيـنـ $(x-y-3)(x+y-3) = 72$

$$\text{بـ حـلـوـلـ اـعـدـاـلـةـ } (E)$$

التمرين الثالث عشر

. \mathbb{Z} عـدـاـنـ p ، n

$$y = 3n + 2p \text{ و } x = 5n + 3p$$

أـ بيـنـهـ أـهـ $(d|x \text{ و } d|y) \Rightarrow (d|n \text{ و } d|p)$

$$\text{بـ اـسـتـنـجـ أـهـ } x \wedge y = p \wedge n$$

بيـنـهـ أـهـ لـكـ عـدـيـعـ n العـدـ $5^{2n} + 3$ لا يـقـبـلـ القـسـمـةـ عـلـيـ 8

$$\begin{cases} x \wedge y = 12 \\ x + y = 96 \end{cases} \quad 12$$

التمرين السادس

$$1) \text{ بيـنـهـ أـهـ } (n^2 + 1) \wedge (n + 1) = (n + 1) \wedge 2$$

2) حـدـ $(n^2 + 1) \wedge (n + 1)$ حـسـبـ زـوـجـيـةـ العـدـ n

3) حـدـ الأـعـدـاـلـ n بـحـيـثـ :

$$(n^2 + 1) \wedge (n + 1) = (n + 1)$$

التمرين السابع

1) حـدـ الأـعـدـاـلـ a و b مـنـ \mathbb{N}^* و بـحـيـثـ $b \leq a$ و الـيـ تـحـقـقـ

$$(a \vee b) - (a \wedge b) = 7$$

2) حـدـ الأـعـدـاـلـ a و b مـنـ \mathbb{N}^* و الـيـ تـحـقـقـ :

$$2(a \vee b) - 7(a \wedge b) = 11$$

3) حـدـ الأـعـدـاـلـ a و b مـنـ \mathbb{N}^* و بـحـيـثـ $b \leq a$ و الـيـ تـحـقـقـ

$$(a \vee b) - 3(a \wedge b) = 4$$

التمرين الثامن

1) نـظـمـ $p \in \mathbb{N}^*$ بـحـيـثـ $b = (p-1)n$ و $a = pn$

$$a \wedge b = a - b \cdot n \in \mathbb{N}^* - \{1\}$$

2) بيـنـهـ أـهـ إـذـاـ كـاهـ $a \wedge b = a - b$ فـيـاـنـ يـوـجـدـ زـوـجـ (p, n)

$$b = (p-1)n \text{ و } a = pn : \mathbb{N}^* \times \mathbb{N}^*$$

التمرين التاسع

لـكـ y عـدـيـعـ N^* و x عـدـيـعـ N^* و $b = 15x(8y+5)$

$$a = 40x(3y+2)$$

$$c = 24x(5y+3)$$

تمارين حول الحسابيات

التمرين الأول

حدـ العـدـ n فيـ الحالـاتـ التـالـيـةـ :

$$1) n - 3 / n + 3 \quad \text{بـ} \quad n - 4 / 6$$

$$2) 3n + 4 / 11n + 8 \quad \text{بـ} \quad n + 1 / 3n - 4$$

التمرين الثاني

لـكـ a و b عـدـانـ بـحـيـثـ :

$$1) (a - b) \wedge b = 1 \quad \text{وـ} \quad (a + b) \wedge a = 1$$

التمرين الثالث

$$1) (n^2 + n + 1) \wedge (n + 1) = 1$$

$$(7n + 2) \wedge (21n^2 + 16n + 3) = 1$$

$$n \wedge (n^2 + 1) = 1 \quad \text{،} \quad (4n + 1) \wedge (4n - 1) = 1$$

$$(7n + 2) \wedge (11n + 3) = 1$$

$$(2n + 3) \wedge (3n + 5) = 1$$

$$(2n^2 + 4n + 1) \wedge (n + 2) = 1$$

التمرين الرابع

1) لـكـ a عـدـ نـسـبـيـ بـحـيـثـ . $a \notin \{-1; 0; 1\}$

بيـنـهـ أـهـ $a^4 + a^2 + 1$ خـيـرـ أولـ

2) لـكـ a عـدـ نـسـبـيـ خـيـرـ منـعدـ و يـخـالـفـ 1.

بيـنـهـ أـهـ $a^4 + 4$ خـيـرـ أولـ

التمرين الخامس

$$\begin{cases} x \wedge y = 6 \\ xy = 432 \end{cases} \quad 1) \text{ حلـ فيـ } \mathbb{N}^2 \text{ النـظـمـتـيـهـ :}$$

