

## التمرين الأول :

(1) ليكن  $n$  عدد طبيعي بحيث  $n \geq 2$  . بين ما يلي :

$$(1) (6n+1) \wedge (3n-1) = 1 \quad (2) (4n^3 - 3n) \wedge (n-1) = 1$$

(2) حدد الأعداد الطبيعية  $n$  بحيث يكون :  $2n+1 \mid 8n+34$

(3) حل في المجموعة  $\mathbb{N}^2$  المعادلة :  $(a \vee b) - (a \wedge b) = 7$

## التمرين الثاني :

ليكن  $p$  عدد نسبي . نعتبر العددين  $x=18p+23$  و  $y=5p+7$

$$(1) \text{ بين أن } (18p+23) \wedge (5p+7) = (p-3) \wedge 11$$

(2) استنتج القيم الممكنة للعدد  $d = x \wedge y$

(3) حدد الأعداد النسبية  $x, y$  و التي يكون من أجلها :  $x \wedge y = 11$

## التمرين الثالث :

(1) أحسب  $2^4$  و استنتج أن  $2^8 \equiv 1 [17]$

(2) حدد باقي قسمت العدد  $2015^{2016}$  على العدد 17

(3) استنتج أن 17 يقسم العدد  $N = 2015^2 + 2015^3 + \dots + 2015^{2015} + 2016$

## التمرين الرابع :

## أجزء الأول

نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $[0, +\infty[$  بما يلي :  $g(x) = x^3 - 3x - 3$

(1) أحسب النهاية  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$

(2) أدرس تغيرات الدالة  $g$  ثم ضع جدول التغيرات

(3) أ- بين مبيانيا أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$

ب- استنتج إشارة  $g(x)$  على  $[0, +\infty[$

## أجزء الثاني

لتكن  $f$  الدالة العدرية المعرفة بما يلي :  $f(x) = \frac{2x\sqrt{x}+3}{x-1}$

و ليكن  $(C)$  منحنى الدالة  $f$  في معلم متعامد ممنظم

(1) أ- حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$  و أحسب  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$

ماذا تستنتج ؟

ب- أحسب النهاية  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

ج- أدرس الفرع اللانهائي للمنحنى  $(C)$  عند  $+\infty$

(2) أدرس قابلية اشتقاق الدالة  $f$  على يمين النقطة  $a=0$

ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة

(3) أ- بين أن  $f'(x) = \frac{g(\sqrt{x})}{(x-1)^2}$  ( $\forall x \in \mathbb{R}^+ - \{1\}$ )

ب- بين أن  $f$  تزايدية على  $[\alpha^2, +\infty[$  و أن  $f$  تناقصية على كل من

$]0, 1[$  و  $]1, \alpha^2[$

ج- بين أن  $f(\alpha^2) = 3\alpha$  و ضع جدول تغيرات الدالة  $f$

(4) أرسم المنحنى  $(C)$  مبرزا المماس في النقطة ذات الأضلاع  $a=0$

( نأخذ  $\alpha^2 = 4,4$  و  $f(\alpha^2) = 6,3$  )