

01... (1 + 0,5 + 0,5 + 0,5 + 0,5 + 1 + 1 + 1 + 0,25 + 0,25 + 0,25 + 0,25) ن 7.5

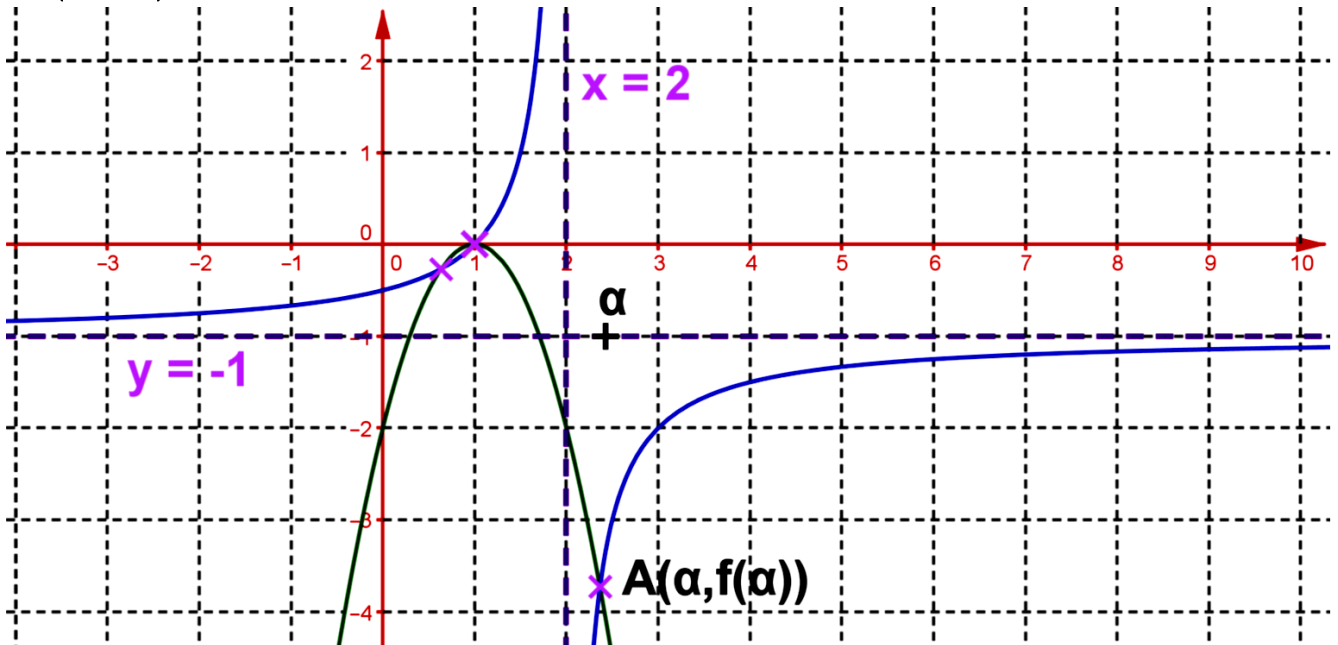
لنعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة ب: $f(x) = -2x^2 + 4x - 2$.

لنعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة ب: $g(x) = \frac{1-x}{x-2}$.

1. أتمم الجدول التالي

أحسب : $g(0) = -\frac{1}{2}; g(1) = 0; g(3) = -2; g\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{3}$	أحسب :	$f(0) = -2; f(1) = 0; f(2) = -2$	أحسب : 1.																
اسم منحنى الدالة g	اسم منحنى الدالة f		2. اسم منحنى الدالة f																
مقاربيه	مقاربيه	$S(1,0)$	3. رأسه																
مركز تماثله	مركز تماثله	المستقيم الذي معادلته $x=1$	4. محور تماثله																
جدول تغيراته g :	جدول تغيراته f :		5. جدول تغيراته f :																
<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table>	x	$-\infty$	2	$+\infty$	$f(x)$				<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td></td> <td>0</td> <td></td> </tr> </table>	x	$-\infty$	1	$+\infty$	$f(x)$		0			
x	$-\infty$	2	$+\infty$																
$f(x)$																			
x	$-\infty$	1	$+\infty$																
$f(x)$		0																	

6. أنشئ منحنى f ثم g في نفس المعلم مع العلم أن النقط التي وضعت في المستوى هي نقطة تقاطع المنحنيين و $A(\alpha, f(\alpha))$



لدينا : $S_3 =]-\infty, \beta] \cup]1, 2[\cup]\alpha, +\infty[$

$f(x) \leq g(x)$

لدينا : $S_1 = \{1\}$ $f(x) \geq 0$

لدينا : $f(x) = g(x)$

$S_2 = \{\beta, 1, \alpha\}$

7. استنتج

مبيانيا

ما يلي

لدينا : $S_4 =]-\infty, 1[\cup]2, +\infty[$

$\frac{g(x)}{f(x)} \geq 0$

لدينا : $g(]2, +\infty[) =]-\infty, -1[$

8. حدد

مبيانيا



9. لنعتبر الدالة h المعرفة ب: $\forall x \in]2, +\infty[, h(x) = f \circ g(x)$.

أ- أعط صيغة للدالة h (0,5 ن).

لدينا: $h(x) = f \circ g(x) = f(g(x)) = f\left(\frac{1-x}{x+2}\right) = -2\left(\frac{1-x}{x+2}\right)^2 + 4 \times \frac{1-x}{x+2} - 2$

خلاصة: $\forall x \in]2, +\infty[, h(x) = -2\left(\frac{1-x}{x+2}\right)^2 + 4 \times \frac{1-x}{x+2} - 2$

ب- أدرس رتبة h ثم أعط جدول تغيرات h (0,5 ن + 0,5 ن).

لدينا: g تزايدية قطعا على $]2, +\infty[$ و $g(]2, +\infty[) =]-\infty, -1[$ و لدينا f تزايدية قطعا على $]-\infty, -1[$ إذن $h = f \circ g$ تزايدية قطعا على $]2, +\infty[$ حسب الخاصية.

خلاصة: الدالة h تزايدية قطعا على $]2, +\infty[$

ومنه جدول تغيرات هو:

x	2	$+\infty$
h(x)		↗

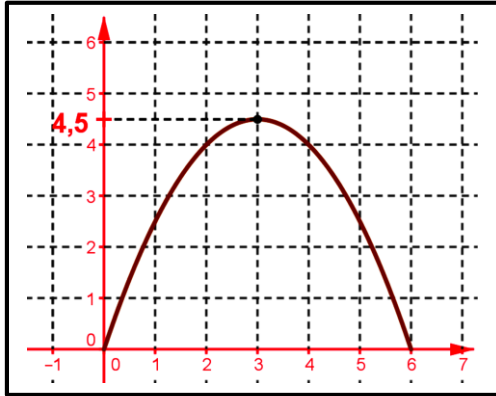
02..... (1 ن)

أحد المهندسين صمم رسم لمدخل للأحد المتاحف على شكل جزء من شلجم (أنظر الشكل) نحدد معادلة الشلجم.

بما أن المنحنى هو لشلجم إذن: $f(x) = ax^2 + bx + c$

مبيانيا: $f(0) = 0$; $f(6) = 0$ ومنه: $f(x) = ax^2 + bx + c = a(x-0)(x-6) = ax(x-6)$

مبيانيا:



$$f(3) = 4,5 \Leftrightarrow a \times 3(3-6) = 4,5$$

$$\Leftrightarrow -9a = 4,5$$

$$\Leftrightarrow a = \frac{4,5}{-9} = -\frac{1}{2}$$

ومنه: $f(x) = -\frac{1}{2}x(x-6) = -\frac{1}{2}x^2 + 3x$

خلاصة: معادلة الشلجم هي: $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + 3x$

03..... (1,5 ن)

لنعتبر دالة عددية f معرفة على \mathbb{R} حيث f زوجية و دورية و دورها 3 حيث: $f(0) = f(1) = 4$.

أحسب: $f(3)$ و $f(-1)$ و $f(2)$ و $f(2014)$.

• بما أن f دورية و دورها 3 إذن: $\forall x \in \mathbb{R}, f(x+3) = f(x)$ ومنه: $f(0+3) = f(0) = 4$ إذن $f(3) = 4$.

• بما أن f زوجية إذن: $\forall x \in \mathbb{R}, f(-x) = f(x)$ ومنه: $f(-1) = f(1) = 4$ إذن $f(-1) = 4$.

• لدينا: $f(2) = f(-1+3) = f(-1) = 4$ (لأن f دورية و دورها 3) إذن: $f(2) = 4$.

• لدينا: $f(2014) = f(1+3 \times 671) = f(1) = 4$ (لأن f دورية و دورها 3) إذن:

إذن: $(\forall x \in \mathbb{R}, \forall x \in \mathbb{Z}, f(x+kT) = f(x), T=3)$: $f(2014) = 4$



(6 ن)

04

ABCD مربع و K مرجح النقط المتزنة (A,2), (B,-1), (C,2) و (D,1).

1. لتكن النقطة I مرجح النقطتين المتزنتين (A,2) و (B,-1) حدد I ثم أنشئ I (1 ن)

بما أن I مرجح النقطتين المتزنتين (A,2) و (B,-1) إذن: $2\vec{GA} - \vec{GB} = \vec{0}$ أي $\vec{AI} = \frac{b}{a+b} \vec{AB} = \frac{-1}{2-1} \vec{AB} = -\vec{AB}$

خلاصة: $\vec{AI} = -\vec{AB}$ أي A منتصف [IB].

2. لتكن النقطة J مرجح النقطتين المتزنتين (C,2) و (D,1). حدد J ثم أنشئ J (1 ن)

بما أن J مرجح النقطتين المتزنتين (C,2) و (D,1) إذن: $2\vec{JC} + \vec{JD} = \vec{0}$ أي $\vec{CJ} = \frac{d}{c+d} \vec{CD} = \frac{1}{2+1} \vec{CD} = \frac{1}{3} \vec{CD}$

خلاصة: $\vec{CJ} = \frac{1}{3} \vec{CD}$

3. أكتب المتجهة $2\vec{KA} - \vec{KB}$ بدلالة \vec{KI} (0,5 ن)

بما أن I مرجح النقطتين المتزنتين (A,2) و (B,-1) حسب الخاصية المميزة $2\vec{MA} - \vec{MB} = (2-1)\vec{MI}$ نأخذ: $M=K$ نحصل على: $2\vec{KA} - \vec{KB} = (2-1)\vec{KI} = \vec{KI}$

خلاصة: $\vec{KI} = 2\vec{KA} - \vec{KB}$

4. أكتب المتجهة $2\vec{KC} - \vec{KD}$ بدلالة \vec{KJ} (0,5 ن)

بما أن J مرجح النقطتين المتزنتين (C,2) و (D,1) حسب الخاصية المميزة $2\vec{MC} + \vec{MD} = (2+1)\vec{MJ}$ نأخذ: $M=K$ نحصل على: $2\vec{KC} + \vec{KD} = (2+1)\vec{KJ} = 3\vec{KJ}$

خلاصة: $2\vec{KC} + \vec{KD} = 3\vec{KJ}$

5. حدد مرجح النقطتين المتزنتين (I,1) و (J,3) (1 ن)
لدينا:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{K مرجح النقط المتزنة (A,2), (B,-1), (C,2) و (D,1).} \\ \text{I مرجح النقطتين المتزنتين (A,2) و (B,-1).} \\ \text{J مرجح النقطتين المتزنتين (C,2) و (D,1).} \end{array} \right. \text{ إذن K مرجح النقط المتزنة (I,1) و (J,3) خ. المميزة}$$

6. ضع على الرسم K معللا طريقة الإنشاء (1 ن)

حسب ما سبق K مرجح النقط المتزنة (I,1) و (J,3) إذن $\vec{KI} + 3\vec{KJ} = \vec{0}$ أي $\vec{IK} = \frac{i}{i+j} \vec{IJ} = \frac{1}{1+3} \vec{IJ} = \frac{1}{4} \vec{IJ}$

خلاصة: $\vec{IK} = \frac{1}{4} \vec{IJ}$

7. نفترض أن المستوى منسوب إلى معلم (O, \vec{i}, \vec{j}) حيث $A(1,2)$ و $B(2,3)$ بالنسبة لمعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) حدد إحداثياتي I ... (1 ن)

لدينا إحداثياتي $I(x_1, y_1)$ هي $x_1 = \frac{2 \times 1 - 1 \times 2}{2 - 1} = 0$ و $y_1 = \frac{2 \times 2 - 1 \times 3}{2 - 1} = 1$

خلاصة: $I(0,1)$

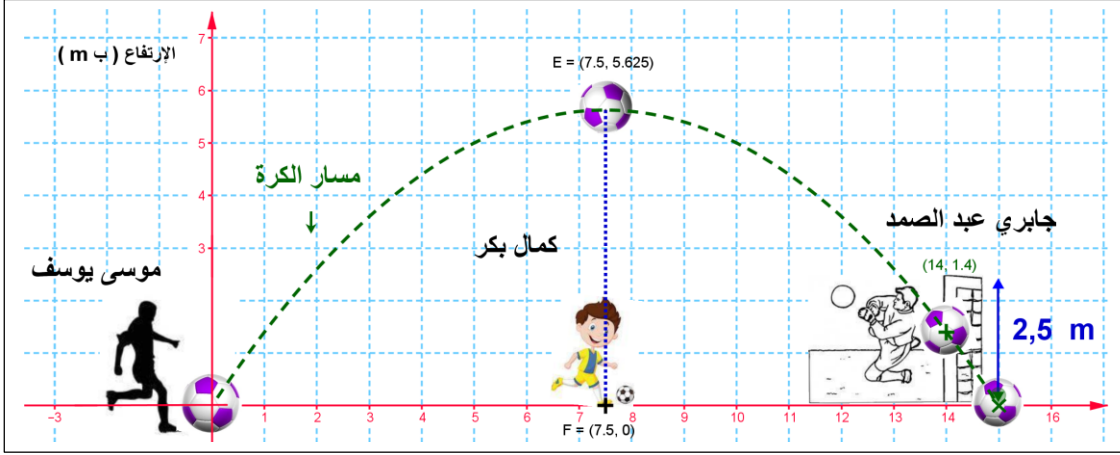
(4 ن)

.05

في مقابلة لكرة القدم قذف اللاعب موسى يوسف الكرة التي كانت على أرضية الملعب حيث مسار الكرة كان على شكل جزء من شلجم و نمثله ذلك في معلم أنظر الشكل :

حيث معادلة الشلجم هي :

$$f(x) = -\frac{1}{10}x^2 + \frac{3}{2}x$$



1. ما هو الارتفاع القصوى الذي ارتفعت به الكرة عن سطح الملعب؟ (0,5 ن)

لدينا : معادلة الشلجم هي : $f(x) = -\frac{1}{10}x^2 + \frac{3}{2}x$ ومنه : الدالة f تقبل قيمة قصوى في $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{3}{2} \times (-5) = \frac{15}{2}$

و منه : الارتفاع القصوى الذي ارتفعت به الكرة هو : $f\left(\frac{15}{2}\right) = -\frac{1}{10}\left(\frac{15}{2}\right)^2 + \frac{3}{2} \times \left(\frac{15}{2}\right) = 5,625 \text{ m}$

خلاصة : الارتفاع القصوى الذي ارتفعت به الكرة عن سطح الملعب هو : **5,625 m**

2. على بعد أي مسافة من اللاعب موسى يوسف ستسقط الكرة على أرضية الملعب ؟ (1 ن)

تسقط على الأرض إذن الارتفاع هو 0 m أو $f(x) = 0$

$$f(x) = 0 \Leftrightarrow -\frac{1}{10}x^2 + \frac{3}{2}x = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2}x \left(-\frac{1}{5}x + 3 \right) = 0$$

$$\Leftrightarrow x = 0 \vee x = 15$$

خلاصة : على بعد **15 m** من اللاعب موسى يوسف ستسقط الكرة على أرضية الملعب .

3. اللاعب كمال بكر من فريق موسى يوجد على بعد $7,5 \text{ m}$ من اللاعب موسى يوسف هل يمكنه اعتراض الكرة برأسه ؟ (0,5 ن)

المكان الذي يوجد فيه كمال بكر $7,5 \text{ m}$ الارتفاع الكرة عن أرضية الملعب يمثل الارتفاع القصوى و هو **5,625 m**

خلاصة لا يمكن للاعب كمال بكر اعتراض الكرة برأسه لأن العلو هو **5,625 m** وقامته هي **2 m** .

4. هل الكرة تصطدم مع الخشبة الأفقية لمرمى الحارس الجابري عبد الصمد ؟ (1 ن)

المرمى للحارس الجابري توجد على بعد 14 m من موسى يوسف ارتفاع الكرة في هذا الموضع يكون :

$$f(14) = -\frac{1}{10} \times 14^2 + \frac{3}{2} \times 14 = 1,4$$

الملعب ب : **2,5 m** .

خلاصة : الكرة لا يمكنها أن تصطدم مع الخشبة الأفقية لمرمى الحارس الجابري عبد الصمد .

5. نفترض أن المرمى لا يوجد فيها أي لاعب وهي على بعد 14 m من اللاعب موسى هل القذفة ستكون هدف لصالح اللاعب موسى يوسف ؟

..... (1 ن)

حسب السؤال السابق نستنتج أن الكرة ستكون هدف لصالح موسى يوسف لأن ارتفاع الكرة أقل من ارتفاع الخشبة الأفقية .

خلاصة : القذفة ستكون هدف لصالح اللاعب موسى يوسف .