

```

from scipy.integrate import odeint

import matplotlib.pyplot as plt

import numpy as np

from math import *

#####Question 1#####

# on a  $y_{n+1}=y_n+h*\phi(t,y,h)$ 

# c'est à dire :  $y_{n+1}=y_n+h*\alpha*f(t,y)+\beta*f(t+h,y+h*f(t,y))$ 

# pour euler :  $y_{n+1}=y_n+h*f(t,y)$ 

# ce qui implique qu'on prendra  $\alpha=1$  et  $\beta=0$ 

#####Question2#####

def Heun(f,t0,y0,T,N):

    h=T/N

    tt=[t0+i*h for i in range(N+1)]

    Y=[]

    y=y0

    for t in tt:

        k1=f(t,y)

        k2=f(t+h,h*k1)

        y+=h*(k1+k2)/2

        Y.append(y)

    return tt,Y

#####Question 3#####

#  $U''(t)+U'(t)+u(t)=-4*\pi**2*\cos(2*\pi*t)$ 

# on pose  $U''(t)=-U'(t)-U(t)-4*\pi**2*\cos(2*\pi*t)$ 

# on pose  $Y(t)=(U(t),U'(t))$  donc  $Y'(t)=(U'(t),U''(t))$ 

# on aura donc :  $Y'(t)=A(t)*Y(t)+B(t)$ 

# Avec  $A(t)=[[0,1],[-1,-1]]$  et  $B(t)=[0,-4*\pi**2*\cos(2*\pi*t)]$ 

```

```
def Euler(f,t0,T,y0,N):
```

```
    h=T/N
```

```
    tt=[t0+i*h for i in range(N+1)]
```

```
    y=y0
```

```
    Y=[]
```

```
    for x in tt:
```

```
        y=y+h*f(y,x)
```

```
        Y.append(y)
```

```
    return tt,Y
```

```
#####Question 4#####
```

#si on prend N comme facteur de complexité alors la complexité de cette fonction est N multiplié par la complexité de  $f(x,y)$  : d'ou  $c(N)=O(N)*c(f(x,y))$

```
#####Question 5#####
```

#En prenant  $y(t)=U(t)$  et  $z(t)=U'(t)$  on aura l'équation 1 comme :

```
#y'(t),z'(t)=[[0,1],[-1,-1]]*[y(t),z(t)]+[0,-4*pi**2*cos(2*pi*t)]
```

#d'où le système :  $y'(t)=z(t)$

# et

```
# z'(t)=-y(t)-z(t)-4*pi**2*cos(2*pi*t)
```

# d'ou on a deux fonctions auxquels on appliquera euler ou heun

```
#####Question 6:#####
```

#en posant  $Y(t)=[U(t),U'(t)]$

#on a  $Y'(t)=[U'(t),U''(t)]$

# on peut donc avoir l'equation comme suit:

```
# Y'(t)=[[0,1],[-1,-1]]*Y(t)+[0,-4*pi**2*cos(2*pi*t)]
```

# donc  $F(t,X)=A(t)X+ B(t)$  avec  $A(t)=[[0,1],[-1,-1]]$  et  $B(t)=[0,-4*pi**2*cos(2*pi*t)]$

```
#####question 7#####
```

```

def F(Y,t): # fontion utilisée dans Euler vectorielle

    return np.array([Y[1],-Y[0]-Y[1]-4*pi**2*cos(2*pi*t)])

#####

def F2(Y,Z,t): #première fonction du système de la question 5:fonction  $y'(t)=z(t) = F2(y(t),z(t),t)$ 

    return Z

#####

def F3(Y,Z,t): #deuxième fonction du système de la question 5:fonction  $z'(t)=-y(t)-z(t)-4*pi**2*cos(2*pi*t) = F3(y(t),z(t),t)$ 

    return -Y-Z-4*pi**2*cos(2*pi*t)

#####

def Heun1(G,H,t0,y0,y10,T,N):

    """"la fonction de heun utilisant les fonctions y(t) et z(t) du systeme de la question 5""""

    h=T/N

    tt=[t0+i*h for i in range(N+1)]

    Y=y0

    Z=y10

    LY=[[Y,Z]]

    for i in range (1,len(tt)):

        t=tt[i]

        k1y=G(Y,Z,t)

        k1z=H(Y,Z,t)

        k2y=G(Y+h*k1y,Z+h*k1z,t+h)

        k2z=H(Y+h*k1y,Z+h*k1z,t+h)

        Y=Y+h*(k1y+k2y)/2

        Z=Z+h*(k1z+k2z)/2

        LY.append([Y,Z])

    return LY

```

```

#####
##### Décommenter pour tester le code du calcul scientifique #####
# N=1000
# T=3
# t0=0
# U0=0   #U(0)
# U10=0.1  #U'(0)
# y0=[U0,U10]
# h=T/N
# tt=[i*h for i in range(N+1)] #liste des abscices temps
# YY=odeint(F,y0, tt)      # resultat de l'application de Odeint
# zz=Heun1(F2,F3,0,0,0,T,N)  # resultat de l'application de Heun
# rr=np.array(zz)    #transformation de la liste de listes résultat zz en numpy array
# HH1=Euler(F,t0,T,y0,N)    # resultat de l'application d'Euler
# HH=np.array(HH1[1]) # récupération des Y et transformation de la liste de listes en numpy array
# pl.title("Circuit RLC, tension Bobine") # titre de la figure
# pl.xlabel("temps(s)")      # texte de l'axe des x
# pl.ylabel("tension(mV)")   # texte de l'axe des y
# pl.plot(tt,YY[:,0],label='odeint') #tracé de odeint et sa legende
# pl.plot(tt,rr[:,0],label='Heun')  #tracé de Heun et sa legende
# pl.plot(tt,HH[:,0],label='Euler') #tracé de Euler et sa legende
# pl.legend()                # affichage de la légende
# pl.show()                  # affichage global des courbres

##### Fin du problème I #####

##### début du problème II #####

```

# \_\_\_\_\_ Question 8 \_\_\_\_\_ #

```
def changeAccent(c):
```

```
    """ cette fonction transforme un caractère accentué en argument en son équivalent normal """
```

```
    alphaAcc="âàèèèèëïîôùûÿç"
```

```
    c1=c
```

```
    if c in alphaAcc:
```

```
        if c in "âà":
```

```
            c1="a"
```

```
        elif c in "èèèè":
```

```
            c1="e"
```

```
        elif c in "ïî":
```

```
            c1="i"
```

```
        elif c=="ô":
```

```
            c1="o"
```

```
        elif c in "ùûü":
```

```
            c1="u"
```

```
        elif c=="ÿ":
```

```
            c="y"
```

```
        elif c=="ç":
```

```
            c1="c"
```

```
    return c1
```

```
#####
```

```
def enMajuscule(CH):
```

```
    """cette fonction transforme une phrase en minuscule accentuée ou non en son équivalente  
    majuscule sans tenir compte des symboles, chiffre et ponctuations"""
```

```
    alphaMaj="ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ"
```

```

alphaAcc="âàèèëëïïôùûüÿç"
alphaMin="abcdefghijklmnopqrstuvwxy"
CH1=""
for x in CH:
    cMin=changeAccent(x)
    if cMin in alphaMin:
        pos=alphaMin.index(cMin)
        cMaj=alphaMaj[pos]
        CH1+=cMaj
    else:
        CH1+=cMin
return CH1

```

\*\*\*\*\*#

#\_\_\_\_\_Question 9\_\_\_\_\_#

```

def majusculesSeules(CH):
    """ cette fonction utilise la précédente et supprime tous les symboles, espaces et ponctuation """
    CH1=""
    chMaj=enMajuscule(CH)
    alphaMaj="ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ"
    for x in chMaj:
        if x in alphaMaj:
            CH1+=x
    return CH1

```

\*\*\*\*\*#

#\_\_\_\_\_Question 10\_\_\_\_\_#

```

def vigenereEncode(CH,CL):
    """ fonction de codage vigenere """

```

```

alphaMaj="ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ"

chCle=CL*len(CH) # même si la chaine chCle est de taille supérieure à celle de CH

    # c'est le traitement de CH qui gère le résultat

    # on pouvait faire chCle=CL*(len(CH)//len(CL))+CL[:len(CH)%len(CL)]

chInitiale=majusculesSeules(CH)

chResultat=""

for i in range(len(chInitiale)):

    posIni =alphaMaj.index(chInitiale[i])

    posCle =alphaMaj.index(chCle[i])

    posRes=(posIni+posCle)%26

    chResultat+=alphaMaj[posRes]

return chResultat

#*****#

#_____Question 11_____#

# voir ce lien pour plus d'information : https://wiki.python.org/moin/TimeComplexity

# sachant donc que la complexité de l'indexage est O(1)

# la complexité de index au pire est (n) (voir le lien précédent)

# la complexité de la fonction précédente :

# voyons la complexité des fonctions : changeAccent-enMajuscule-majusculesSeules

# 1- la complexité de changeAccent dans le pire des cas est la complexité de recherche dans la liste

# des accents : "âàéèëïïôùüÿç"

# donc c(changeAccent) est O(14)

# 2- la complexité de enMajuscule : si m est la longueur de la chaîne CH

# alors on a une recherche de caractère minuscule dans la chaîne alphaMin et récupération par

index

# de la position ce qui fait au pire des cas :26*26 qui tout de même constante

# donc la complexité de enMajuscule est : O(m*26*26 )+O(m*14)

# 3- la complexité de majusculesSeules est : une boucle de taille m avec recherche dans alphaMaj

```

# donc la complexité est :  $O(m \cdot 26) + O(m \cdot 26 \cdot 26) + O(m \cdot 14)$

# la fonction précédente contient une boucle for qui depend de la taille de chInitiale m,

# la meme taille que CH + complexité de la creation de chCle qui est  $O(m \cdot p)$  avec  $p = \text{len}(CL)$

# la complexité de la fonction majusculesSeules est :  $O(m \cdot 26) + O(m \cdot 26 \cdot 26) + O(m \cdot 14)$

# la boucle for contient deux recherches index ca fait donc :  $(m + p \cdot m) \cdot m$

# d'ou la complexité globale est  $((m + p \cdot m) \cdot m) + O(m \cdot 26) + O(m \cdot 26 \cdot 26) + O(m \cdot 14) + O(m \cdot p)$

# donc :  $c(m) = O(m^2 p) + O(m) + O(m \cdot p) = O(m^2 \cdot p)$  si p est fixe : c'est  $O(m^2)$

```
#####
# _____ Question 12 _____ #
```

```
def vigenereEncodeRec(CH,CL,indx,indxCl):
    alphaMaj="ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ"
    if indx==len(CH):
        return ""
    else:
        c=CL[indxCl]
        indxCl+=1
        if indxCl>=len(CL):
            indxCl=0
        nouvCar=alphaMaj[(alphaMaj.index(CH[indx])+alphaMaj.index(c))%26]
        indx+=1
        return nouvCar+vigenereEncodeRec(CH,CL,indx,indxCl)
```

```
#####
# _____ Question 13 _____ #
```

# la complexité de la fonction précédente :

# la fonction précédente contient un appel recursif

#si  $\text{len}(CH)=m$  alors la complexité de la fonction est :



```

# complexité de vigenereEncodeRec est :c(i)=26+c(i+1)+1 et c(m)=0
# c(m)=27*m
# c(m)=O(m)
#
#
#*****#
#_____Question 14_____#
def vigenereDecode(CH,CL):
    """ fonction de décodage vigenere """
    alphaMaj="ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ"
    chCle=CL*len(CH) # même si la chaine chCle est de taille supérieure à celle de CH
        # c'est le traitement de CH qui gere le résultat
        # on pouvait faire chCle=CL*(len(CH)//len(CL))+CL[:len(CH)%len(CL)]
    #chInitiale=majusculesSeules(CH)
    chResultat=""
    for i in range(len(CH)):
        posIni =alphaMaj.index(CH[i])
        posCle=alphaMaj.index(chCle[i])
        posRes=(posIni-posCle)%26
        chResultat+=alphaMaj[posRes]
    return chResultat
#*****#
#_____Question 14_____#
# Le choix de la clé est important : il faut qu'il soit un peu long et constitué de caractères non
# consécutifs
texte="Hey Hey, cet été là, le gang des niçois a été arrêté!"
cch=vigenereEncode(texte,"ABC")

```

```

print(cch)

print(vigenereEncodeRec("ABCDEF","ABC",0,0))

print(vigenereDecode(cch,"ABC"))

##### Fin du problème II #####

##### début de la seconde partie #####

#

#*****#

#_____Question 16_____#

def sousChaine(CH,d,p):

    return CH[d::p]

#*****#

#_____Question 17_____#

def listeDesSousChaines(CH,d):

    return [sousChaine(CH,i,d) for i in range(d)]

#*****#

#_____Question 18_____#

def frequencecaracteres(CH):

    alphaMaj="ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ"

    frequence=[0]*26

    for i in range(len(CH)):

        frequence[alphaMaj.index(CH[i])]+=1

    return frequence

#*****#

#_____Question 19_____#

def code(CH,p):

    alphaMaj="ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ"

```

```
L=listeDesSousChaines(CH,p)
chCode=""
for ech in L:
    Lf=frequencecaracteres(ech)
    posMax=Lf.index(max(Lf))
    posReel=(posMax-alphaMaj.index('E'))%26
    car=alphaMaj[posReel]
    chCode+=car
return chCode
```

```
#####
```

```
print(sousChaine(cch,1,3))
print(listeDesSousChaines(cch,3))
print(frequencecaracteres(cch))
print(code(cch,3))
```