

GRUE A CONTAINERS

I - ANALYSE FONCTIONNELLE :

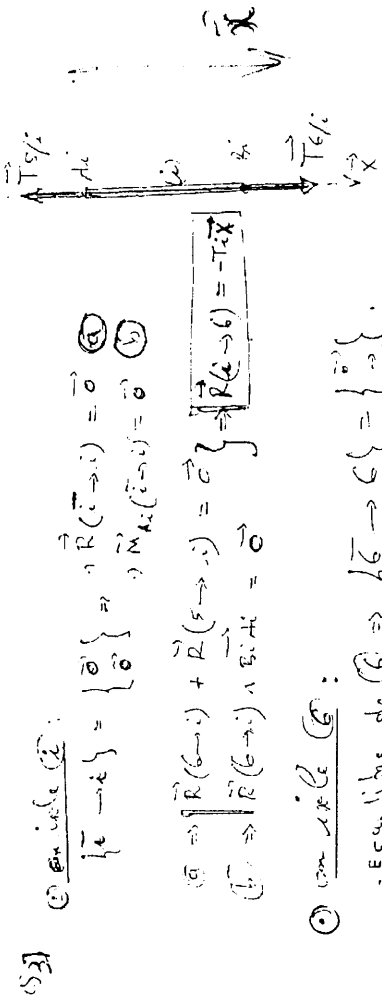
S1]

MP

FT113	Régulateur de vitesse + Frein
FT22	Tendeur de câbles
FT23	Ensemble moto-réducteur
FT238	Ensemble moto-réducteur + Frein
FT32	Régulateur de vitesse

II - ETUDE DE F.A.A. :

S2] Les câbles sont soumis à la traction.
 Ils sont indéformables → Solides
 Ils sont infiniment flexibles → Lini sans Rotules en A et B.



S3] @ Ensemble (E) :

$$\vec{R}(\vec{e} \rightarrow i) = \vec{0} \quad (A)$$

$$\vec{M}_A(\vec{e} \rightarrow i) = \vec{0} \quad (B)$$

$$\vec{R}(\vec{e} \rightarrow i) + \vec{R}(\vec{e} \rightarrow j) = \vec{0} \Rightarrow \vec{R}(\vec{e} \rightarrow i) = -\vec{R}(\vec{e} \rightarrow j)$$

$$\vec{M}(\vec{e} \rightarrow i) \wedge \vec{e}_i + \vec{M}(\vec{e} \rightarrow j) \wedge \vec{e}_j = \vec{0} \Rightarrow \vec{M}(\vec{e} \rightarrow i) = \vec{M}(\vec{e} \rightarrow j)$$

@ Ensemble (C) :

- Equilibre de (C) ⇒ $\vec{C} \rightarrow \vec{C} = \left\{ \begin{matrix} \vec{0} \\ \vec{0} \end{matrix} \right\}$.

$$\vec{R}(\vec{e} \rightarrow G) = \vec{0}$$

$$\vec{M}_C(\vec{e} \rightarrow G) = \vec{0}$$

$$T_1 + T_2 + T_3 + T_4 = Mg$$

$$(T_3 + T_4 - T_1 - T_2) \cdot \frac{l}{2} + Mgc = 0$$

$$(T_2 + T_3 - T_1 - T_4) \cdot \frac{l}{2} - Mgb = 0$$

⇒ Système hyperstatique d'ordre 1

2)

S4] d'après S3], on a :

$$\sum_{i=1}^4 T_i - Mg = 0$$

$$(-T_1 - T_2 + T_3 + T_4) \cdot \frac{l}{2} + Mgc = 0$$

$$(-T_1 + T_2 + T_3 - T_4) \cdot \frac{l}{2} - Mgb = 0$$

Avec $T_1 = k \Delta L_1$

$$\sum_{i=1}^4 \Delta L_i - \frac{Mg}{k} = 0 \quad (1)$$

$$-\Delta L_1 - \Delta L_2 + \Delta L_3 + \Delta L_4 + \frac{Mgc}{k} = 0 \quad (2)$$

$$-\Delta L_1 + \Delta L_2 + \Delta L_3 - \Delta L_4 - \frac{2Mgb}{kl} = 0 \quad (3)$$

S5] @ Tendeur ⇒ champs de moments : (champ de déplacements)

$$\vec{u}(B_i) = \vec{u}(G) + \vec{e}(y) \wedge \vec{CB}_i$$

@ on a :

$$\Delta L_1 x = \delta x + (\alpha x^2 + \beta y + \gamma z) \cdot \frac{l}{2}$$

$$\Delta L_2 x = \delta x + \gamma \alpha z - z \alpha y + z \beta x + z \beta x - \gamma z x$$

$$\Rightarrow \Delta L_i = \delta + z\beta - \gamma z \quad \text{et} \quad \Delta L = 0$$

- Pour \vec{CB}_1 : $y = -\frac{l}{2}$; $z = \frac{l}{2}$
- Pour \vec{CB}_2 : $y = \frac{l}{2}$; $z = \frac{l}{2}$
- Pour \vec{CB}_3 : $y = \frac{l}{2}$; $z = -\frac{l}{2}$
- Pour \vec{CB}_4 : $y = -\frac{l}{2}$; $z = -\frac{l}{2}$

$$\Delta L_1 = \delta + \frac{l}{2}\beta + \frac{l}{2}\gamma$$

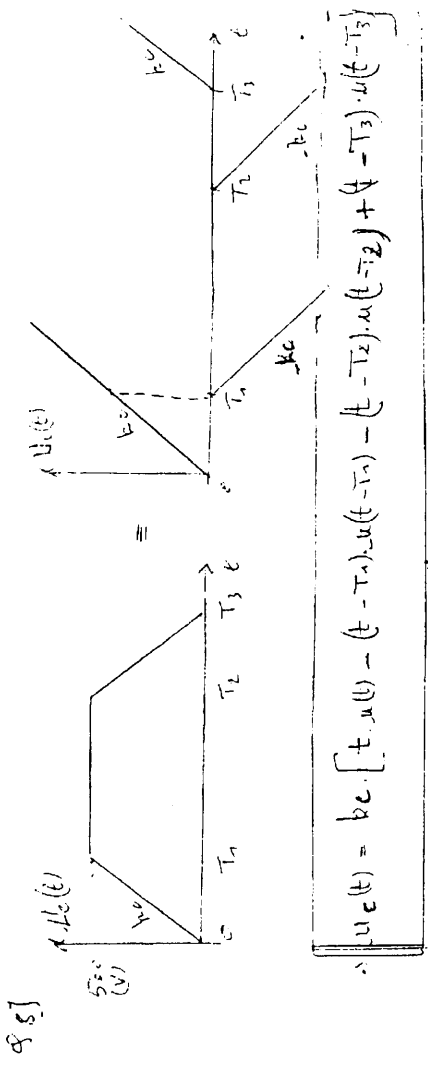
$$\Delta L_2 = \delta + \frac{l}{2}\beta - \frac{l}{2}\gamma$$

$$\Delta L_3 = \delta - \frac{l}{2}\beta - \frac{l}{2}\gamma$$

$$\Delta L_4 = \delta - \frac{l}{2}\beta + \frac{l}{2}\gamma$$

4

- 1) $T_3 - T_2 = 1A$; $T_2 = 1A$.
 - 2) entre 0 et T_1 : $x_0 = 0,5 \text{ m}$ $\Rightarrow y_0 = 5,9 \text{ m}$.
 - 3) 1" T_2 et T_3 : $x_3 = 0,5 \text{ m}$
 - 4) entre T_2 et T_3 : \Rightarrow vt. acc. forme $\Rightarrow y(t) - y_1 = \frac{v^2 t^2}{2a}$
- $$t = \frac{y_2 - y_1}{\frac{v^2}{2a}} = \frac{5,9}{\frac{1}{2}} = 11,8 \text{ s}$$
- $$\Rightarrow T_1 = 1A; T_2 = 60,1; T_3 = 61,8$$



$$u_c(t) = k_c \cdot [t \cdot u(t) - (t - T_1) \cdot u(t - T_1) - (t - T_2) \cdot u(t - T_2) + (t - T_3) \cdot u(t - T_3)]$$

$$u_c(t) = \frac{k_c}{p_c} [1 - e^{-T_1 p} - e^{-T_2 p} + e^{-T_3 p}]$$

95] Ecart $\Sigma_5 = 0$ car presence d'1 Intégration dans la fonction de Transfert en B.O

B. TRANSFERT du CONTAINER:

- 91E) cables de même longueur, flexibilité et contact // \Rightarrow $M^T \delta / \delta$: Translocation car laire.
- 92E) $\delta \epsilon / \delta = \delta \epsilon / \delta + \delta \epsilon / \delta = 0 \rightarrow 0$; (δ / δ est aléatoire).

3

- $m = 20 \cdot 10^3 \text{ kg}$
- $k = 2 \cdot 10^3 \text{ N/m}$
- $b = 0,9 \text{ m} = 3 \cdot 10^{-2} \text{ m}$
- $c = 0,8 \text{ m} = 8 \cdot 10^{-2} \text{ m}$
- $L = 3 \text{ m} = 3 \cdot 10^0 \text{ m}$
- $\delta = 1,75 \text{ cm} = 1,75 \cdot 10^{-2} \text{ m}$

96] $\{ \vec{p}(t) \} = \left\{ \begin{matrix} \vec{p}(t) \\ \vec{u}(t) \end{matrix} \right\}_c$

$$\text{①} \Rightarrow 4\delta = \frac{M \delta}{k} \Rightarrow \delta = 2,5 \text{ cm}$$

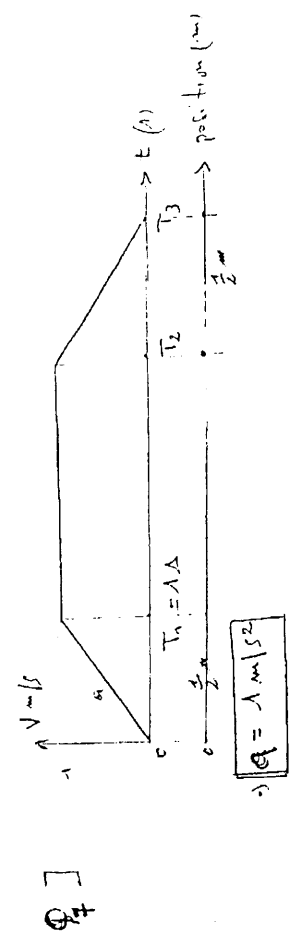
$$\text{②} \Rightarrow L \beta = \frac{M g c}{L k} \Rightarrow \beta = 8 \cdot 10^{-3} \text{ rad}$$

$$\text{③} \Rightarrow \delta x = - \frac{M g b}{k \cdot l} \Rightarrow \delta = 9,8 \cdot 10^{-3}$$

donc $\{ \vec{p}(t) \}_c = \left\{ \begin{matrix} 10^{-3} \cdot (8 \delta^2 - 9,8 \delta^2) \\ 2,5 \cdot 10^{-3} \delta^2 \end{matrix} \right\}_c$

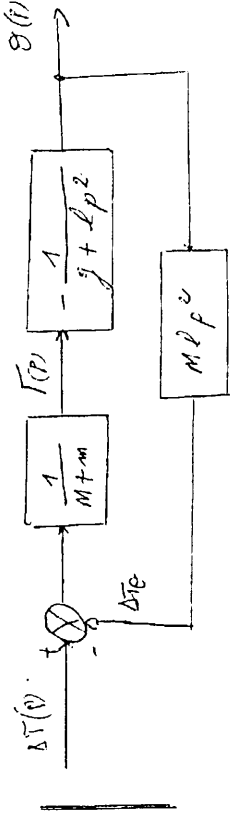
$\Delta L_1 = 46,775 \text{ mm} \Rightarrow$	$T_1 = 93,550 \text{ N}$
$\Delta L_2 = 29,625 \text{ mm} \Rightarrow$	$T_2 = 59,550 \text{ N}$
$\Delta L_3 = 3,225 \text{ mm} \Rightarrow$	$T_3 = 64,50 \text{ N}$
$\Delta L_4 = 20,375 \text{ mm} \Rightarrow$	$T_4 = 40,750 \text{ N}$

III. TRANSFERT: FTZ



6

S.15] 1) $\Delta T \Rightarrow (M+m)\ddot{x} + m\dot{x}^2 \ddot{\theta} = \Delta T(t)$
 2) $\Delta T \Rightarrow \ddot{\theta} \left[1 + \frac{l}{g} \ddot{x}^2 \right] + \frac{\dot{x}^2}{g} = 0$



Amortissement nul

S.16]
$$\frac{\Theta(t)}{\Delta T(t)} = \frac{\frac{1}{g(M+m)}}{1 + \frac{ml}{g(M+m)} \cdot p^2}$$

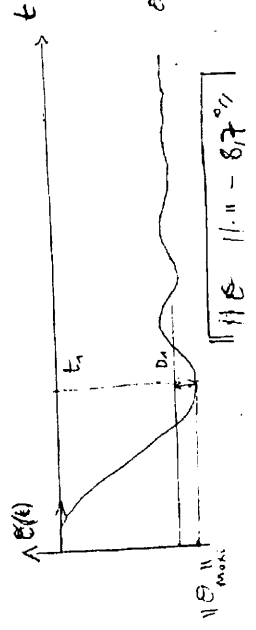
S.17]
$$\ddot{\theta} = \frac{2 \xi \dot{\theta}}{\omega_0} \Rightarrow \ddot{\theta} = \frac{2 \xi g \dot{\theta}}{\omega_0}$$

S.18]
$$\ddot{\theta}(t) = \Gamma_0 + \gamma(t), \quad \Gamma_0 = \omega(t); \quad \gamma(t) = \frac{2 \xi}{\omega_0} \dot{\theta} g$$

S.19] devient: $\ddot{\theta}(t) + \frac{\Gamma_0 + \gamma(t)}{g} + \frac{\dot{\theta}}{g} + \frac{\ddot{\theta}}{g} = 0$

$\ddot{\theta}(t) + \frac{\Gamma_0}{g} + \frac{2 \xi \dot{\theta}}{\omega_0} + \frac{\dot{\theta}}{g} = 0$

$\ddot{\theta}(t) + \frac{2 \xi}{\omega_0} \dot{\theta} + \frac{\dot{\theta}}{g} = -\frac{\Gamma_0}{g}$



$D_1 = -\frac{1}{g} \cdot \frac{2 \xi}{\omega_0}$
 $D_2 = -3/g$

$\sigma(\omega) = -0,1 \text{ rad/s}$

$\theta = 11,11 - 8,77 \%$

5

S.11] $\vec{V}_{G/O} = \frac{d\vec{OG}}{dt} = \left[\frac{d}{dt} \vec{OP} + \vec{\omega} \times \vec{AP} + \vec{AB} + \vec{BC} \right]_0$

$\vec{V}_{G/O} = \dot{y} \vec{y} + l \dot{\theta} \vec{y}_1$

$\vec{\Gamma}_{G/O} = \ddot{y} \vec{y} + l [\ddot{\theta} \vec{y}_1 - \dot{\theta}^2 \vec{x}_1]$

$\vec{\Gamma}_{G/O} = \frac{d}{dt} \vec{V}_{G/O} \Rightarrow$

S.12] $\vec{z} = \{5 + \epsilon + c \cdot t\}$



S.13] $\text{TRD } \vec{z} / \vec{y} \Rightarrow$

$\vec{y} \cdot \vec{R}(\vec{y} \rightarrow \vec{z}) + \vec{y} \cdot \vec{R}(\vec{z} \rightarrow \vec{y}) + \vec{y} \cdot \vec{R}(\vec{z} \rightarrow \vec{y}) = m \ddot{y} + M \ddot{y} \cdot \vec{R}(\vec{z} / \vec{y})$

$\Delta T = (M+m) \ddot{y} + M l \ddot{\theta} \cos \theta - M l \dot{\theta}^2 \sin \theta$

S.13] $\{ \epsilon \}$



S.14] $\text{TRD } \vec{z} / \vec{y}_1 \Rightarrow$

$\vec{y}_1 \cdot \vec{R}(\vec{y}_1 \rightarrow \vec{z}) + \vec{y}_1 \cdot \vec{R}(\vec{z} \rightarrow \vec{y}_1) = \vec{y}_1 \cdot M \cdot \vec{R}(\vec{z} / \vec{y}_1)$

$\Rightarrow -M g \sin \theta = M \ddot{y} \cos \theta + M l \ddot{\theta}$

S.14] $\epsilon \neq 0 \Rightarrow \cos \theta = 1; \sin \theta = \epsilon; \theta \cdot \dot{\theta} \approx 0$

$(M+m) \ddot{y} + M l \ddot{\theta} = \Delta T$
 $\Rightarrow \theta + \frac{\ddot{y}}{g} + l \frac{\ddot{\theta}}{g} = 0$

Q19] $T_0 = 0 \Rightarrow \varphi(\omega) = 0$

Q20] Identification: $\frac{\Delta T(\omega)}{U_c(\omega)}$

20a) après fig 3 doc 4 : l'ordre est 2
 on parle à l'origine nulle.

20b) gain statique $K = \Delta T(\omega) = K \cdot S_{cc} = 100$
 $\Rightarrow K = 0,2$

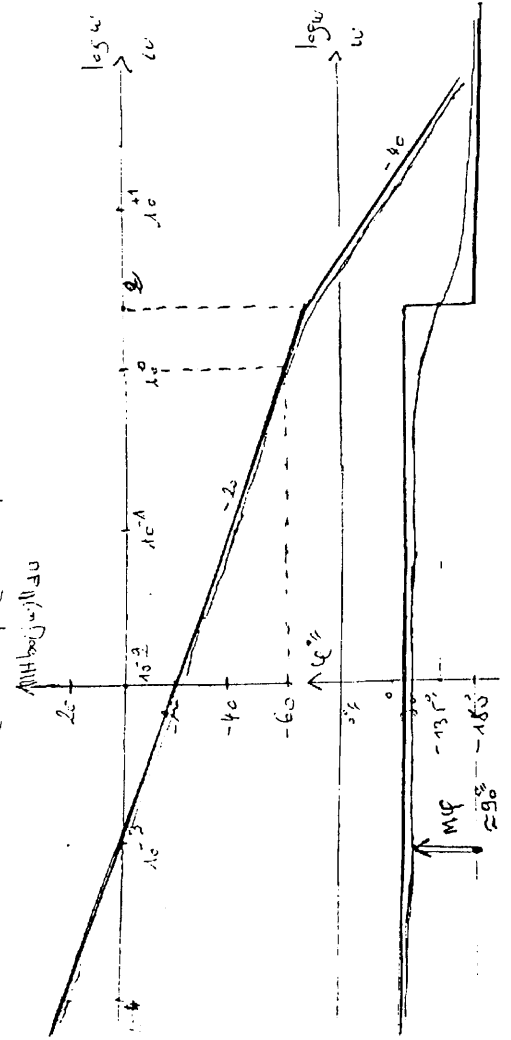
Temp de réponse : $t_r \approx 1,2 \text{ s}$

20c) le de temps

si 1% erreur alors $t_{1\%} = 3 \cdot \tau = 1,2 \text{ s}$

$$\frac{\Delta T(\omega)}{U_c(\omega)} = \frac{0,2}{1 + 0,4P}$$

Q21] on a : $\frac{V(\omega)}{U_c(\omega)} = \frac{10^{-3}}{P(1+0,5P)} = H_{bc}(P) ; C(\omega) = 2$



8

Q22] $H_{bc}(P) = \frac{10^{-3} \cdot C}{P(1+0,5P)} \Rightarrow H_{bc}(0) = \frac{10^{-3} \cdot C}{10^{-3} \cdot C + P + 0,5P^2}$

$$H_{bc}(P) = \frac{1}{1 + \frac{10^3}{C}P + \frac{0,5 \cdot 10^3}{C}P^2}$$

$\gamma(t)$ plus rapide $\Rightarrow \gamma = 0,7$

or : $\omega_c = \sqrt{\frac{C}{200}} ; \omega_z = \frac{1000}{C}$

$\Rightarrow \gamma = \frac{1000 \cdot \omega_c}{2C} = \frac{10^3}{2 \cdot \sqrt{200} \cdot C}$

$\gamma = \frac{10^3}{20 \sqrt{5} \cdot C}$

$\Rightarrow C = \frac{2500}{(0,7)^2 \cdot 5} = 1020,5$

$C = 1020,5$

- I : position $y(m)$
- II : position $E(rad)$
- III : vitesse $V(m/s)$

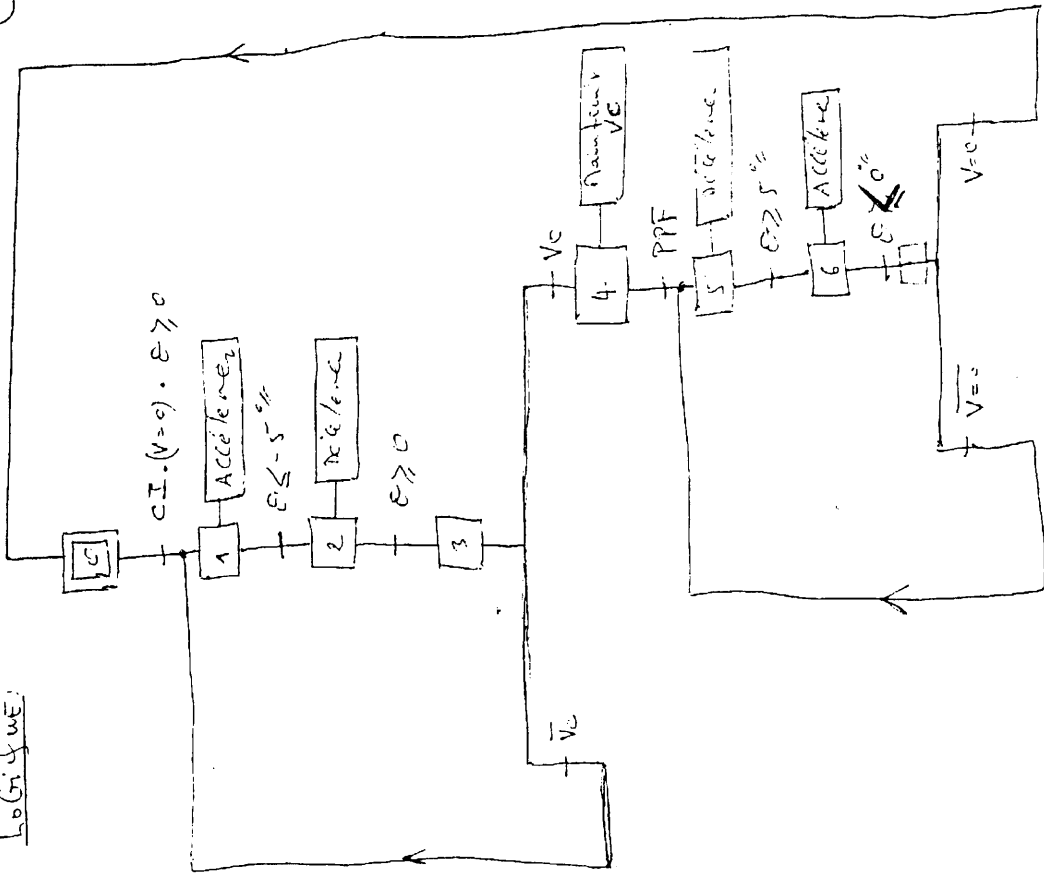
23b) Avant l'arrêt angulaire permanent : $V(\omega) = \omega \cdot S_{cc} / s$

23c) Amplitude $|f_{oxi}| = 0,04 rad \approx 3^\circ$

7

824] Logique UE:

1) 9



2

3