## Corrigé e3a-polytech

## PC physique 2020

Q1 - 
$$\vec{F} = -G \frac{M_T m}{r^2} \vec{u}_r$$
.

- a) Le moment cinétique  $\vec{L}_O = mr^2\dot{\theta}\vec{u}_z$  est constant, le vecteur  $\vec{u}_z$  perpendiculaire à Q2 la trajectoire est constant : la plan de l'orbite est fixe.
  - b) La force dérive d'une énergie potentielle, l'énergie mécanique  $E_m = E_c + E_p$  est donc conservative.

c) Comme 
$$L = mC$$
, on a  $C = r^2\dot{\theta}$ . On a:  

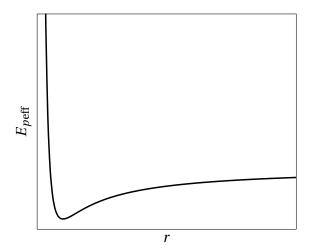
$$E_m = \frac{1}{2}m\dot{r}^2 + \frac{1}{2}mr^2\dot{\theta}^2 - \frac{GMm}{r}$$

$$E_m = \frac{1}{2}m\dot{r}^2 + \frac{1}{2}m\frac{C^2}{r^2} - \frac{GMm}{r}.$$

$$E_m = \frac{1}{2}m\dot{r}^2 + \frac{1}{2}m\frac{C^2}{r^2} - \frac{GMm}{r}.$$

On obtient  $A = GM_T m$  et  $B = \frac{mC^2}{2}$ .

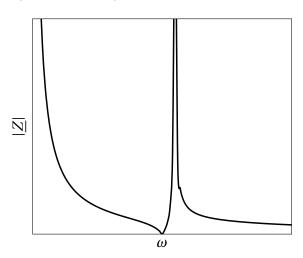
Il s'agit de l'énergie potentielle effective. Par dérivation, on trouve  $r_0 = \frac{2B}{A} = \frac{C^2}{GM_T}$ . Q3 -C'est le rayon de la trajectoire circulaire de constante des aires C.  $r_0 = 2,65 \times 10^4$  km.



- On se sert de la troisième loi de Kepler pour trouver T = 12h soit un demi jour Q4 sidéral.
- Sur l'orbite circulaire,  $m\frac{v^2}{r} = \frac{GM_Tm}{r^2}$  d'où  $E_{m1} = -\frac{GM_Tm}{2(R_T + h)} = -2 \times 10^{10} \text{ J}.$ Q5 -
- $E_{m1}$  est **supérieure** à  $E_{m0}$  quelle que soit la latitude  $\lambda$ . Il faut donc fournir de l'éner-Q6 gie à la fusée. La latitude optimale, qui maximise l'énergie mécanique au sol, est  $\lambda = 0$  ce qui correspond à l'équateur.
- Q7 -Sur l'orbite de transfert,  $2a = 2R_T + h + h'$  d'où  $E_{m12} = -9,25$  GJ.

- Q8 L'énergie potentielle est constante, seule l'énergie cinétique varie :  $E_{m12} E_{m1} = \frac{1}{2}m(v+\Delta V_1)^2 v^2$ ) avec  $v = \sqrt{\frac{GM_T}{R_T+h}} = 7.1 \times 10^3\,\mathrm{m\cdot s^{-1}}$ . On en déduit  $\Delta V_1 = 1.7 \times 10^3\,\mathrm{m\cdot s^{-1}}$ .
- **Q9 -** Durée de transfert : on utilise la troisième loi de Kepler pour déterminer la moitié de la période. On obtient  $\tau = 3 \text{ h 8 min.}$
- **Q10 -** Le plan de l'orbite géostationnaire, circulaire, est le plan équatorial. La période de rotation est la durée du jour  $T_j = 24$ h. La troisième loi de Kepler fournit le rayon de cette orbite :  $r = \left(\frac{T_j^2 G M_T}{4\pi^2}\right)^{1/3}$ . L'altitude est alors  $h = r R_T = 3,59 \times 10^4$  km. Aucun point de la France, métropolitaine ou ultramarine, ne se trouve sur l'équateur. Il n'est donc pas possible d'avoir un satellite géostationnaire à la verticale d'une ville française.
- **Q11 -** Les villes éloignées de l'équateur recevraient trop peu de puissance.
- **Q12**  $\Delta E = 3.8 \times 10^{-5} \text{ eV} \ll E_2 E_1 \simeq 10 \text{ eV}.$
- Q13  $\Delta t = \frac{10\text{m}}{c}0 = 33\,\text{ns}$ . Si une horloge atomique est précise au point de donner la fréquence du césium au hertz près, la précision est de l'ordre de  $1 \times 10^{-10}\,\text{s}$ , donc suffisante.
- **Q14 -** La dérive serait de l'ordre de 11,4 km par jour!
- **Q15 -** La dérive serait de 33 ms par jour, donc intolérable. Il faut les remettre à l'heure très régulièrement.

**Q16** - 
$$C_{eq} = C_S + C_P$$
,  $\omega_S^2 = \frac{1}{LC_S}$ ,  $\omega_P^2 = \frac{C_P + C_S}{LC_P C_S}$ .



- **Q17**  $C_S$  et L ont des valeurs inhabituelles.
- **Q18**  $\frac{\omega_P \omega_S}{\omega_P} = 3.4 \times 10^{-7}$ . Les fréquences sont quasi indiscernables.
- Q19 Avec  $\frac{\Delta t}{t} = \frac{\delta f}{f}$  on obtient une dérive de 0,8 s par mois, ce qui correspond à l'énoncé. La puissance de deux permet de diviser facilement la fréquence par des multiples de 2, lors d'un traitement numérique.
- **Q20 -** Le poids d'un électron est  $m_e g \approx 9 \times 10^{-30} \, \text{N}$ , la force électrique est  $eE = 1.6 \times 10^{-19} \, \text{N}$ , le rapport de  $5 \times 10^{-11}$  en faveur de la force électrique. La force de Lorentz est  $\vec{F}_L = -e \left( \vec{E} + \vec{v} \wedge \vec{B} \right)$ . Comme  $B = \frac{E}{c}$ , le rapport des deux termes de force est  $\frac{vB}{E} = \frac{v}{c} \ll 1$  dans le cas non relativiste.
- **Q21 -** L'équation du mouvement de l'électron est  $m_e \frac{d\vec{\underline{v}}_e}{dt} = -e\vec{\underline{E}}$  qui devient en régime harmonique permanent  $im_e\omega\vec{\underline{v}}_e = -e\vec{\underline{E}}$ . Le vecteur densité volumique de courant est  $\underline{\vec{j}_e} = -en_e\underline{\vec{v}}_e$  d'où  $\underline{\vec{j}_e} = \frac{e^2n_e}{im_e\omega}\underline{\vec{E}}$ . On en déduit l'expression de la conductivité. La conductivité imaginaire pure est liée à l'absence de puissance échangée en moyenne entre l'onde et les électrons.
- Q22  $\vec{\text{rot}}\vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \text{ d'où } -\vec{\Delta}\vec{E} + \vec{\text{grad}}(\vec{\text{div}}\vec{E}) = -\frac{\partial}{\partial t}\vec{\text{rot}}\vec{B}$ , puis avec  $\vec{\text{rot}}\vec{B} = \mu_0\vec{j} + \mu_0\varepsilon_0\frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$  et  $\vec{\text{div}}\vec{E} = 0$  on déduit :  $\vec{\Delta}\vec{E} \frac{1}{c^2}\frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \mu_0\frac{\partial \vec{j}}{\partial t}$

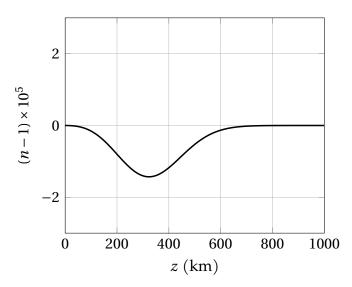
On en déduit, en signal harmonique complexe :

$$k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} - \frac{e^2 n_e}{c^2 \varepsilon_0 m_e}.$$

- **Q23 -** La densité chute pour  $z < 350 \, \mathrm{km}$  pour deux raisons, la forte densité gazeuse qui recombine les électrons libres et la faible intensité du rayonnement UV du Soleil. Au delà de 350 km, la chute de la densité moléculaire de l'atmosphère entraîne la baisse du taux d'ionisation.
- **Q24**  $n_{e\text{max}} \approx 10^{12} \,\text{m}^{-3}$ . On en déduit  $f_p = f_{\text{min}} = 9 \,\text{MHz}$ .
- Q25  $v_{\varphi} = \frac{c}{\sqrt{1 \frac{f_p^2}{f^2}}}$ .  $n = \frac{c}{v_{\varphi}} = \sqrt{1 \frac{f_p^2}{f^2}}$ . Cet indice est inférieur à 1.

**Q26 -** On développe  $n \approx 1 - \frac{f_p^2}{2f^2}$  d'où le résultat.

La valeur minimale est  $n_{\min} = 1 - 1.63 \times 10^{-5}$ , la valeur maximale est 1.



- **Q27 -** L'affirmation (b) est vraie : quand un rayon (dirigé par le vecteur d'onde  $\vec{k}$ ) descendant du vide (indice 1) rencontre l'ionosphère, l'indice **diminue**, ce qui **éloigne** le rayon de la normale (la verticale). En-dessous de 350 km, l'indice **croit**, ce qui **rapproche** le rayon de la normale.
- **Q28 -** Par définition, et en calculant le retard sur un rayon ascendant :  $\tau_{p1} = \int_0^H \frac{\mathrm{d}z}{c} \int_0^H \frac{\mathrm{d}z}{v_g} \ \mathrm{d'où} \ \mathrm{le} \ \mathrm{résultat}. \ \mathrm{Le} \ \mathrm{développement} \ \mathrm{de} \ \mathrm{la} \ \mathrm{racine} \ \mathrm{et} \ \mathrm{l'expression} \ \mathrm{de} \ \mathrm{la} \ \mathrm{fréquence} \ \mathrm{de} \ \mathrm{coupure} \ \mathrm{conduit} \ \mathrm{au} \ \mathrm{résultat}.$
- **Q29 -**  $C_{ET} \simeq 1.5 \times 10^{17}\,\mathrm{m}^{-2}$ ,  $L_{p1} \simeq 220\,\mathrm{m}$ . Il est absolument nécessaire de corriger l'influence de l'ionosphère.
- Q30  $C_{ET} = \frac{\tau_{\text{ret}}}{a} \frac{f_1^2 f_2^2}{f_1^2 f_2^2}$ : le retard permet l'évaluation quasi-instantanée du  $C_{ET}$  et donc la correction à utiliser.  $L_{p1} = 143 \,\text{m}$ .
- Q31 Un maillage mondial de récepteurs GPS/Galileo mesurent à chaque instant le retard  $\tau_{\rm ret}$  qui est traduit en  $C_{ET}$ . Les mesures sont réunies par un centre (ici la NASA) et rapidement publiées.

# Corrigé e3a-polytech PC chimie 2020

### **PARTIE CHIMIE**

#### A. Le dihydrogène, un vecteur d'énergie verte

 $\mathbf{Q32}\text{ - \'Ecrire les demi-\'equations de r\'eaction associ\'es aux couples $H^+_{(aq)}/H_{2(g)}$ et $O_{2(g)}/H_2O_{(l)}$.}$ 

Couple  $H^{+}_{(aq)}/H_{2(g)}$ :  $2 H^{+}_{(aq)} + 2 e^{-} = H_{2(g)}$  (1)

Couple  $O_{2(g)}/H_2O_{(l)}$ :  $O_{2(g)} + 4 H^+_{(aq)} + 4 e^- = 2 H_2O_{(l)}$  (2)

Q33 - Écrire l'équation de réaction associée au fonctionnement de la pile à combustible et celle associée au fonctionnement de l'électrolyseur. À partir du **document 1**, déduire quel composé joue le rôle de comburant pour la pile ? de combustible ?

D'après le **document 1**, la pile consomme  $H_{2(g)}$  et  $O_{2(g)}$  selon la réaction

$$2 H_{2(g)} + O_{2(g)} = 2 H_2O_{(1)}$$

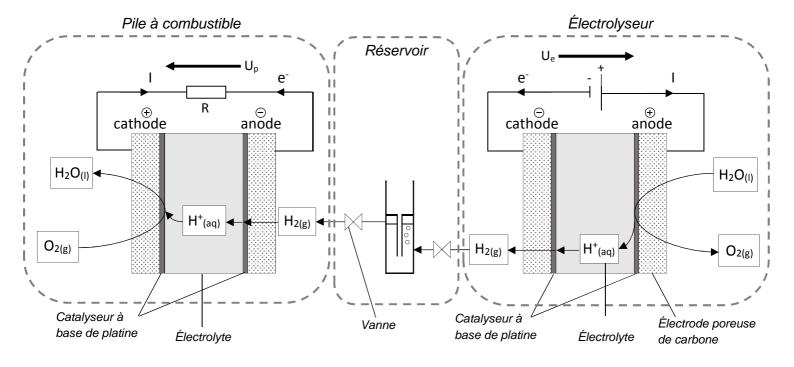
L'électrolyseur produit  $H_{2(g)}$  à partir d'eau selon

$$2 H_2O_{(1)} = 2 H_{2(g)} + O_{2(g)}$$

Le **document 1** précise que la « pile peut, en théorie, fonctionner indéfiniment tant que l'on apporte le combustible à l'anode et le comburant à la cathode ». On en déduit que pour la pile, le comburant est  $O_{2(g)}$  (réduit à la cathode) et le combustible est  $H_{2(g)}$  (oxydé à l'anode).

#### Q34 - Compléter le schéma du dispositif expérimental présenté dans le document 1 en indiquant :

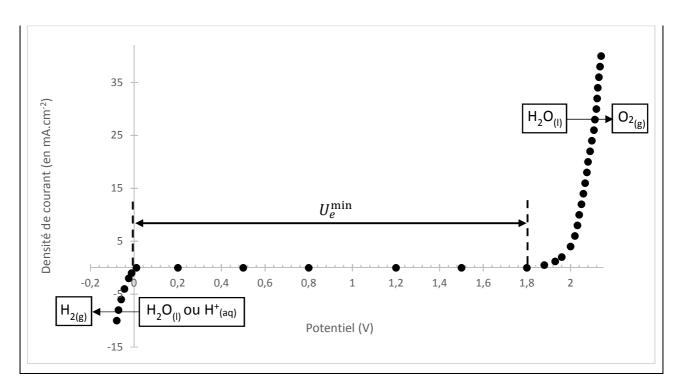
- les espèces réagissant aux électrodes ;
- la polarité de chaque électrode tout en précisant si elle joue le rôle de cathode ou d'anode ;
- la nature des porteurs de charge dans les électrolytes ainsi que la nature et le sens de circulation des porteurs de charge dans les fils électriques ;
- les tensions (notées U<sub>e</sub> et U<sub>p</sub> respectivement pour l'électrolyseur et la pile) aux bornes de la résistance (convention récepteur) et du générateur (convention générateur).



Q35 - Justifier l'allure de la courbe courant-potentiel en complétant la figure du document 2. Préciser pourquoi on n'observe pas de plateau de diffusion pour les espèces électroactives.

On n'observe pas de plateau de diffusion des espèces électroactives lorsque le processus de diffusion de ces dernières vers les électrodes n'est pas limitant.

Ici, c'est le **solvant** qui est électroactif  $(O_{2(g)}/\mathbf{H_2O_{(l)}})$  et  $H^+_{(aq)}/H_{2(g)}$  ou  $\mathbf{H_2O_{(l)}}$   $(aq)/H_{2(g)}$  en raison de l'équilibre d'autoprotolyse de l'eau). Aucun plateau n'est observé mais les « murs du solvant ».



Q36 - Déterminer numériquement la constante d'équilibre K<sub>e</sub>(298K) associée à la réaction de fonctionnement de l'électrolyseur à température ambiante. Justifier la nécessité d'imposer une tension Ue entre les électrodes à l'aide d'un générateur de tension.

D'après les demi-équations électroniques (1) et (2), on a

$$\Delta_r G_{1/2}^{\circ (1)} = -2FE^{\circ} (H^+/H_2)$$
  
$$\Delta_r G_{1/2}^{\circ (2)} = -4FE^{\circ} (O_2/H_2O)$$

$$\Delta_r G_{1/2}^{\circ (2)} = -4FE^{\circ}(O_2/H_2O)$$

La réaction de fonctionnement de l'électrolyseur obtenue à la question Q33 découle de  $2\times(1)$  – (2) soit:

$$-RT\ln(K_e) = 2\Delta_r G_{\frac{1}{2}}^{\circ^{(1)}} - \Delta_r G_{\frac{1}{2}}^{\circ^{(2)}} = 4FE^{\circ}(O_2/H_2O)$$

$$K_e = \exp\left(\frac{-4FE^{\circ}(O_2/H_2O)}{RT}\right)$$

Numériquement on trouve qu'à 298 K, la constante d'équilibre de la réaction de l'électrolyseur vaut  $K_e = 6,15.10^{-84}$ . Cette réaction étant thermodynamiquement très défavorisée ( $K_e \ll 1$ ), il est nécessaire d'apporter de l'énergie sous forme électrique pour la forcer.

Q37 - Déterminer graphiquement la tension minimale U<sub>e</sub> à appliquer pour observer la formation de dihydrogène.

D'après la courbe intensité-potentiel de la Q35, on déduit qu'une tension minimale

$$U_e^{\min} = 1,80 \pm 0,05 \text{ V}$$

doit être appliquée pour observer la formation de dihydrogène.

Q38 - Donner l'expression littérale de  $E_{eq}(H^+/H_2)$  puis calculer sa valeur numérique sachant qu'au cours de l'expérience on suppose que la pression partielle en dihydrogène à la surface de l'électrode de travail est  $P(H_2) = 1.0$  bar.

L'équation de Nernst pour le couple  $H^+_{(aq)}/H_{2(g)}$  permet de déterminer  $E_{eq}(H^+/H_2)$  selon :

$$E_{eq}(H^+/H_2) = E^{\circ}(H^+/H_2) + \frac{RT}{nF} \ln \left( \frac{[H^+]^2 p^{\circ}}{(c^{\circ})^2 P(H_2)} \right) = \underline{0 \text{ V}}$$

 $\mathbf{Q39}$  - En déduire les surtensions « seuils » cathodique  $\eta_c$  pour chacune des trois électrodes (Pt, Cu et C) et proposer un matériau pour la cathode et un matériau pour l'anode permettant de minimiser la tension  $U_e$  (et donc l'énergie) à appliquer pour observer la formation de dihydrogène.

Par définition et à partir du résultat à la question précédente, on a

$$\eta_{c} = E_{(i\neq 0)} - E_{eq}(H^{+}/H_{2}) = E_{(i\neq 0)}$$

Électrode Pt Cu C η<sub>c</sub> (en V) 0,00 -0,39 -0,42

Graphiquement on en déduit ainsi :  $\eta_c$  (en V)

Pour minimiser la tension U<sub>e</sub> à appliquer, on cherche à utiliser des matériaux **minimisant les** surtensions en valeur absolue, soit une cathode en platine et une anode en Ti iridié.

**Q40** - D'après la courbe du **document 4**, dans quelle zone (A ou B) la pile étudiée peut-elle être considérée comme une source non idéale de tension suivant le modèle de Thévenin ? En déduire graphiquement la résistance interne des deux dispositifs (Pt : 0,4 mg.cm<sup>-2</sup> et Pt : 0,7 mg.cm<sup>-2</sup>) étudiés en expliquant succinctement la méthode. Justifier quel assemblage membrane-électrodes est énergétiquement plus intéressant à utiliser.

Afin d'exploiter la caractéristique courant-tension de la pile du **document 4**, on peut réécrire la relation  $U_p = U_i - rI$  selon

$$I = \frac{U_i}{r} - \frac{U_p}{r}$$

Si le modèle de Thévenin est vérifié, on devrait expérimentalement observer une droite de pente  $-\frac{1}{r}$  et d'ordonnée à l'origine  $-\frac{U_i}{r}$ . C'est le cas uniquement dans la **zone B** où la pile étudiée peut ainsi être considérée comme une source non idéale de tension suivant ce modèle.

La détermination de la résistance interne r des deux dispositifs repose sur l'exploitation de la pente des droites dans cette zone B. Pour des couches catalytiques de 0,7 mg.cm<sup>-2</sup>, on a :

$$-\frac{1}{r} = \frac{2,75 - 0,90}{600 - 760} \times 10^3 = -11,6 \,\Omega^{-1}$$

soit  $r_{0,7}=8,62.10^{-2}$   $\Omega$ . Pour des couches catalytiques de 0,4 mg.cm<sup>-2</sup> on trouve de même  $r_{0,4}=12,3.10^{-2}$   $\Omega$ .

Sachant que  $r_{0,4} > r_{0,7}$ , il apparaît énergétiquement plus intéressant d'utiliser les couches catalytiques de 0,7 mg.cm<sup>-2</sup> les plus chargées en platine (pertes par effet Joule en  $rI^2$ ).

| B. Stockage du dihydrogène : étude du phénomène d'adsorption  |  |  |  |  |  |
|---|--|--|--|--|--|
| Q41 - Nommer les trois différentes interactions de Van der Waals. De quel(s) paramètre(s) moléculaire(s) dépend(ent) chacune d'entre elles ?                              |  |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |  |
| Les trois interactions de Van der Waals sont celles de :  |  |  |  |  |  |
| - Keeson qui dépend de la polarité des molécules qui interagissent ;  |  |  |  |  |  |
| - <b>Debye</b> qui dépend de la <b>polarité</b> et de la <b>polarisabilité</b> des molécules qui interagissent ;  |  |  |  |  |  |
| - London qui dépend de la polarisabilité des molécules qui interagissent.   |  |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |  |
| Q42 - Laquelle ou lesquelles de ces interactions faut-il considérer pour appréhender le phénomène de physisorption du dihydrogène sur le nickel ?                         |  |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |  |
| La molécule de dihydrogène est <b>apolaire</b> . Le nickel est un solide métallique et <b>ne possède</b> par conséquent <b>pas de moment dipolaire permanent local</b> .  |  |  |  |  |  |
| On en déduit que seule <b>l'interaction de London</b> doit être considérée pour appréhender le phénomène de physisorption de H <sub>2(g)</sub> sur une surface de nickel. |  |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |  |

Q43 - En déduire une explication pour l'évolution des énergies de physisorption du tableau ci-dessous

| Adsorbat                                 | $H_2$ | $N_2$ | Propane | Benzène |
|--|-------|-------|---------|---------|
| E <sub>phy</sub> (kJ.mol <sup>-1</sup> ) | 3,8   | 11,7  | 27,2    | 42      |

Énergie de physisorption expérimentale de quelques adsorbats sur une surface de graphite

Tous les adsorbats sont **apolaires** comme le dihydrogène. Comme mentionné à la question précédente, seule l'interaction de London est à considérer pour expliquer les données du tableau. Elle est d'autant plus **stabilisante** que la polarisabilité des systèmes moléculaires en interaction est grande. On remarque que dans l'ordre  $H_2 > N_2 > Propane > Benzène$ , l'énergie de physisorption va croissante. Cela implique une interaction adsorbat/site d'adsorption de plus en plus forte et donc de plus en plus stabilisante (fonds d'un puits de potentiel). Cette évolution est corrélée à **la polarisabilité croissante des adsorbats** (de gauche à droite) qui permet *in fine* d'expliquer les données du tableau.

**Q44** – En vous basant sur le **document 5**, déterminer graphiquement l'énergie d'activation, notée « E<sub>a</sub> », nécessaire pour qu'une molécule de dihydrogène physisorbée à la surface du nickel se chimisorbe de façon dissociative. Quelle serait la longueur des liaisons Ni–H ainsi formées ?

Graphiquement, on lit qu'il faut une énergie d'activation  $E_a = 80 \text{ kJ. mol}^{-1}$  pour qu'une molécule de dihydrogène physisorbée à la surface du nickel (fonds du puits de potentiel de physisorption) se chimisorbe de façon dissociative. Ce processus dissociatif conduit à la formation de deux liaisons Ni–H de 0,16 nm chacune (fonds du puits de potentiel de chimisorption).

 ${f Q45}$  - Donner l'unité (unités dérivées du Système International autorisées) des constantes de vitesse  $k_a$  et  $k_d$ .

D'après les expressions des vitesses  $v_a$  et  $v_d$  on en déduit que :

- $k_a$  s'exprime en mol.m<sup>-2</sup>.s<sup>-1</sup>.Pa<sup>-1</sup>;
- $k_d$  s'exprime en mol.m<sup>-2</sup>.s<sup>-1</sup>.

**Q46** - Sachant qu'à t = 0 le taux de recouvrement est nul, déterminer l'équation  $\theta = f(t)$  en fonction de  $k_a$ ,  $k_d$ ,  $P(H_2)$  et  $\Pi$ .

L'énoncé nous indique que :

$$\Pi \frac{d\theta}{dt} = k_a (1 - \theta) P(H_2) - k_d \theta$$

On peut réécrire cette équation différentielle du premier ordre sous la forme :

$$\frac{d\theta}{dt} + \frac{k_a P(H_2) + k_d}{\Pi} = \frac{k_a P(H_2)}{\Pi}$$

En notant  $\tau = \frac{k_a P(H_2) + k_d}{\Pi}$ , les solutions homogène et particulière de cette équation sont :

$$\theta_h = A \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right)$$

$$\theta_p = \frac{k_a P(H_2)}{k_a P(H_2) + k_d}$$

Les conditions initiales permettent de déterminer le coefficient A selon :

$$\theta(0) = \theta_h(0) + \theta_p = A + \frac{k_a P(H_2)}{k_a P(H_2) + k_d} = 0$$

Finalement,  $A = -\frac{k_a P(H_2)}{k_a P(H_2) + k_d}$  et l'équation  $\theta = f(t)$  régissant le problème vaut :

$$\theta = \frac{k_a P(H_2)}{k_a P(H_2) + k_d} \left( 1 - \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right) \right)$$

Q47 - En déduire que lorsque l'équilibre de physisorption est atteint on a :

$$\theta = \theta_{\text{eq}} = \frac{\text{KP}(\text{H}_2)}{1 + \text{KP}(\text{H}_2)}.$$

Exprimer K (coefficient d'adsorption) en fonction de ka et kd.

L'équilibre de physisorption est atteint au bout d'un temps t infini. D'après la relation trouvée à la question précédente, à l'équilibre, on vérifie :

$$\theta_{eq} = \lim_{t \to \infty} \theta = \frac{k_a P(H_2)}{k_a P(H_2) + k_d} = \frac{KP(H_2)}{KP(H_2) + 1}$$

7

avec  $K = \frac{k_a}{k_d}$ .

Remarque : on peut retrouver ce résultat sachant que  $v_a = v_d$  à l'équilibre.

**Q48** - Sachant que  $\theta$  est un paramètre intensif, calculer la variance du système. Justifier que la fonction  $\theta_{eq} = f(P(H_2))$  soit appelée « isotherme » de Langmuir.

Paramètres intensifs : T,  $\theta$  et  $P(H_2)$ 

Relations reliant ces paramètres :  $\theta_{eq} = \frac{\mathit{KP}(H_2)}{\mathit{KP}(H_2) + 1}$ 

La variance du système est v = 3 - 1 = 2.

Lorsque la température est fixée par l'expérimentateur (système **isotherme**), le nombre de degré de liberté du système devient  $L = v - 1 = \underline{1}$ . Ainsi, pour chaque valeur  $P(H_2)$  imposée, le système ne pourra évoluer que jusqu'à un unique état d'équilibre décrit par  $\theta_{eq}$ .

**Q49** - À partir du **document 6**, justifier si les molécules de dihydrogène ont plutôt tendance à se physisorber ou à se chimisorber de façon dissociative à la surface du nickel. Toute démarche d'investigation, même non aboutie, sera valorisée.

On cherche à vérifier quel modèle est le plus en adéquation avec les données expérimentales. Pour cela, on peut linéariser les relations  $\theta_{eq} = f(P(H_2))$ :

#### PHYSISORPTION:

$$\boxed{\frac{1}{\theta_{eq}} = 1 + \frac{1}{KP(\mathrm{H}_2)}}$$

En traçant la fonction  $\frac{1}{\theta_{eq}} = f\left(\frac{1}{P(H_2)}\right)$  à partir des points expérimentaux du **document 6**, on s'attend à obtenir une droite de pente  $a = \frac{1}{K}$  et d'ordonnée à l'origine b = 1. Le modèle de régression linéaire conduit aux résultats suivants : a = 1080 Pa; b = 1,05; a = 1,0

#### **CHIMISORPTION:**

$$\frac{1}{\theta_{eq}} = 1 + \frac{1}{\sqrt{KP(H_2)}}$$

En traçant la fonction  $\frac{1}{\theta_{eq}} = f\left(\frac{1}{\sqrt{P(\mathrm{H}_2)}}\right)$ ) à partir des points expérimentaux, on s'attend à obtenir une droite de pente  $a = \frac{1}{\sqrt{K}}$  et d'ordonnée à l'origine b = 1. Le modèle de régression linéaire conduit aux résultats suivants : a = 53,3 Pa<sup>1/2</sup>; b = 0,667; a = 0,954.

Le modèle de physisorption rend mieux compte des résultats expérimentaux qui celui de chimisorption dissociative :

- meilleur coefficient de corrélation ;
- ordonnée à l'origine proche de 1 comme attendu ;
- à l'œil, la répartition des points expérimentaux autour de la droite modèle est plus satisfaisante.

#### C. Synthèse totale de la Japonilure

**Q50** - Combien la Japonilure **12** possède-t-elle de stéréoisomères ? Le(s) représenter, ainsi que le composé **12**, et indiquer les relations stéréochimiques qui les lient deux à deux.

La Japonilure possède <u>3 stéréoisomères</u> : 2 éléments stéréogènes dont une double liaison C=C et un carbone asymétrique \*C.

**Q51** - Quelle fonction est formée lors de la transformation de **1** en **2** ? Pourquoi est-il préférable d'utiliser l'APTS plutôt que l'acide sulfurique au cours de cette étape ?

La transformation de 1 en 2, conduit à la formation d'une fonction acétal.

L'acide sulfurique est utilisé en solution aqueuse, cette dernière peut conduire à des **problèmes** de **miscibilité** avec le solvant organique (dichlorométhane). L'utilisation d'une telle solution entrainerait également l'ajout d'eau, produit de la réaction d'acétalisation qui est équilibrée. La formation de l'acétal serait **thermodynamiquement défavorisée** et le rendement en 2 serait mauvais.

L'APTS est un **acide organique** qui a l'avantage d'être soluble dans le dichlorométhane, il se trouvera donc dans la même phase que **1** et pourra catalyser efficacement sa transformation en **2**.

**Q52** - Écrire l'équation bilan associée à la synthèse magnésienne de  $C_2H_5MgBr$  à partir du bromoéthane.

$$ightharpoonup Br + Mg_{(s)} = 
ightharpoonup Mg_{Br}$$

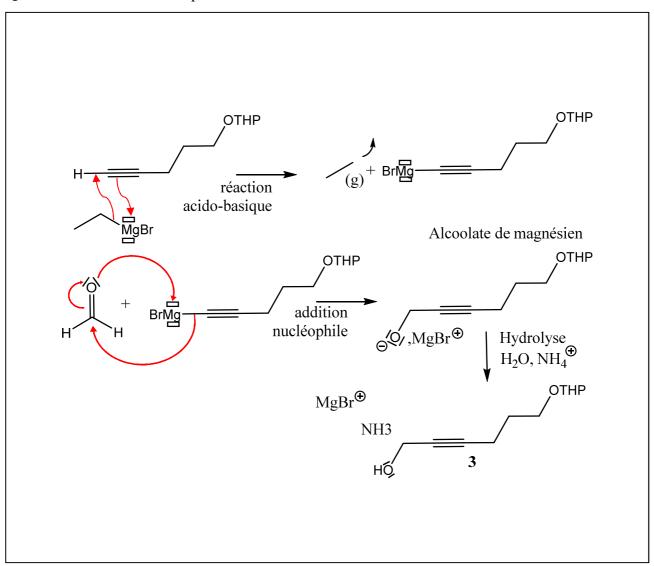
**Q53** - Écrire l'équation bilan associée à la réaction de couplage de Wurtz. Quelle précaution opératoire pourrait permettre de limiter cette réaction ?

Le couplage de Wurtz est une réaction non désirée entre l'organomagnésien et le bromoéthane :

$$Br$$
 +  $Mg$   $Br$  +  $MgBr_2$ 

Pour limiter cette réaction, il faut **ajouter au goutte à goutte** le dérivé halogéné sur le magnésium solide. Ainsi, on est en permanence en défaut de dérivé halogéné dans le milieu réactionnel.

Q54 - Donner le mécanisme pour la transformation de 2 en 3.



**Q55** - Quel produit **3'** aurait-on obtenu si on avait mis le précurseur **1** dans les conditions de réaction {C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>MgBr, THF, 0°C} ? Justifier en invoquant des considérations thermodynamiques. Conclure sur l'intérêt d'avoir protégé l'alcool **1**.

On aurait obtenu l'alcoolate issu de la déprotonation de 1.

ROH + R'MgBr ROMgBr + R'H 
$$pK_a \sim 16 \qquad pK_{a2} \qquad \qquad K_1 = 10^{-16+pKa_2}$$
 
$$R''C = CH + R'MgBr R''C = CMgBr + R'H$$
 
$$pK_a \sim 25 \qquad pK_{a2} \qquad \qquad K_2 = 10^{-25+pKa_2}$$

On a donc  $K_1 > K_2$ . L'acide le plus fort, l'alcool, va réagir préférentiellement avec la base, l'organomagnésien. La **protection de l'alcool** permet donc de s'affranchir de cette réaction parasite qui détruirait le réactif de Grignard.

**Q56** - Écrire la demi-équation d'oxydoréduction associée au couple 3/4. En déduire la nature de la transformation subie par le composé 3.

Le composé 3 subit une réduction.

$$R"C \longrightarrow CR' + 2H^+ + 2e^{\Theta} = R"C \longrightarrow CR'$$

Q57 - Quelle signification a le signe (–) ? Donner les stéréodescripteurs du (–)-DET.

Le signe (–) signifie que la molécule est lévogyre.

Ordre de priorité selon Cahn-Ingold et Prelog:

Pour C<sub>2</sub>

 $OH > C_1 > C_3 > H$  et le stéréodescripteur est (R).

Pour C<sub>3</sub>

 $OH > C_4 > C_2 > H$  et le stéréodescripteur est (R).

**Q58** - Calculer le degré d'oxydation (nombre d'oxydation) des carbones  $C^2$  et  $C^3$  avant et après transformation de **4** en **5**. En déduire la nature de cette réaction.

On attribue formellement les doublets liants sur l'atome le plus électronégatif.

Pour **4**:  $n(C_2) = -I = n(C_3)$ 

Pour **5**:  $n(C_2) = 0 = n(C_3)$ .

12

La réaction d'époxydation permet l'oxydation de la fonction alcène en fonction époxyde.

| <b>Q59</b> - Discuter de l'intérêt de la transformation de <b>7</b> en <b>8</b> dans le cadre de la stratégie de synthèse de la Japonilure ?  |
|---|
|   |
|   |
|   |
|   |
| Il faut protéger la fonction alcool secondaire du composé <b>7</b> car lors du passage de <b>8</b> à <b>10</b> on réalise deux réactions d'oxydation.                                 |
| On veut <b>oxyder sélectivement</b> l'alcool en bout de chaîne, il faut donc <b>protéger sélectivement</b> l'alcool secondaire pour ne pas l'oxyder en cétone (réaction non désirée). |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |

Q60 - En plus de la déprotection, la transformation de 10 en 11 implique une autre transformation, laquelle ? Proposer un mécanisme à partir de l'alcool déprotégé permettant d'obtenir la molécule 11 qui par hydrogénation conduit à la Japonilure 12.

**Q61** - Les spectres RMN <sup>1</sup>H du composé **11** et du produit obtenu après hydrogénation catalytique sont présentés dans le **document 8**. Attribuer le spectre correspondant au composé **11** en justifiant votre réponse. La Japonilure semble-t-elle avoir été obtenue ? La spectroscopie RMN permettrait-elle de discriminer l'obtention du stéréoisomère **12**' à la place de **12** ? si oui comment ?

Dans le spectre A on compte un total de 24 protons, alors qu'il n'y en a que 22 dans le spectre B. L'étape d'hydrogénation catalytique a rajouté deux protons à **11** pour obtenir **12**.

Le spectre A correspond donc à 12 ou 12'.

Le spectre B correspond à 11.

De plus, on observe dans le spectre A, l'apparition d'un massif vers 5,5 ppm, absent dans le spectre B. Ce massif a un déplacement chimique qui correspond aux protons éthyléniques. Ce qui est bien en accord avec le spectre B qui est associé au composé 11 ne présentant pas de tels protons éthyléniques.

La Japonilure semble avoir été obtenue car on observe l'apparition du massif à 5,5 ppm, on a donc bien réalisé l'hydrogénation de **11** en **12**.

Pour discriminer entre 12 et 12', il faut regarder les constantes de couplage entre les 2 protons éthyléniques qui diffèrent selon que l'on considère l'isomère (E) ou (Z).

**Q62** - Déterminer le rendement total de la synthèse de la Japonilure. Commenter ce résultat en portant un regard critique sur les étapes de protection/déprotection.

Pour une succession d'étapes réactionnelles i en chaîne, le rendement s'exprime comme le produit des rendements de chacune des étapes :

$$\rho = \prod_{i} \rho_i = \underline{7 \%}$$

Les étapes de protections/déprotections, bien que nécessaires ici, sont coûteuses en rendement. On pourrait envisager une **autre stratégie de synthèse**.