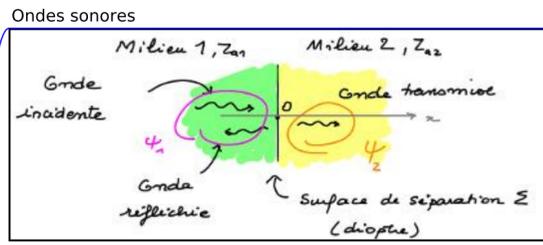


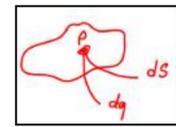
Interfaces entre deux milieux



Relations de passage des OEM

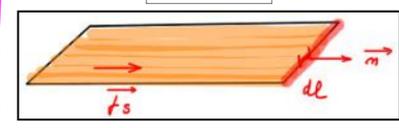
Densité surfacique de charge

$$dq = \sigma dS$$



Vecteur densité de courant surfacique

$$I = \int_l \vec{j}_s \cdot \vec{n} dl$$



Dans des modélisations surfaciques, les équations de Maxwell ne peuvent être valables. On leur substitue des équations de continuité ou **relations de passage**.

À la traversée d'une surface localement chargée

$$\vec{E}_{N2} - \vec{E}_{N1} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{n}_{1 \rightarrow 2} \text{ remplace l'éq. de M.G}$$

$$\vec{E}_{T2} - \vec{E}_{T1} = \vec{0} \text{ remplace l'éq. de M.F}$$

À la traversée d'une nappe de courant

$$\vec{B}_{N2} - \vec{B}_{N1} = \vec{0} \text{ remplace l'éq. de M.T}$$

$$\vec{B}_{T2} - \vec{B}_{T1} = \mu_0 \vec{j}_s \wedge \vec{n}_{1 \rightarrow 2} \text{ remplace l'éq. de M.A}$$

Coefficients de réflexion et de transmission en surpression et vitesse

$$r_p = \frac{p_{1,r}(0,t)}{p_{1,i}(0,t)} \text{ et } t_p = \frac{p_{1,t}(0,t)}{p_{1,i}(0,t)}$$

$$r_v = \frac{v_{1,r}(0,t)}{v_{1,i}(0,t)} \text{ et } t_v = \frac{v_{1,t}(0,t)}{v_{1,i}(0,t)}$$

Conditions aux limites : surpression et vitesse sont identiques de part et d'autre de l'interface

$$p_{1,1}(0,t) = p_{1,2}(0,t)$$

$$v_{1,1}(0,t) = v_{1,2}(0,t)$$

Équations

$$1 + r_p = t_p$$

$$1 - r_p = \frac{Z_{a1}}{Z_{a2}} t_p$$

Coefficients en surpression

$$r_p = \frac{Z_{a2} - Z_{a1}}{Z_{a2} + Z_{a1}}$$

$$t_p = \frac{2Z_{a2}}{Z_{a2} + Z_{a1}}$$

Coefficients en vitesse

$$r_v = -\frac{Z_{a2} - Z_{a1}}{Z_{a2} + Z_{a1}} = -r_p$$

$$t_v = \frac{2Z_{a1}}{Z_{a2} + Z_{a1}} = \frac{Z_{a1}}{Z_{a2}} t_p$$

Détermination des coefficients en surpression

$$A_1 e^{j(\omega t - k_1 x)} + B_1 e^{j(\omega t + k_1 x)} = A_2 e^{j(\omega t - k_2 x)} \rightarrow / A_1$$

$$\frac{A_1}{Z_{a1}} e^{j(\omega t - k_1 x)} + \frac{B_1}{-Z_{a1}} e^{j(\omega t + k_1 x)} = \frac{A_2}{Z_{a2}} e^{j(\omega t - k_2 x)} \rightarrow / A_1$$

Coefficients de réflexion et de transmission en puissance

$$R = \frac{I_r(0,t)}{I_i(0,t)} \text{ et } T = \frac{I_t(0,t)}{I_i(0,t)}$$

Détermination des coefficients en puissance

$$I = \langle \|\vec{I}_a\| \rangle = \langle |p_1 v_1| \rangle = \langle \frac{p_1^2}{Z_a} \rangle$$

Coefficients en puissance

$$R = r_p^2 = r_v^2$$

$$T = \frac{Z_{a1}}{Z_{a2}} t_p^2 = \frac{Z_{a2}}{Z_{a1}} t_v^2$$

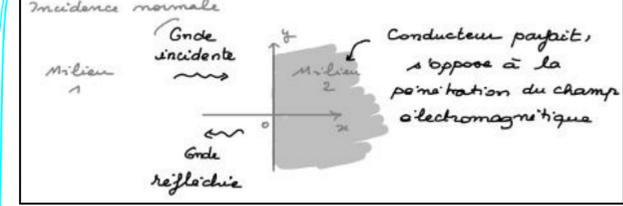
Conservation de l'énergie à l'interface

$$R + T = 1$$

Adaptation d'impédance

$$R = 0 \text{ et } T = 1 \text{ pour } Z_{a2} = Z_{a1}$$

Réflexion d'une OEM polarisée rectilignement sur un conducteur parfait



Champ magnétique correspondant OPPH incidente polarisée rectilignement

$$\vec{B} = \frac{\vec{k} \wedge \vec{E}}{\omega} \text{ soit } \vec{B}_i = \frac{E_{0i}}{v} \cos(\omega t - kx) \vec{e}_z$$

$$\vec{E}_i = E_{0i} \cos(\omega t - kx) \vec{e}_y$$

Utilisation des relations de passage

$$\frac{\vec{E}_{N2} - \vec{E}_{N1}}{=0} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{n}_{1 \rightarrow 2} \Rightarrow \sigma = 0$$

$$\vec{E}_{T2} - \vec{E}_{T1} = \vec{0} \Rightarrow \vec{E}_i(0,t) + \vec{E}_r(0,t) = \vec{0}$$

Onde réfléchie

Champ magnétique correspondant Onde réfléchie

$$\vec{B} = \frac{\vec{k} \wedge \vec{E}}{\omega} \text{ soit } \vec{B}_r = \frac{E_{0i}}{v} \cos(\omega t + kx) \vec{e}_z$$

$$\vec{E}_r = -E_{0i} \cos(\omega t + kx) \vec{e}_y$$

C'est une onde stationnaire.

Champ magnétique correspondant

$$\vec{B}_{total} = \vec{B}_i + \vec{B}_r \text{ soit } \vec{B}_{total} = \frac{2E_{0i}}{v} \cos(\omega t) \cos(kx) \vec{e}_z$$

Onde résultante

$$\vec{E}_{total} = \vec{E}_i + \vec{E}_r \text{ soit } \vec{E}_{total} = 2E_{0i} \sin(\omega t) \sin(kx) \vec{e}_y$$

Champs magnétique et électrique sont en quadrature temporelle et spatiale.

Il n'y a pas propagation d'énergie.

$$\langle \vec{I} \rangle = \vec{0}$$

Utilisation des relations de passage

$$\frac{\vec{E}_{N2} - \vec{E}_{N1}}{=0} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{n}_{1 \rightarrow 2} \Rightarrow \sigma = 0$$

$$\frac{\vec{B}_{T2} - \vec{B}_{T1}}{=0} = \mu_0 \vec{j}_s \wedge \vec{n}_{1 \rightarrow 2} \Rightarrow \vec{j}_s = \frac{2E_{0i}}{\mu_0 v} \cos(\omega t) \vec{e}_y$$

Courant et charge surfaciques

Coefficients de réflexion en puissance

$$R = \frac{I_r(0,t)}{I_i(0,t)}$$

$$\text{Or } I = \langle \|\vec{I}\| \rangle = \langle \|\frac{\vec{E} \wedge \vec{B}}{\mu_0}\| \rangle$$

$$R = 1$$