

## Analogie électro-mécanique

Le comportement des circuits électriques R, L, C linéaires et celui des systèmes mécaniques masse, ressort avec frottements visqueux est représenté par des équations différentielles semblables.

	<b>RLC soumis à une tension constante E</b>	<b>Système masse, ressort avec frottement visqueux</b>
<b>Equation différentielle</b>	$\ddot{x} + \frac{\omega_0}{Q} \dot{x} + \omega_0^2 x = \omega_0^2 x_{eq}$	
	$\frac{d^2 u_c}{dt^2} + \frac{R}{L} \frac{du_c}{dt} + \frac{1}{LC} u_c = \frac{E}{LC}$	$\frac{d^2 x}{dt^2} + \frac{\alpha}{m} \frac{dx}{dt} + \frac{k}{m} x = \frac{k}{m} x_{eq}$
<b>Pulsation propre</b>	$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}$	$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$
<b>Facteur de qualité</b>	$Q \approx$ nombre d'oscillations	
	$\frac{\omega_0}{Q} = \frac{R}{L} \Rightarrow Q = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$	$\frac{\omega_0}{Q} = \frac{\alpha}{m} \Rightarrow Q = \frac{1}{\alpha} \sqrt{km}$
<b>Temps de relaxation</b>	$\tau = \frac{2L}{R}$	$\tau = \frac{2m}{\alpha}$
<b>Bilan de puissance</b>	$\frac{dE_{em}}{dt} = \frac{d\left(\frac{1}{2} \frac{q^2}{C} + \frac{1}{2} Li^2\right)}{dt} = -Ri^2$ Dissipation par effet Joule	$\frac{dE_m}{dt} = \frac{d\left(\frac{1}{2} kx^2 + \frac{1}{2} mv^2\right)}{dt} = -\alpha v^2$ Dissipation par frottements

Equivalences pour passer de l'un à l'autre :

<b>Position</b> x	<b>Vitesse</b> $v = \frac{dx}{dt}$	<b>Masse</b> m	<b>Constante de raideur</b> k	<b>Coefficient d'amortissement fluide</b> $\alpha$	<b>Force élastique</b> $F = kx$ ( $x = l - l_0$ )
<b>Charge</b> $q = Cu_c$	<b>Intensité</b> $i = \frac{dq}{dt}$	<b>Inductance</b> L	<b>Inverse de la capacité</b> $\frac{1}{C}$	<b>Résistance</b> R	<b>Tension aux bornes du condensateur</b> $u_c = \frac{q}{C}$