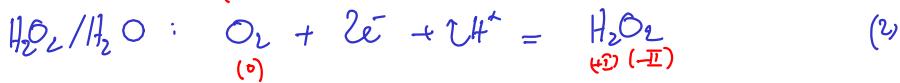
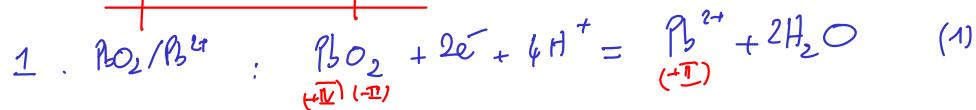
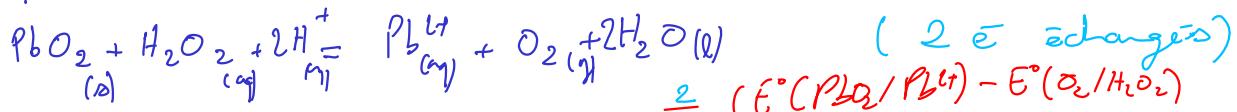


TD CH6 - Oxydoréduction
corrige

CH1 - Équations chimiques

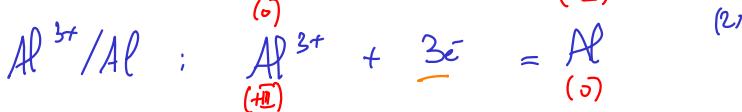
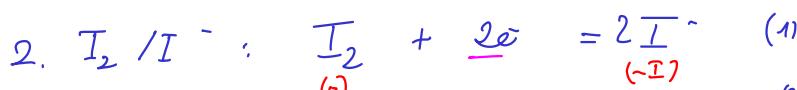


Équat° de la réaction de PbO_2 avec H_2O_2 : (1) - (2)

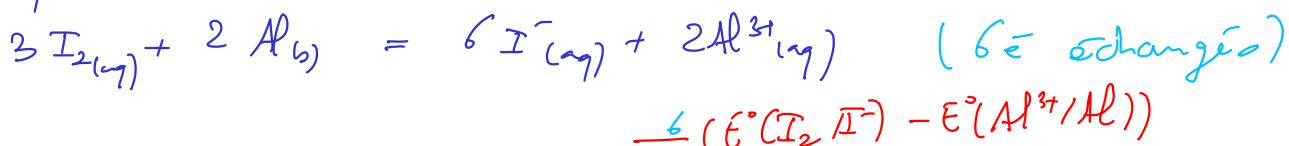


Constante d'équilibre : $K = 10^{\frac{2}{0,06}}$

A.N. $K \approx 2,15 \times 10^{25}$



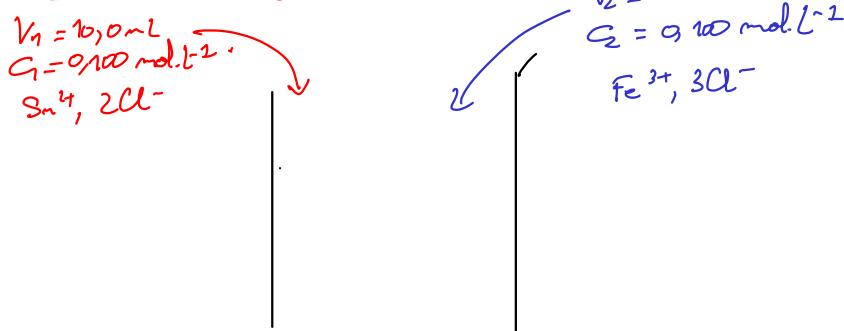
Équation de la réaction de I_2 avec $\text{Al}_{(s)}$; $3 \times (1) - ex (2)$



Constante d'équilibre : $K = 10^{\frac{6}{0,06}}$

A.N. $K \approx 1,0 \times 10^{20}$

CH2 - Réaction d'oxydo-réduction



1/ Composition initiale

$$m_{\text{Sn}^{4+}} = m_{\text{SnCl}_2} = C_1 V_1$$

$$m_{\text{Fe}^{3+}} = m_{\text{FeCl}_3} = C_2 V_2$$

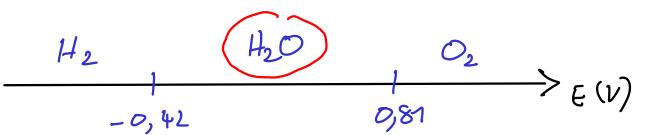
$$m_{\text{Cl}^-} = 2m_{\text{SnCl}_2} + 3m_{\text{FeCl}_3} = 2C_1 V_1 + 3C_2 V_2$$

$$\text{Volume } V = V_1 + V_2$$

$m_{\text{Sn}^{4+}} = 3,00 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$ $m_{\text{Fe}^{3+}} = 1,00 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$ $m_{\text{Cl}^-} = 5,00 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$
--

$$V = 20,0 \text{ mL}$$

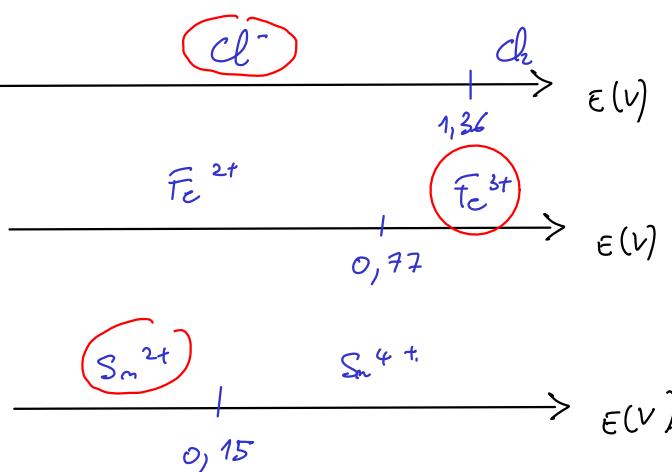
2/ Diagrammes de prédominance à pH=7



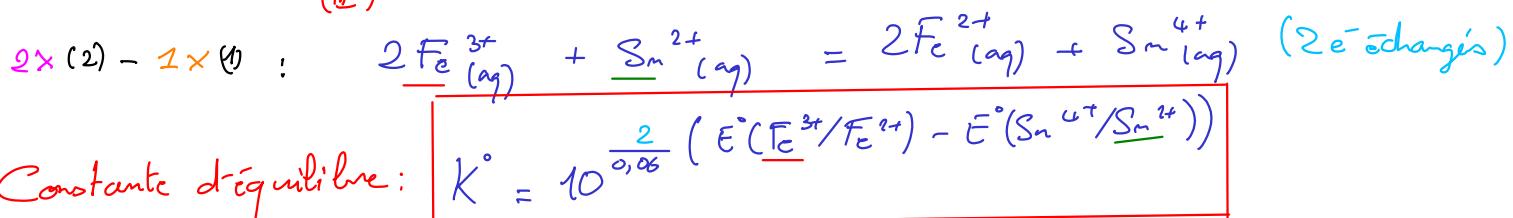
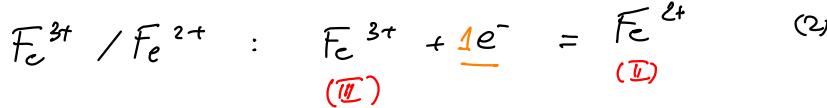
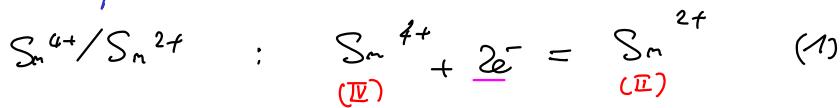
○ espèces initialement introduites.

⚠ Ne pas oublier le solvant eau qui a des propriétés organo-nélectriques.

Sous Fe^{3+} et Sn^{2+} ont des domaines de prédominance disjoints donc la réaction prépondérante met en jeu ces deux espèces.



Équation de la réaction entre Fe^{3+} et Sn^{2+} .



Constante d'équilibre :

$$A.N. : K^\circ = 4,64 \times 10^{20}. \text{ La réaction est totale.}$$

3/ Composition finale du système.

	$2\text{Fe}^{3+}(\text{aq})$	$\text{Sn}^{2+}(\text{aq})$	$2\text{Fe}^{2+}(\text{aq})$	$\text{Sn}^{4+}(\text{aq})$
$\gamma_i = 0$	$m^i_{\text{Fe}^{3+}}$	$m^i_{\text{Sn}^{2+}}$	0	0
γ_f	$m^i_{\text{Fe}^{3+}} - 2\gamma_f \approx 0$	$m^i_{\text{Sn}^{4+}} - \gamma_f = \frac{m^i_{\text{Sn}^{4+}}}{5,00 \times 10^{-4} \text{ mol}} = 2\gamma_f = 10^{-3} \text{ mol}$	$2\gamma_f = 10^{-3} \text{ mol}$	$\gamma_f = 5 \times 10^{-4} \text{ mol}$

Déterminons γ_f . La réaction étant totale, déterminons le réactif limitant :

$$- \text{Si } m^i_{\text{Fe}^{3+}} = 0 \Rightarrow \gamma_f = \gamma_{f1} = \frac{m^i_{\text{Fe}^{3+}}}{2} = 5,00 \times 10^{-4} \text{ mol}$$

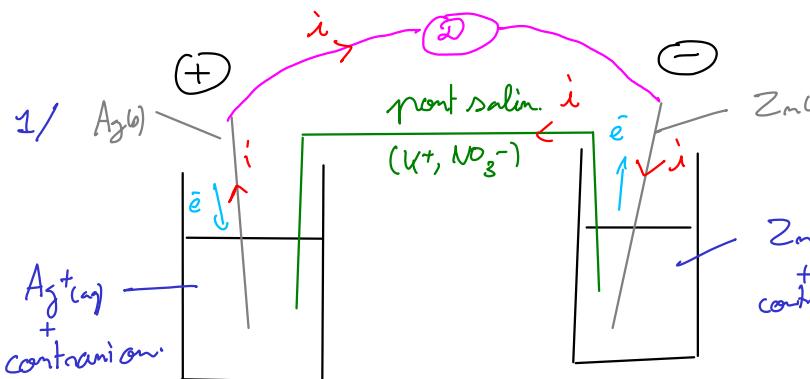
$$- \text{Si } m^i_{\text{Sn}^{4+}} = 0 \Rightarrow \gamma_f = \gamma_{f2} = \frac{m^i_{\text{Sn}^{4+}}}{1,00 \times 10^{-3} \text{ mol}} = 1,00 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

$$\gamma_{f1} < \gamma_{f2} \text{ donc } \boxed{\gamma_f = \gamma_{f1} = 5,00 \times 10^{-4} \text{ mol}}$$

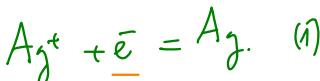
4/ Potentiel à l'équilibre (état final) : $E = E^\circ(\text{Fe}^{3+}/\text{Fe}^{2+}) = E^\circ(\text{Sn}^{4+}/\text{Sn}^{2+})$
 Comme $E^\circ(\text{Fe}^{3+}) = E \approx 0$, on applique la formule de Nernst au couple $\text{Sn}^{4+}/\text{Sn}^{2+}$:
 $E = E^\circ(\text{Sn}^{4+}/\text{Sn}^{2+}) + 0,03 \log \left(\frac{[\text{Sn}^{4+}]_{\text{eq}}}{[\text{Sn}^{2+}]_{\text{eq}}} \right)$. Or $[\text{Sn}^{2+}]_{\text{eq}} = [\text{Sn}^{4+}]_{\text{eq}}$ $\Rightarrow \boxed{E = E^\circ(\text{Sn}^{4+}/\text{Sn}^{2+})}$
 A.N. : $E = 0,15 \text{ V}$

CH3 - Pile Argent/Zinc

$$e \quad (\text{si } i=0)$$

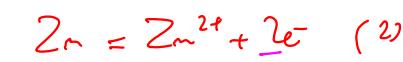


Demi-pile
Ag⁺/Ag⁻



\Rightarrow Reduction donc
CATHODE

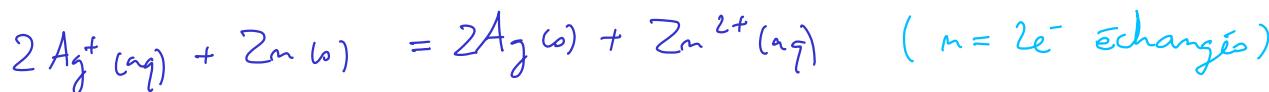
Demi-pile
Zn²⁺/Zn.



\Rightarrow Oxidation donc

ANODE

2/ Equation-bilan de la pile. $2 \times (1) - 1 \times (2)$ donne :



3/ F.e.m. initiale de la pile : $e = E_{\oplus} - E_{\ominus} = E(Ag^{+}/Ag) - E(Zn^{2+}/Zn)$

avec, d'après la formule de Nernst :

$$- Ag^{+} + 1e^- = Ag(s) \text{ donc } E(Ag^{+}/Ag) = \bar{E}^{\circ}(Ag^{+}/Ag) + \frac{0,06}{1} \log \left(\frac{[Ag^{+}]}{c} \right)$$

Initiallement : $[Ag^{+}] = c$:

$$E(Ag^{+}/Ag) = \bar{E}^{\circ}(Ag^{+}/Ag) + \frac{0,06}{1} \log \left(\frac{c}{c} \right)$$

$$- Zn^{2+} + 2e^- = Zn(s) \text{ donc } E(Zn^{2+}/Zn) = \bar{E}^{\circ}(Zn^{2+}/Zn) + \frac{0,06}{2} \log \left(\frac{[Zn^{2+}]}{c} \right)$$

Initiallement : $[Zn^{2+}] = c'$:

$$E(Zn^{2+}/Zn) = \bar{E}^{\circ}(Zn^{2+}/Zn) + \frac{0,06}{2} \log \left(\frac{c'}{c} \right)$$

D'où la f.e.m. :

$$e = \bar{E}^{\circ}(Ag^{+}/Ag) - \bar{E}^{\circ}(Zn^{2+}/Zn) + 0,03 \log \left(\frac{c^2 c^{\circ}}{c' c^{\circ}} \right)$$

A.N. $e \approx 1,5V$

En négligeant l'influence des concentrations :

$$\begin{cases} E(Ag^{+}/Ag) \approx \bar{E}^{\circ}(Ag^{+}/Ag) \\ E(Zn^{2+}/Zn) \approx \bar{E}^{\circ}(Zn^{2+}/Zn) \end{cases} \Rightarrow \bar{E}^{\circ}(Ag^{+}/Ag) > \bar{E}^{\circ}(Zn^{2+}/Zn)$$

(+)

(-)

4/ Composition de la pile à l'état final.

Arrêt de la pile pour $E(Ag^+/Ag) = E(Zn^{2+}/Zn)$ ($e=0$)

$$\Leftrightarrow \begin{cases} Q_{eq} = K^\circ \\ K^\circ = 10^{\frac{m}{0,06}(E^\circ(Ag^+/Ag) - E^\circ(Zn^{2+}/Zn))} \end{cases}$$

(Ici $m=2$)

Voir cours !

A.N.: $K^\circ = 1,0 \times 10^{52} \gg 10^4$: la réaction est quantitative.

On détermine alors l'état final par recherche du réactif limitant.

	$2Ag^+(aq)$	$Zn(s)$	$2Ag(s)$	$Zn^{2+}(aq)$
$\zeta_i = 0$	c.v.	excès	excès	c.v.
ζ_f	$c.v. - 2\zeta_f$ \approx	excès $-3\zeta_f$	excès $+2\zeta_f$	$c.v. + \zeta_f$ $= 4 \times 10^{-3}$ mol.

On peut supposer raisonnablement que $Zn(s)$ et $Ag(s)$ sont en excès.

Ag^+ est le réactif limitant: $m_{Ag^+}^f = 0 \Leftrightarrow c.v. - 2\zeta_f = 0 \Leftrightarrow \zeta_f = \frac{c.v.}{2}$

A.N. $\zeta_f = 1,0 \times 10^{-3}$ mol.

Mass de zinc métallique consommé: $m_{Zn}^{cons.} = \zeta_f$

$$\text{or } m_{Zn}^{cons.} = m_{Zn}^{cons.} \times M_{Zn} \Rightarrow m_{Zn}^{cons.} = M_{Zn} \zeta_f$$

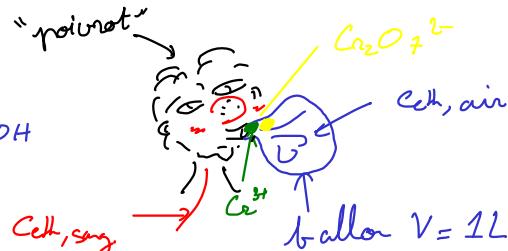
A.N. $m_{Zn}^{cons.} = 65 \text{ mg}$

Mass d'argent métallique formée: $m_{Ag}^{formé} = \zeta_f$

$$\text{or } m_{Ag}^{formé} = m_{Ag}^{formé} \times M_{Ag} \Rightarrow m_{Ag}^{formé} = M_{Ag} \zeta_f$$

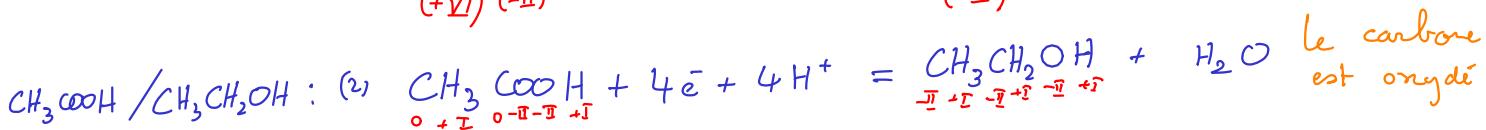
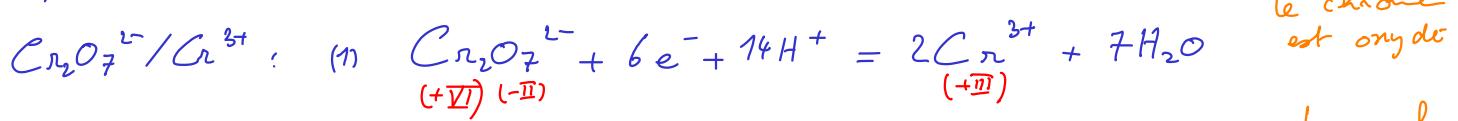
A.N. $m_{Ag}^{formé} = 108 \text{ mg}$

CH4 - Alcootest

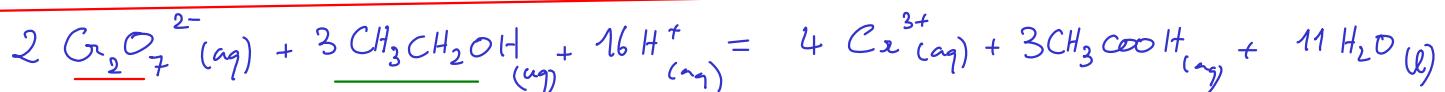


$$\text{Ceth, air} \approx \frac{\text{Ceth, sang}}{2000}$$

1/ Réaction entre l'éthanol et les ions dichromate $\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}$?



$$2 \times (1) - 3 \times (2) : (m = 12\text{e}^- \text{ échangés})$$



2/ les ions dichromate sont réduits (plus précisément l'élément chrome).

L'éthanol est oxydé (plus précisément l'élément carbone).

3/ Constante d'équilibre :

$$K^\circ = 10^{\frac{12}{0,06} (E^\circ (\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}/\text{Cr}^{3+}) - E^\circ (\text{CH}_3\text{COOH}/\text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}))}$$

A.N. $K^\circ = 10^{228}$! La réact° est quantitative.

4/ $\text{Ceth, sang} = 0,5 \text{ g} \cdot \text{L}^{-1}$ (limite légale pour conduire)

base de conduire : il faut moins!

$\Rightarrow \text{Ceth, air} = \frac{0,5}{2000} \approx 0,25 \text{ mg} \cdot \text{L}^{-1}$ (A pour ceux qui passent le code, ici c'est la limite pour l'air expiré !)

Dans $V = 1 \text{ L}$: $m_{\text{eth}} = \frac{\text{Ceth, air} \times V}{M_{\text{eth}}}$

A.N. : $M_{\text{eth}} = 2M_{\text{C}} + M_{\text{O}} + 6M_{\text{H}} = 2 \times 12 + 16 + 6 = 46 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$

$$m_{\text{eth}} = \frac{25 \times 10^{-5} \times 10^{-3}}{46 \times 10^{-3}} \approx 5,44 \times 10^{-5} \text{ mol}$$

5/ D'après l'équat° de la réaction :

$$\frac{m_{\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}}}{2} = \frac{m_{\text{eth}}}{3} \text{ donc } m_{\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}} = \frac{2}{3} m_{\text{eth}}$$

$$\text{Or } m_{\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}} = m_{\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7} \Rightarrow m_{\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7} = \frac{2}{3} m_{\text{eth}}$$

(car $1\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7 = 2\text{K}^+ + 1\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}$)

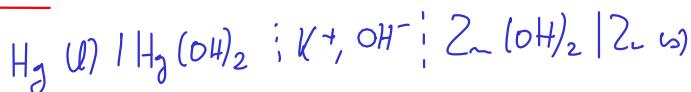
$$\text{Or } m_{\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7} = \frac{m_{\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7}}{M_{\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7}} \Rightarrow m_{\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7} = \frac{2}{3} M_{\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7} \cdot m_{\text{eth}}$$

A.N. : $m_{\text{eth}} = 5,44 \times 10^{-5} \text{ mol}$

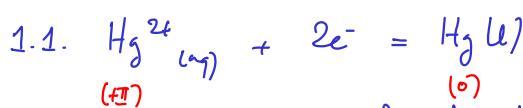
$$M_{\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7} = 2M_{\text{K}} + 2M_{\text{Cr}} + 7M_{\text{O}} \approx 2 \times 39 + 2 \times 52 + 7 \times 16 = 294 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

} $m_{\text{K}_2\text{Cr}_2\text{O}_7} = 10,7 \text{ mg}$
la masse minimale pour détecter une alcémie > seuil légal.

CH5 - Pile bouton



1. Potentiel de la demi-pile $\text{Hg(l)} \mid \text{Hg(OH)}_2$



A l'équilibre, la loi de Nernst est valable :

$$E_1 = E(\text{Hg}^{2+}/\text{Hg}) = E^\circ(\text{Hg}^{2+}/\text{Hg}) + 0,03 \log \left(\frac{[\text{Hg}^{2+}]}{c^\circ} \right)$$



A l'équilibre, la loi d'action de masse donne :

$$\begin{aligned} Q_{\text{aq}} &= K_{\text{sp}} \Leftrightarrow \frac{[\text{Hg}^{2+}]_{\text{eq}} [\text{HO}^-]_{\text{eq}}^2}{c^\circ} = K_{\text{sp}}, \\ &\Leftrightarrow [\text{Hg}^{2+}]_{\text{eq}} = \frac{K_{\text{sp}} c^\circ}{[\text{HO}^-]_{\text{eq}}^2} \quad (\text{a}) \end{aligned}$$

Exprimons $[\text{HO}^-]_{\text{eq}}$ en fonction de $[\text{H}^+]_{\text{eq}}$.



A l'équilibre, la loi d'action de masse donne :

$$\begin{aligned} Q_{\text{aq}} &= K_e \Leftrightarrow \frac{[\text{H}^+]_{\text{aq}} [\text{HO}^-]_{\text{eq}}}{c^\circ} = K_e \\ &\Leftrightarrow [\text{HO}^-]_{\text{eq}} = \frac{K_e c^\circ}{[\text{H}^+]_{\text{eq}}} \\ &\Leftrightarrow [\text{HO}^-]_{\text{eq}}^2 = \frac{K_e^2 c^\circ^4}{[\text{H}^+]_{\text{eq}}^2} \quad (\text{b}) \end{aligned}$$

(a) et (b) donnent :

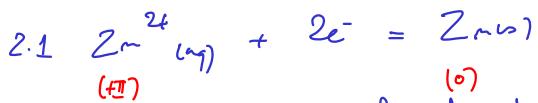
$$[\text{Hg}^{2+}]_{\text{eq}} = \frac{K_{\text{sp}} c^\circ}{[\text{HO}^-]_{\text{eq}}^2} = K_{\text{sp}} c^\circ \times \frac{[\text{H}^+]_{\text{eq}}^2}{K_e^2 c^\circ^4}$$

$$\Leftrightarrow [\text{Hg}^{2+}]_{\text{eq}} = \frac{K_{\text{sp}}}{K_e^2} \frac{[\text{H}^+]_{\text{eq}}^2}{c^\circ}$$

$$1.3 / E_1 = E^\circ(\text{Hg}^{2+}/\text{Hg}) + 0,03 \log \left(\frac{K_{\text{sp}}}{K_e^2} \frac{[\text{H}^+]_{\text{eq}}^2}{c^\circ} \right)$$

$$\Leftrightarrow E_1 = E^\circ(\text{Hg}^{2+}/\text{Hg}) + 0,03 \log K_{\text{sp}} - 0,06 \log K_e + 0,06 \log \left(\frac{[\text{H}^+]}{c^\circ} \right)$$

2. Potentiel de la demi-pile $Zn(OH)_2 / Zn$



A l'équilibre, la loi de Nernst est valable :

$$E_2 = E(Zn^{2+}/Zn) = E^\circ(Zn^{2+}/Zn) + 0,03 \log\left(\frac{[Zn^{2+}]_{eq}}{c^\circ}\right)$$



A l'équilibre, la loi d'action de masse donne :

$$\begin{aligned} Q_{eq} &= K_{S2} \Leftrightarrow \frac{[Zn^{2+}]_{eq}[OH^-]_{eq}^2}{c^\circ} = K_{S2} \\ &\Leftrightarrow [Zn^{2+}]_{eq} = \frac{K_{S2} c^\circ}{[OH^-]_{eq}^2} \quad (a) \end{aligned}$$

$$\text{On a montré précédemment que } [AO]_{eq}^2 = \frac{K_e^2 C^\circ{}^4}{[H^+]_{eq}^2} \quad (b)$$

(a) et (b) donnent :

$$[Zn^{2+}]_{eq} = \frac{K_{S2} c^\circ}{[OH^-]_{eq}^2} = K_{S2} c^\circ \times \frac{[H^+]_{eq}^2}{K_e^2 C^\circ{}^4}$$

$$\Leftrightarrow [Zn^{2+}]_{eq} = \frac{K_{S2}}{K_e^2} \frac{[H^+]_{eq}^2}{C^\circ}$$

$$2.3. \quad E_2 = E^\circ(Zn^{2+}/Zn) + 0,03 \log\left(\frac{K_{S2}}{K_e^2} \frac{[H^+]_{eq}^2}{C^\circ}\right)$$

$$\Leftrightarrow E_2 = E^\circ(Hg^{2+}/Hg) + 0,03 \log K_{S2} - 0,03 \log K_e + 0,06 \log\left(\frac{[H^+]}{C^\circ}\right)$$

3. Force électromotrice de la pile e.

$$e = E_1 - E_2$$

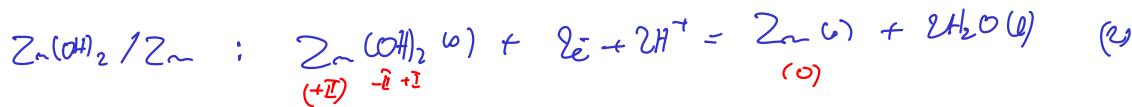
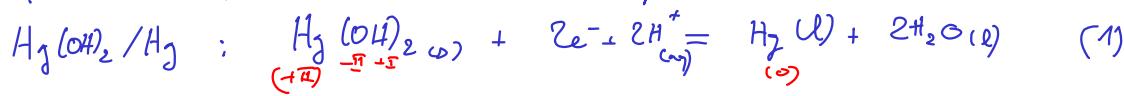
$$\Leftrightarrow e = E^\circ(Hg^{2+}/Hg) - E^\circ(Zn^{2+}/Zn) + 0,03 \log\left(\frac{K_{S2}}{K_{S1}}\right)$$

$$\underline{\text{A.N.}}: \quad e = 1,36V$$

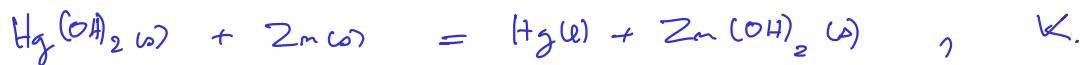
$$4. \quad \text{Capacité de la pile: } Q = m N_A e \gamma_f \quad \text{avec } m = \text{nb de charges échangées}$$

γ_f : avancement final de la réact° de fonctionnement.

Équation de fonctionnement de la pile.



(1) - (2) : $n = 2\text{e}$ échangé



$$K = 10^{\frac{2}{0,05} (\bar{E}^\circ (\text{Hg(OH)}_2 / \text{Hg}) - \bar{E}^\circ (\text{Zn(OH)}_2 / \text{Zn}))}$$

Dans un 1^{er} temps, on peut supposer la réaction totale.

Plus rigoureusement, il faut calculer $\bar{E}^\circ (\text{Hg(OH)}_2 / \text{Hg})$ et $\bar{E}^\circ (\text{Zn(OH)}_2 / \text{Zn})$.

Calculons $\bar{E}^\circ (\text{Hg(OH)}_2 / \text{Hg})$. On a montré que :

$$\bar{E}_1 = \bar{E}^\circ (\text{Hg}^{2+} / \text{Hg}) + 0,03 \log K_{S_1} - 0,06 \log K_e + 0,06 \log \left(\frac{[\text{H}^+]}{C^\circ} \right)$$

Or par unicité du potentiel électrique :

$$\bar{E}_1 = \bar{E}^\circ (\text{Hg(OH)}_2 / \text{Hg}) + 0,06 \log \left(\frac{[\text{H}^+]}{C^\circ} \right)$$

$$\text{D'où : } \boxed{\bar{E}^\circ (\text{Hg(OH)}_2 / \text{Hg}) = \bar{E}^\circ (\text{Hg}^{2+} / \text{Hg}) + 0,03 \log K_{S_1} - 0,06 \log K_e.}$$

$$\text{A.N. } \bar{E}^\circ (\text{Hg(OH)}_2 / \text{Hg}) = 0,92 \text{ V}$$

Calculons $\bar{E}^\circ (\text{Zn(OH)}_2 / \text{Zn})$. On a montré que :

$$\bar{E}_2 = \bar{E}^\circ (\text{Zn}^{2+} / \text{Zn}) + 0,03 \log K_{S_2} - 0,06 \log K_e + 0,06 \log \left(\frac{[\text{H}^+]}{C^\circ} \right)$$

Or par unicité du potentiel électrique :

$$\bar{E}_2 = \bar{E}^\circ (\text{Zn(OH)}_2 / \text{Zn}) + 0,06 \log \left(\frac{[\text{H}^+]}{C^\circ} \right)$$

$$\text{D'où : } \boxed{\bar{E}^\circ (\text{Zn(OH)}_2 / \text{Zn}) = \bar{E}^\circ (\text{Zn}^{2+} / \text{Zn}) + 0,03 \log K_{S_2} - 0,06 \log K_e.}$$

$$\text{A.N. } \bar{E}^\circ (\text{Zn(OH)}_2 / \text{Zn}) = -0,43 \text{ V}$$

Calcul de K . $K = 10^{-45}$. La réaction est quantitative.

Tableau d'avancement :

$\text{Hg(OH)}_2(s)$	Zn(s)	Hg(l)	$\text{Zn(OH)}_2(s)$
m_1	m_2	m_3	m_4
$m_1 - \frac{1}{2}f$	$m_2 - \frac{1}{2}f$	$m_3 + \frac{1}{2}f$	$m_4 + \frac{1}{2}f$

On suppose Zn(s) en excès. Alors $m_2 = \frac{1}{2}f$ soit $m_2 = \frac{1}{2}f \times M_{\text{Hg(OH)}_2}$

$$\text{D'autre part : } Q = n \Delta V e \frac{1}{2}f \Rightarrow \frac{1}{2}f = \frac{Q}{n \Delta V e}$$

$$\Rightarrow m_1 = M_{\text{Hg(OH)}_2} \times \frac{Q}{n \Delta V e}$$

$$\left. \begin{aligned} \text{A.N. : } M_{\text{Hg(OH)}_2} &= 201 + 2 \times 16 + 2 \times 1 = 235 \text{ g. mol}^{-1} \\ m &= 2 \\ \Delta V &= 6,02 \times 10^{23} \\ e &= 1,6 \times 10^{-19} \text{ C} \\ Q &= 2 \text{ A.h} = 7200 \text{ C} \\ 1 \text{ C} &= 1 \text{ A.s} \end{aligned} \right\} \quad \begin{aligned} m_1 &= 8,8 \text{ g} \\ \text{Cohérent avec la} \\ \text{masse d'une} \\ \text{pile bouton.} \end{aligned}$$

$$5/ \quad \left. \begin{aligned} T &= 10 \text{ h} \\ Q &= 2 \text{ A.h} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \boxed{I = \langle i \rangle = \frac{Q}{T}} \quad \text{A.N. } I = 200 \text{ mA.}$$

6/ les piles bouton au mercure ont été bannies car le mercure est extrêmement toxique.