

<u>الموسم : 2010-2009</u>	<u>أولمبياد الرياضيات</u>	<u>الثانوية الاعدادية</u>
<u>المستوى : الثالثة اعدادي</u>	<u>المرحلة الاولى (الفرض الاول)</u>	
<u>مدة الانجاز : ساعتان</u>		

التمرين الأول:(3ن)

(1) ضف أقواس لتصبح المتساوية التالية صحيحة
 $-2,2-3,3+4,4-5,5+6,6=-6,6$

(2) أفك في عدد صحيح طبيعي من رقمين ، إذا أضفت الرقم 7 على يمينه يزداد ب: 529
 ما هو هذا العدد ؟

التمرين الثاني:(5 ن)

$$A = \sqrt{\frac{\sqrt{15} + \sqrt{6}}{\sqrt{15} - \sqrt{6}}} - \sqrt{\frac{\sqrt{15} - \sqrt{6}}{\sqrt{15} + \sqrt{6}}} \quad (I) \text{ بسط العدد :}$$

(II) تحقق من المتساوية : $1 - \frac{1}{n^2} = \frac{n-1}{n} \times \frac{n+1}{n}$ (1) عدد صحيح طبيعي غير منعدم

$$(2) \text{ أحسب } B = (1 - \frac{1}{2^2})(1 - \frac{1}{3^2})(1 - \frac{1}{4^2}) \times \dots \times (1 - \frac{1}{15^2})$$

التمرين الثالث:(6ن)

(I) x عدد حقيقي .

(1) أنشر و بسط : $(x^3 + x^2 - 1)(x^2 - x + 1)$

(2) استنتاج كتابة العدد 9999990000000000 على شكل جداء عددين صحيحين طبيعين

$$(II) \text{ أحسب } x \text{ بأسهل طريقة : } x = 19999990^2 - 1999989 \times 1999991$$

$$2+4+6+8=4\times 5 \quad 2+4+6=3\times 4 \quad 2+4=2\times 3 \quad (III)$$

استنتاج قيمة : $2+4+6+8+10+12+\dots+998+1000$

التمرين الرابع:(4ن)

ABCD معين و E مماثلة B بالنسبة للنقطة C .

برهن أن BDE مثلث قائم الزاوية في D

التمرين الخامس:(2ن)

a و b و x و y أعداد حقيقة . عمل ما يلي :

$$A = abx^2 - (a^2 + b^2)xy + aby^2$$