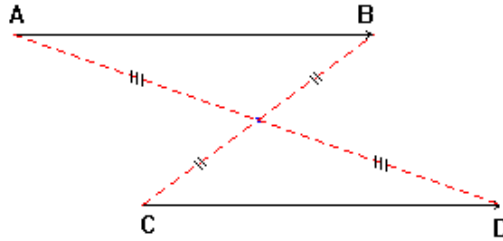


I\_ تساوي متجهتين :

(1) – تعريف ① :

إذا كان  $\vec{AB} = \vec{CD}$  فإن  $[AD]$  و  $[BC]$  لهما نفس المنتصف  
إذا كان  $[BC]$  و  $[AD]$  لهما نفس المنتصف فإن  $\vec{AB} = \vec{CD}$

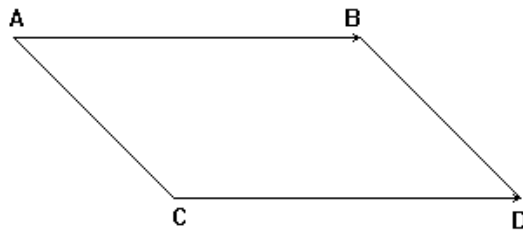
\* / مثال :



(2) – تعريف ② :

إذا كان  $\vec{AB} = \vec{CD}$  فإن الرباعي  $ABDC$  متوازي الأضلاع  
إذا كان رباعي  $ABDC$  متوازي الأضلاع فإن  $\vec{AB} = \vec{CD}$

\* / مثال :



(3) – خاصية :

$\vec{AB} = \vec{CD}$  يعني أن :  
 $\vec{AB} = \vec{CD}$  و  $(AB) \parallel (CD)$  لهما نفس الإتجاه أي  
 $\vec{AB} = \vec{CD}$  و لهما نفس المنحى .  
 $\vec{AB} = \vec{CD}$  و لهما نفس المنظم (المعيار) أي  $AB = CD$  .

(4) – المتجهة المنعدمة :

متجهة منعدمة :  $\vec{AA} = \vec{BB} = \vec{CC} = \vec{O}$   
إذا كان  $\vec{AB} = \vec{O}$  فإن  $A = B$  ( و B منطبقتان )

(5) – مقابل متجهة :

مقابل المتجهة  $\vec{AB}$  هي المتجهة  $\vec{BA}$ .  
ونكتب :  $\vec{BA} = -\vec{AB}$ .

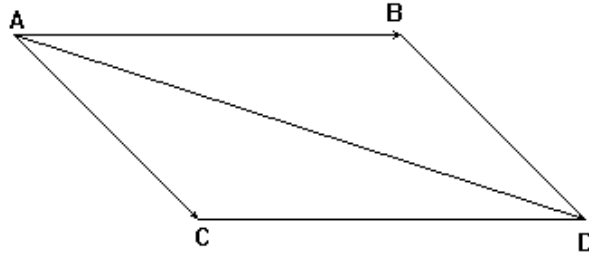
(6) – مجموع متجهتين :

مجموع المتجهتين  $\vec{AB}$  و  $\vec{AC}$  هو المتجهة  $\vec{AD}$   
حيث الرباعي  $ABDC$  متوازي الأضلاع.

\* / مثال 1 :

$\vec{AB}$  و  $\vec{AC}$  متجهتان غير منعدمتين .

لننشئ النقطة D بحيث :  $\vec{AD} = \vec{AB} + \vec{AC}$



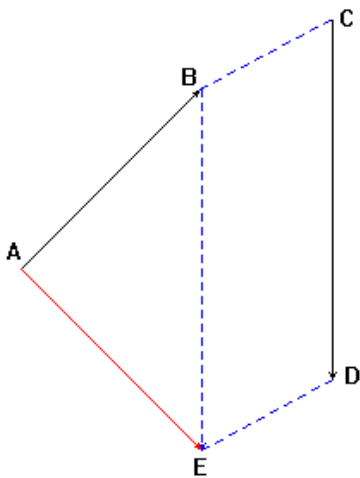
\* / مثال 2 :

$\vec{AB}$  و  $\vec{CD}$  متجهتان غير منعدمتين .

لننشئ E بحيث :  $\vec{AE} = \vec{AB} + \vec{CD}$

من أجل هذا سننشئ E بحيث :  $\vec{BE} = \vec{CD}$

أي  $BEDC$  متوازي الأضلاع .



$$\vec{AE} = \vec{AB} + \vec{CD}$$

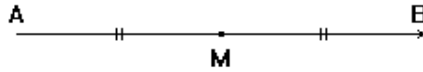
(7) - ضرب متجهة في عدد حقيقي :

$\vec{AB}$  متجهة غير منعدمة و  $k$  عدد حقيقي .  
 نسمي المتجهة  $\vec{AM}$  جداء المتجهة  $\vec{AB}$  في العدد الحقيقي  $k$  ، إذا كانت  
 نقطة  $M$  من المستقيم  $(AB)$  بحيث :  $\vec{AM} = k \vec{AB}$  .  
 -- إذا كان  $k > 0$  فإن :  $\vec{AM} = k \vec{AB}$  و  $\vec{AM}$  و  $\vec{AB}$  لهما نفس المنحى .  
 -- إذا كان  $k < 0$  فإن :  $-\vec{AM} = k \vec{AB}$  و  $\vec{AM}$  و  $\vec{AB}$  لهما منحى معاكس .  
 -- إذا كان  $k = 0$  فإن :  $A = M$  .

(8) - المتجهة و المنتصف :

$A$  و  $B$  و  $M$  ثلاث نقط  
 $M$  منتصف  $[AB]$  يعني أن :  $\vec{MA} = -\vec{MB}$  و  $\vec{MA} + \vec{MB} = \vec{0}$   
 $M$  منتصف  $[AB]$  يعني أن :  $\vec{AM} = \vec{MB} = \frac{1}{2} \vec{AB}$

\* / مثال :

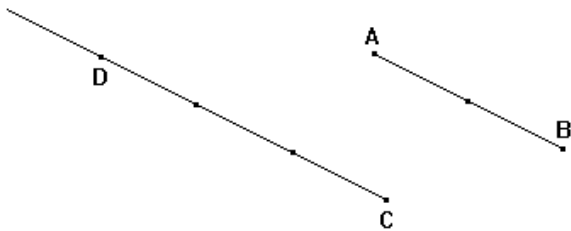


(9) - خاصيات :

$K$  عدد حقيقي غير منعدم  
 \* / إذا كان :  $\vec{AC} = k \vec{AB}$  فإن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  مستقيمية .  
 \* / إذا كان :  $\vec{CD} = k \vec{AB}$  فإن  $(AB) \parallel (CD)$   
 ونقول :  $\vec{AB}$  و  $\vec{CD}$  متجهتان مستقيمتان .

\* / مثال :

$A$  و  $B$  و  $C$  ثلاث نقط غير مستقيمية .



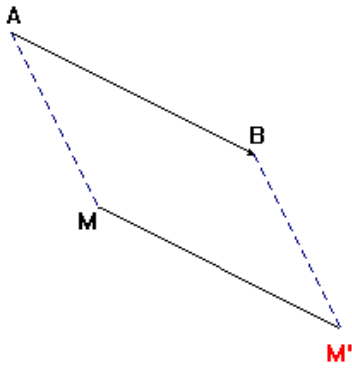
لننشئ  $D$  بحيث :  $\vec{CD} = -\frac{3}{2} \vec{AB}$  .

يعني أن  $(AB) \parallel (CD)$   $\vec{CD} = -\frac{3}{2} \vec{AB}$

و  $\vec{AB}$  و  $\vec{CD}$  متجهتان مستقيمتان مناهما منعكسان .

## II\_ الإزاحة :

(1) - مثال :



$\vec{AB}$  متجهة غير منعدمة و  $M$  نقطة .

لننشئ النقطة  $M'$  بحيث :  $\vec{AB} = \vec{MM'}$  .

يعني أن  $\vec{AB} = \vec{MM'}$  متوازي الأضلاع .

(1) - تعريف :

$\vec{AB}$  متجهة غير منعدمة و  $M$  نقطة .  
 $M'$  صورة  $M$  بالإزاحة ذات المتجهة ( أو بالإزاحة التي تحول  $A$  إلى  $B$  )  
يعني أن :  $\vec{AB} = \vec{MM'}$  أي  $ABM'M$  متوازي الأضلاع .

(2) - خاصية أساسية :

إذا كانت  $M'$  و  $N'$  صورتى  $M$  و  $N$  على التوالي بإزاحة  
فإن :  $\vec{MN} = \vec{M'N'}$  .

(3) - صور بعض الأشكال :

(أ) -- صورة مستقيم :

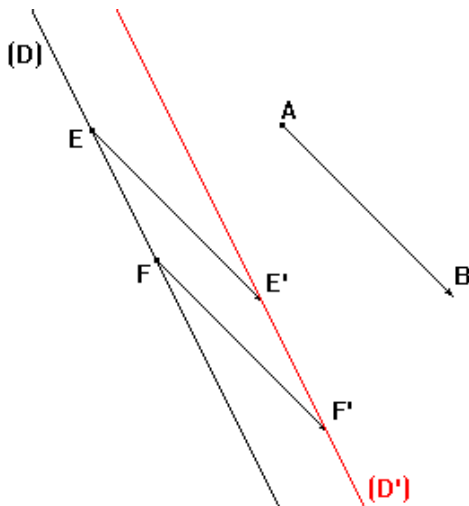
صورة مستقيم بإزاحة هو مستقيم يوازيه

\* / ملاحظة هامة :

لإنشاء صورة مستقيم بإزاحة نحدد نقطتين مختلفتين على هذا المستقيم

ثم ننشئ صورتيهما بنفس الإزاحة .

\* / مثال :



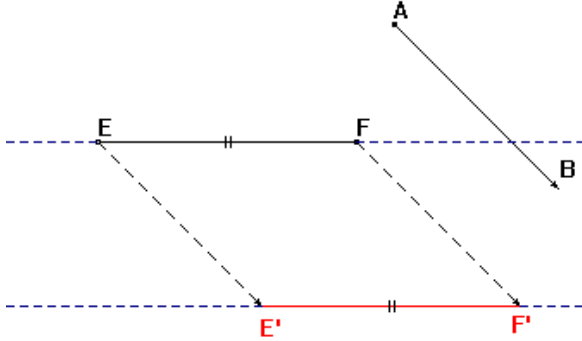
$\vec{AB}$  متجهة غير منعدمة و (D) مستقيم

لننشئ (D') صورة (D) بالإزاحة ذات المتجهة  $\vec{AB}$  .

(ب) -- صورة قطعة :

صورة قطعة [EF] بإزاحة هي القطعة [E'F'] بحيث :  
E' و F' هما صورتا E و F على التوالي بنفس الإزاحة  
و سيكون لدينا : (EF) // (E'F') و EF = E'F'

\* / مثال :



متجهة غير منعدمة و [EF] قطعة .

$\overline{AB}$

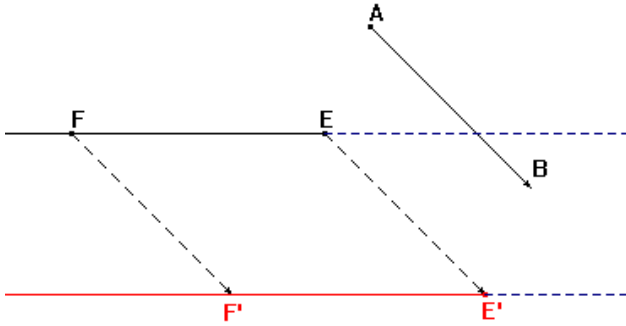
لننشئ القطعة [E'F'] صورة [EF]

بالإزاحة ذات المتجهة  $\overline{AB}$  .

(ج) -- صورة نصف مستقيم :

صورة نصف مستقيم (EF) بإزاحة هي نصف المستقيم (E'F') بحيث :  
E' و F' هما صورتا E و F على التوالي بنفس الإزاحة  
و سيكون لدينا : (EF) // (E'F')

\* / مثال :



متجهة غير منعدمة [EF] نصف مستقيم .

$\overline{AB}$

لننشئ نصف المستقيم (E'F') صورة (EF)

بالإزاحة ذات المتجهة  $\overline{AB}$  .

(د) -- صورة زاوية :

صورة زاوية  $\hat{AOB}$  بإزاحة هي الزاوية  $\hat{A'O'B'}$  بحيث :  
A' و O' و B' هي صور A و O و B على التوالي بنفس الإزاحة .  
و سيكون لدينا :  $\hat{AOB} = \hat{A'O'B'}$

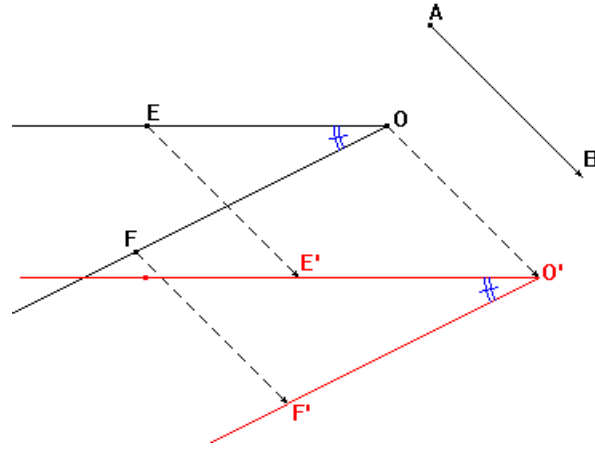
\* / مثال :

متجهة غير منعدمة و  $\hat{AOB}$  زاوية .

$\overline{AB}$

لننشئ الزاوية  $\hat{A'O'B'}$  صورة  $\hat{AOB}$

بالإزاحة التي تحول A إلى B .



(ه) -- صورة دائرة :

صورة دائرة (C) مركزها O وشعاعها r هي الدائرة (C') مركزها O' صورة O بنفس الإزاحة ولها نفس الشعاع r.

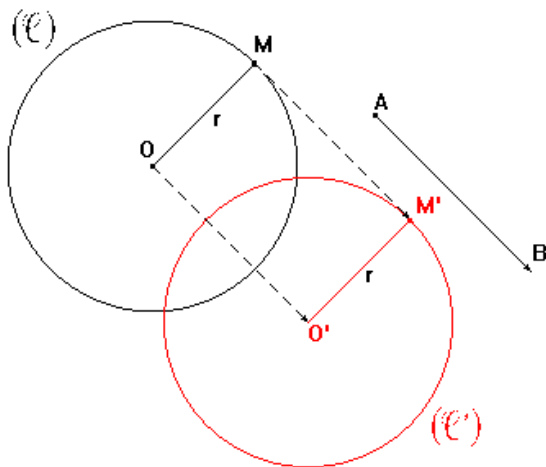
\*/ مثال :

متجهة غير منعدمة و (C) دائرة مركزها O وشعاعها r.

$\vec{AB}$

لننشئ الدائرة (C') صورة (C)

بالإزاحة التي تحول A إلى B.



لنبين أن للدائرتين نفس الشعاع r.

لدينا :

$O'$  صورة  $O$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\vec{AB}$  و  $M'$  صورة  $M$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\vec{AB}$

إذن :  $OM = O'M'$

و بما أن  $OM = r$  فإن  $O'M' = r$  و منه نستنتج أن للدائرتين نفس الشعاع r.

\*/ ملاحظة هامة :

لإنشاء صورة دائرة بإزاحة ننشئ صورة المركز بنفس الإزاحة

ثم نحتفظ بنفس الشعاع.