

الدرس (7) : الإحصاء

I - تذكير:

16	15	14	13	12	الهيئة
4	8	x	6	5	الخصم
24			11		الخصم المتكرر
					التكرار
					التكرار المتكرر

(1) الدراسة الإحصائية هي دراسة الظاهرة أو خاصية يميز بها أفراد مجموعة.
 (2) السلسلة الإحصائية هي العينة أو المجموعة التي تخضع للدراسة الإحصائية وكل عنصر منها يسمى فردا أو وحدة إحصائية.

(3) الهيئة هي الظاهرة التي تتم دراستها وهي خاصية يمكن ملاحظتها أو قياسها وهي نوعان:
 أ- هيئة كمية: هيئة يمكن التعبير عنها بأعداد (عدد الأبطال، نقط التلاميذ العجز، الوزن، الطول...)
 ب- هيئة نوعية (نوعية): لا يمكن التعبير عنها بأعداد (الجنس، فصيلة الدم، اللون، نوع السيارة...)

(4) الخصم: هو عدد الوحدات التي تأخذها كل قيمة هي قيم الهيئة ونعبر له بالرمز m .
 (5) الخصم الإجمالي: هو مجموع الخصم فنرمزه N .

(6) الخصم المتكرر: هو مجموع قيم العنصر التي تظهر أو تتكرر هذه القيمة.

(7) التكرار: تردد قيمة هو خارج خصمها على الخصم الإجمالي

$$f_i = \frac{m_i}{N}$$

(8) التردد المتكرر: لقيمة هو خارج خصم المتكرر على الخصم الإجمالي.
 (9) النسبة المئوية: $P_i = \frac{\text{الخصم}}{\text{الخصم الإجمالي}} \times 100 = f_i \times 100$

II - جدول الخصم والخصم المتكرر والتكرار والتكرار المئوي:

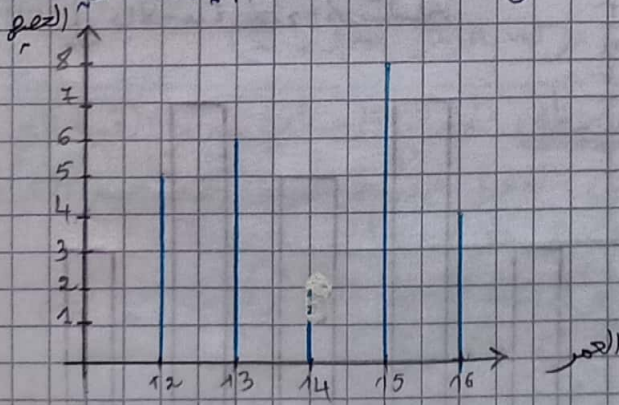
(1) متمثلة بالقيم:
 إذا كانت الهيئة كمية وعددها قسما قليل، ترتيب هذه القيم تصاعديا.

تطبيق 1
 يتم جعل الجدول التالي متمثلة إحصائية تعبر عن توزيع 24 متخرطا بإحدى الأندية الرياضية حسب أعمارهم

- (1) السلسلة الإحصائية هي 24 متخرطا بإحدى الأندية
- (2) الوحدة الإحصائية هي متخرط
- (3) الهيئة المتكررة هي عمر المتخرط وهي هيئة كمية متقطعة
- (4) عدد المتخرطين x الذي يحرمهم 14 سنة لدينا الخصم الإجمالي هو $N=24$
 إذن: $5+6+x+8+4=24$ ؛ $5+6+x+8+4=24$ ؛ $23+x=24$ ؛ $x=24-23$ ؛ $x=1$
- (5) لتقدم الجدول التالي

16	15	14	13	12	الهيئة
4	8	1	6	5	الخصم
24	20	12	11	5	الخصم المتكرر
0,17	0,33	$\frac{1}{24}=0,04$	$\frac{6}{24}=0,25$	$\frac{5}{24}=0,21$	التكرار
1	0,83	0,50	0,46	0,21	التكرار المتكرر

- (6) لدينا: $0,21+0,25+0,04+0,33+0,17=1$
- (7) نستنتج أن مجموع التكرار يساوي 1 لتمثل هذه التمثيل إحصائية عشوائية



تطبيق 2

أجريت دراسة إحصائية حول عدد الأطفال في 20 أسرة وأعطت النتائج التالية:

2 - 3 - 4 - 0 - 3 - 4 - 1 - 1 - 2 - 3 - 4 - 1 - 0 - 3 - 1 - 4 - 3 - 2 - 0 - 1

1. اياها جدول الاحصاء والاحصاء التكرارية لهذه المتسلسلة

2. احسب التردد الموزون لقيمة الميزة 0

3. احسب النسبة المئوية الموزونة لقيمة الميزة 0

4. احسب النسبة المئوية لعدد الأسر التي يفوق بها عدد الأطفال طفلين

5. مثل هذه المتسلسلة الإحصائية بالأمثلة.

تطبيق 2

1. جدول الاحصاء والاحصاء التكرارية

الميزة: عدد الأطفال	0	1	2	3	4
الاحصاء: عدد الأسر	3	5	4	5	3
الجمع المتناظر	3	8	12	17	20

2. ابيني f تردد قيمة الميزة 0، ابدئي

$f = \frac{n}{N} = \frac{3}{20} = 0,15$

3. النسبة المئوية الموزونة لقيمة الميزة 0 هي:

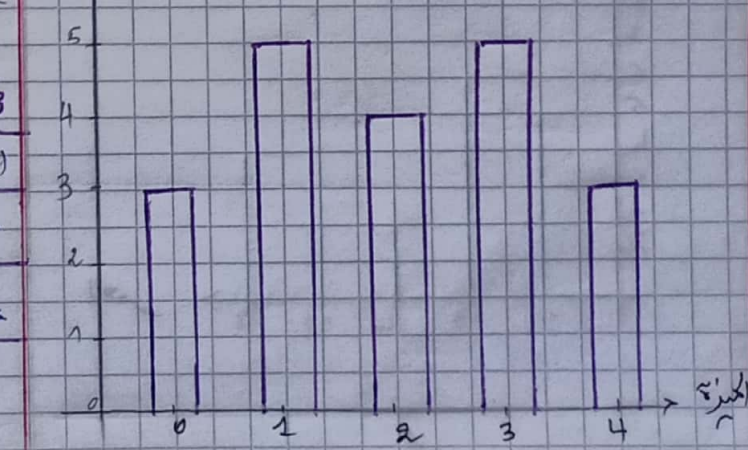
$p = f \times 100 = 0,15 \times 100 = 15\%$

4. لدينا عدد الأسر التي يفوق بها عدد الأطفال طفلين هو:

$m = 5 + 3 = 8$

لذا النسبة المئوية هي: $p = \frac{m}{N} \times 100 = \frac{8}{20} \times 100 = 40\%$

5. التمثيل بالأمثلة لهذه المتسلسلة:



2) متسلسلة بالأعداد:

إذا كانت الميزة كمية وعدد قيمها كبير فيجدل دراسة جميع قيم الميزة، نلجأ إلى صيرها في مجال [a, b] لحاض السعة حتى أحياناً ونسمى مركز الصف العدد $\frac{a+b}{2}$

تطبيق 3

يعطي الغشقي التالي توزيع أعمار العاملين في إحدى المصانع الفلاحية

16 - 26 - 34 - 17 - 22 - 45 - 36 - 27 - 29
 25 - 19 - 18 - 32 - 42 - 21 - 33 - 35 - 16
 26 - 34 - 17 - 22 - 38 - 36 - 27 - 29 - 38
 13 - 18 - 32 - 30 - 39

1. حدد السائبة الإحصائية لهذه المتسلسلة

2. حدد الميزة الإحصائية وحدد نوعها

3. أنقل الصف تم التمه

العمر بالسنوات	[10, 20]	[20, 30]	[30, 40]	[40, 50]
مركز الصف				
الاحصاء				
عدد العمال				

4. كم عدد عمال المصنع الفلاحية

5. احسب نسبة العمال الذين أعلمهم أقل من 20 سنة

6. احسب تردد الصف [30, 40]

7. أنشئي دراج لتوزيع كمال المصنع الفلاحية حسب أعمار أعمارهم.

تطبيق 3

1. السائبة الإحصائية هي عمال المصنع الفلاحية

2. الميزة الإحصائية هي عمر العمال وهي ميزة كمية متصلة.

3.

العمر بالسنوات	[10, 20]	[20, 30]	[30, 40]	[40, 50]
مركز الصف	$\frac{10+20}{2} = 15$	25	35	45
الاحصاء	8	10	12	2
عدد العمال				

4) عدد عمال الصيغة الفلاحية هو الرصيد الإجمالي

$$N = .8 + 10 + 12 + 2 = 32$$

عدد عمال الصيغة الفلاحية هو 32 عمالاً

5) حسب نسبة العمال الذين أعمارهم أقل من 20 سنة

لدينا عدد العمال الذين تقل أعمارهم عن 20 سنة هو $m = 8$

$$p = f \times 100 = \frac{n}{N} \times 100 = \frac{8}{32} \times 100 = 25\%$$

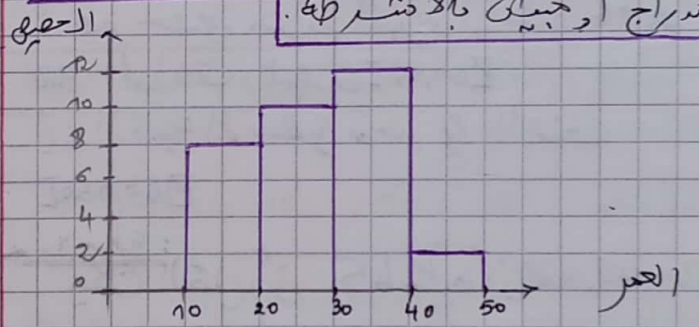
6) تردد الصف [30,40[

ليكن f تردد الصف [30,40[إذ هو

$$f = \frac{n}{N} = \frac{12}{32} = 0,375$$

7) مخرج لتوزيع عمال الصيغة الفلاحية حسب أعمارهم

إذا كانت المتسلسلة عبارة عن أضاف $[a, b[$ أو $]a, b[$ أو $]a, b[$ أو $]a, b[$ فتعمل جداول تسمى مخرج أو جداول بالأشهر $a < x < b$.



III - وسط الوضع:

1) المثال:

أ- تعريف:

المتوسط هو قيمة الميزة التي لها أكبر حصص

ب- أمثلة:

* متسلسلة بالقيم:

مثال 5: أظفر التطبيق 9

الميزة	12	13	14	15	16
الخصم	5	6	1	8	4

لدينا أكبر حصص هو 8، وميزته هي 15
إذها المتوسط هو 15

مثال 2:

الميزة (العمالة)	1	2	3	5
الخصم (عدد العمال)	3	2	2	3

لدينا أكبر حصص هو 3، وملاحظ أن هناك قيمتين

للميزة هما قيمتين لذا الرصيد هو 1 و 5

أيضاً هذه المتسلسلة متفاليية معاً 1 و 5

مثال 3: أظفر 8 كلاهما بالمتوسط

61، 68، 67، 63، 66، 64، 59، 70

هو يوجد فيه تكررة أكثر من غير ما في البيانات

الجان لا. إذ لا يوجد مثال هذه المتسلسلة

* متسلسلة بالأضداد

نعتبر المتسلسلة الإحصائية التالية:

الصف	[120, 130[[130, 140[[140, 150[[150, 160[
الخصم	9	11	12	18

لدينا أكبر حصص هو 18 الموزة [150, 160[

إذها الصف المتوال لهذه المتسلسلة هو الصف [150, 160[

* ملاحظة: يمكن للمتسلسلة إحصائية أن لا يكون

لها مثال، كما يمكن أن يكون لها أكثر من مثال واحد

8) المعدل الحسابي:

أ- تعريف:

المعدل الحسابي للمتسلسلة إحصائية هو خارج جدلها من قيم الميزة (أو مركز الأضداد) في الحصة الموافقة لها على الرصيد الإجمالي و يرمز له بالرمز m (أو \bar{x})

* ملاحظة: المعدل الحسابي m هو القيمة التي

يتمنى الحصول عليها في طريق جمع جميع القيم وقسمتها على عددها

(أي هو القيمة المحصل عليها لو كانت جميع قيم الميزة متساوية)

- يمكن أن نسي المعدل الحسابي أيضاً القيمة المتوسطة.

0 - أمثلة:

* متسلسلة بالفرق:

مثال 1: أنظر التطبيق 2

د.يا: $m = (0 \times 3) + (1 \times 5) + (2 \times 4) + (3 \times 5) + (4 \times 3)$

$= 0 + 5 + 8 + 15 + 12 = 40$

أي 2 هو معدل عدد الأطفال في كل أسرة.

مثال 2: تعتبر المتسلسلة التالية:

5	3	2	1	الهيئة (العمليات)
3	2	2	3	الهيئة (عدد المواد)

$m = (1 \times 3) + (2 \times 2) + (3 \times 2) + (5 \times 3)$

$= \frac{3 + 4 + 6 + 15}{10} = \frac{28}{10}$

$m = 2,8$

* متسلسلة بالأضرب:

قاعدة: إذا كان $a \leq x < b$ متسلسلة إحصائية فإن مركزها هو العدد $\frac{a+b}{2}$

مثال 3: أنظر التطبيق 3

[10, 50]	[30, 40]	[20, 30]	[10, 20]	العمر بالسنوات
45	35	25	$\frac{50+20}{2} = 35$	مركز العتق
2	12	10	8	الهيئة عدد العمال

$m = (15 \times 8) + (25 \times 10) + (35 \times 12) + (42 \times 2)$

32

$m = 27,5$

أي معدل العمر العمال هو 27,5 وهذا يعني أنه إذا افترضنا أنه للعمال نفس العمر سيكون عمر كل عامل 27,5 سنة

3) القيمة الوسطية:

أ- تعريف:

القيمة الوسطية لمتسلسلة إحصائية هو أصغر قيم الهيئة التي حدها المتكامل أكبر من أو يساوي نصف الحجم الإجمالي.

0 - أمثلة:

* متسلسلة بالفرق:

مثال 1: أنظر التطبيق 1

16	15	14	13	12	الهيئة
4	8	1	6	5	الهيئة
24	20	12	11	5	الهيئة المتكامل

نصف الحجم الإجمالي هو $\frac{24}{2} = 12$

أصغر قيم الهيئة التي حدها المتكامل أكبر من أو يساوي 12 هو 14

أي القيمة الوسطية هي 14

* متسلسلة بالأضرب:

[150, 160]	[140, 150]	[130, 140]	[120, 130]	العمر
12	12	11	9	الهيئة
50	32	20	9	الهيئة المتكامل

نصف الحجم الإجمالي هو $\frac{50}{2} = 25$

أصغر قيم الهيئة المتكامل أكبر من أو يساوي 25 هو 32

أي القيمة الوسطية توجد في العتق [140, 150]

ملاحظة: يمكن القول أن 145 (مركز العتق [140, 150]) هي القيمة الوسطية لهذه المتسلسلة الإحصائية

* تعريف إحصائي:

القيمة الوسطية لمتسلسلة إحصائية حجم هيوزتها مرتبة ترتيبا تصاعديا أو تنازليا هي القيمة الهيئة التي تتكامل منه المتسلسلة إلى جزئين لها نفس الحجم

مثال 1: عدد قيم الهيئة عدد فردية

مثال 2: عدد العتق المسجلة خلال 4 أيام

لعمال شركة كان كالآتي 3 - 1 - 2 - 0 - 4 - 2 - 3 ترتيب عدد العتق

$0 - 1 - 2 - 3 - 3 - 4$ قيم 3

أي القيمة الوسطية هو 2

← الحالة (2) = عدد قيم السلسلة الاحصائية عدد زوجي
 * مثال = عدد الغيارات المسجلة خلال 8 ايام لعمل شركة غاز كاسبي: 3-1-5-0-4-2-1-4
 ندرج عدد الغيارات: 0-1-1-2-3-4-4-5
 4 قيم 4 قيم

اذن القيمة الوسطية هي القيمة المحصورة بين
 $\frac{2+3}{2} = 2,5$ و 3
 اذن القيمة الوسطية هي 2,5

التمرين 7
 (1) تعريفاً:

نعتبر تسلسلين احصائيين X و Y و m هو المعدل الحسابي m .
 نقول ان X اكثر كثافة من Y يعني ان
 قيم X اكثر اقرب الى المعدل الحسابي m من قيم Y الكثيرة.

(2) مثال:

نعتبر الجدول التالي:

المرحلة 5	المرحلة 4	المرحلة 3	المرحلة 2	المرحلة 1	المرحلة 0
14	13	10	14	9	زقط حسن
9	14	10	16	8	زقط خالد

$$m_1 = \frac{9+14+10+13+14}{5} = \frac{60}{5} = 12$$
 معدل حسن

$$m_2 = \frac{8+16+10+14+9}{5} = \frac{60}{5} = 12$$
 معدل خالد

$m_1 = m_2$ (نفس المعدل)

أولاً القيمة الوسطية هي 12
 نلاحظ ان زقط حسن اقرب الى المعدل 12 من زقط خالد
 نقول ان زقط حسن اكثر كثافة من زقط خالد.