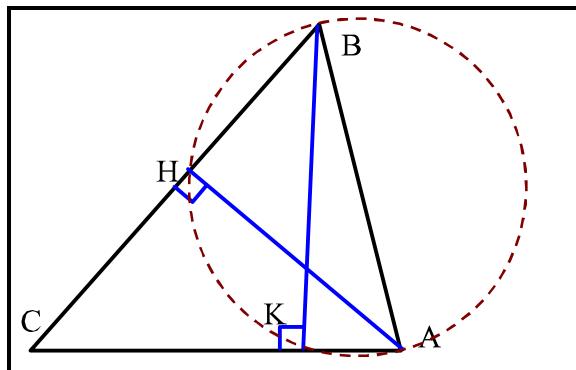


المثلث القائم الزاوية و الدائرة - حلول

← تعلق

← انته

تمرين 1



لتبين أن النقط A و B و K و H و C تنتهي لنفس الدائرة محدداً مركزها.

لدينا مثلث قائم الزاوية في النقطة H ، إذن فهو محاط بدائرة قطرها $[AB]$

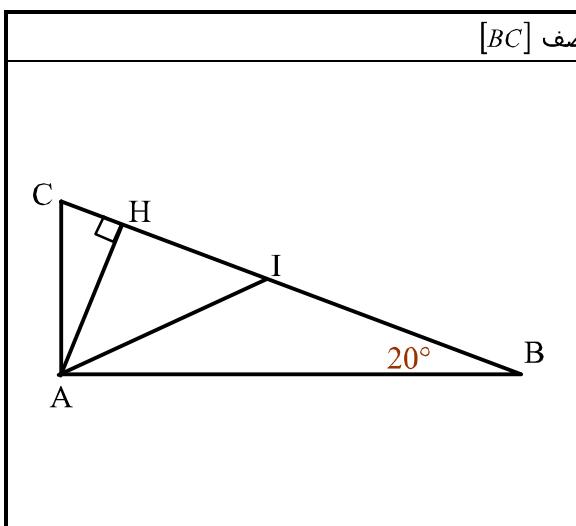
لدينا مثلث قائم الزاوية في النقطة K ، إذن فهو محاط بدائرة قطرها $[AB]$

بالتالي H و K نقطتان تنتهيان للدائرة ذات القطر $[AB]$ و هذا يعني أن النقط A و B و H و K تنتهي لنفس الدائرة التي مركزها منتصف القطعة $[AB]$

← تعلق

← انته

تمرين 2



لتحسب :

لدينا مثلث قائم الزاوية في النقطة A ، إذن فهو محاط بدائرة قطرها BC و مركزها I ، منه

إذن : AIB مثلث متساوي الساقين في النقطة I

منه : $\hat{AIB} = \hat{B} = 20^\circ$

و بالتالي : $\hat{AIB} = 180 - (20 + 20) = 180 - 40 = 140^\circ$

لتحسب :

بما أن الزاوية HIB مستقيمة فإن:

$\hat{HIB} = \hat{HIB} - \hat{AIB} = 180 - 140 = 40^\circ$

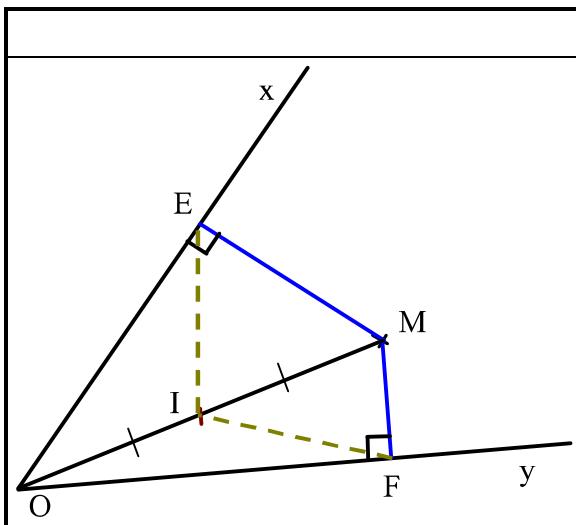
بما أن المثلث AHI قائم الزاوية في النقطة H ، فإن :

$\hat{IAH} = 180 - (40 + 90) = 180 - 130 = 50^\circ$

← تعلق

← انته

تمرين 3



لتبين أن المثلث EIF متساوي الساقين في النقطة I

لدينا مثلث OEM متساوي الزاوية في النقطة E ، إذن فهو محاط بدائرة قطرها OM و مركزها I ، منه

لدينا مثلث OFM متساوي الزاوية في النقطة F ، إذن فهو محاط بدائرة قطرها OM و مركزها I ، منه

إذن : $IE = IF$

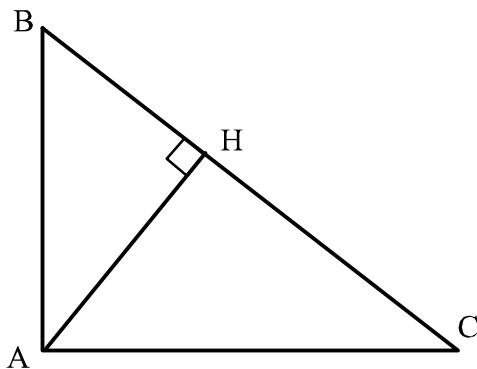
بالتالي : EIF متساوي الساقين في النقطة I

تمرين 4

← انتبه ☠

← تعليق ⚡

مثلث قائم الزاوية في النقطة A حيث AB = 6 cm و AC = 8 cm و H المسقط العمودي للنقطة A على (BC)



-1

BC - لحساب

لدينا ABC مثلث قائم الزاوية في A ، إذن حسب مبرهنة فيتاغورس

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$BC^2 = 6^2 + 8^2 \quad \text{ال مباشرة فإن :}$$

$$BC^2 = 36 + 64$$

$$BC^2 = 100$$

AH - لحساب

لدينا مساحة المثلث ABC هي :

$$S_{ABC} = \frac{AB \times AC}{2} = \frac{6 \times 8}{2} = \frac{48}{2} = 24$$

$$S_{ABC} = \frac{BC \times AH}{2} = \frac{10 \times AH}{2} = 5AH \quad \text{و أيضا :}$$

$$AH = \frac{24}{5} = 4,8 \text{ cm} \quad \text{نستنتج إذن أن : } 5AH = 24$$

BH - لحساب

لدينا ABH مثلث قائم الزاوية في H ، إذن حسب مبرهنة فيتاغورس

$$AB^2 = AH^2 + BH^2$$

$$6^2 = 4,8^2 + BH^2$$

$$BH = 3,6 \text{ cm} \quad \text{بالتالي : } 36 = 23,04 + BH^2$$

$$36 - 23,04 = BH^2$$

$$12,96 = BH^2$$

← رغم أن المسافة المطلوبة هي BH ، إلا أن وتر المثلث ABH هو AB ، لذلك لم يتم حسابه بنفس طريقة حساب BC ، إذ يجب كتابة مبرهنة فيتاغورس بغض النظر عن المسافة المطلوبة.
القيمة 3,6 تم إيجادها باستعمال آلة حاسبة : نكتب $\sqrt{12,96}$ ثم نضغط على الرمز $\sqrt{}$ فنحصل على 3,6

تمرين 5

← انتبه ☠

← تعليق ⚡

(C) دائرة قطرها EM = 21 cm ، EF = 29 cm نقطة من الدائرة (C) حيث

لحساب المسافة : FM

بما أن المثلث EFM محاط بدائرة قطرها هو أحد أضلاعه ، فهو إذن مثلث قائم الزاوية في M

$$EF^2 = EM^2 + FM^2$$

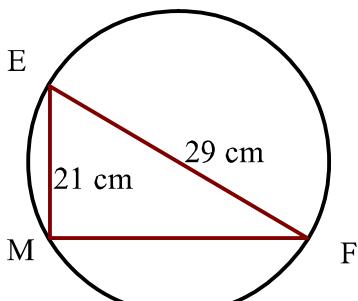
$$29^2 = 21^2 + FM^2$$

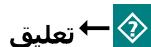
$$841 = 441 + FM^2 \quad \text{إذن حسب مبرهنة فيتاغورس المباشرة فإن :}$$

$$841 - 441 = FM^2$$

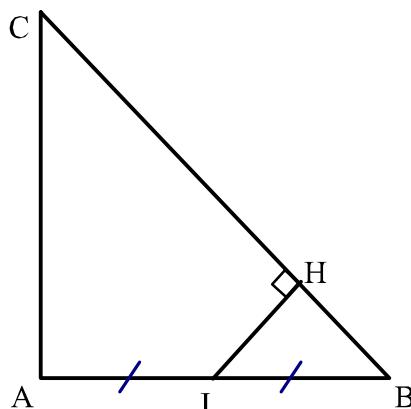
$$400 = FM^2$$

$$\text{بالتالي } FM = 20 \text{ cm} :$$





$\triangle ABC$ مثلث قائم الزاوية في النقطة A حيث $AB = 6 \text{ cm}$ و $AC = 8 \text{ cm}$ متصف $[AB]$ و H المسقط العمودي للنقطة I على (BC)



لنسـب : $\cos(\hat{B})$

لنسـب أولاً BC لدينا $\triangle ABC$ مثلث قائم الزاوية في A ، إذن حسب مبرهنة فيتاغورس

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$\text{منه : } BC^2 = 6^2 + 8^2$$

$$BC^2 = 36 + 64$$

$$BC^2 = 100$$

$$\cos(\hat{B}) = \frac{AB}{BC} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5} \quad \text{إذن :}$$

لنسـب : BH

لتعـبر عن BH بدلالة $\cos(\hat{B})$

$$\cos(\hat{B}) = \frac{BH}{3} \quad \text{و} \quad \cos(\hat{B}) = \frac{3}{5}$$

$$\text{منه : } \frac{BH}{3} = \frac{3}{5}$$

$$BH = \frac{3 \times 3}{5} = \frac{9}{5} = 1,8 \text{ cm}$$

بما أن المثلث IHB قائم الزاوية في النقطة H و ترہ IB فإن :

$$\cos(\hat{B}) = \frac{BH}{IB} = \frac{BH}{3}$$

لنسـب : CH

لنسـب : IH

$$CH = BC - BH = 10 - 1,8 = 8,2 \text{ cm} \quad \text{لدينا :}$$

لدينا $\triangle IHB$ مثلث قائم الزاوية في H ، إذن حسب مبرهنة فيتاغورس

$$IB^2 = BH^2 + IH^2$$

$$3^2 = 1,8^2 + IH^2$$

$$IH = 2,4 \text{ cm} : \quad \text{منه} \quad 9 = 3,24 + IH^2$$

$$9 - 3,24 = IH^2$$

$$5,76 = IH^2$$