

# البرهانيات الـ ٦

## تمارين توليفية

### تمرين 1

مثلث متساوي الساقين رأسه A و O منتصف [BD] .

- (1) – أنشئ C مماثلة A بالنسبة للنقطة O .
- (2) – بين أن الرباعي ABCD متوازي الأضلاع .
- (3) – استنتج أن  $(AC) \perp (BD)$  .
- (4) – أنشئ E مماثلة B بالنسبة للنقطة C .
- (5) – أثبت أن الرباعي ADEC متوازي الأضلاع .
- (6) – بين أن المثلث BDE قائم الزاوية في D .

### تمرين 2

ABCD متوازي الأضلاع .

- (1) – أنشئ النقطة E المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (CD).
- (2) – أنشئ النقطة F المسقط العمودي للنقطة B على المستقيم (CD).
- (3) – أثبت أن الرباعي ABFE مستطيل.
- (4) – استنتاج أن :  $AF = BE$  .

### تمرين 3

ABCD معين .

- (1) – أنشئ المستقيم المار من النقطة A و العمودي على المستقيم (AC) بحيث يقطع المستقيم (BC) في E .
- (2) – بين أن  $(AE) // (BD)$  .

### تمرين 4

ABCD معين و O مركزه .

- (1) – أنشئ النقطة M منتصف [AB] و N منتصف [BC] .
- (2) – أنشئ E مماثلة O بالنسبة للنقطة M ثم F مماثلة O بالنسبة للنقطة N .
- (3) – بين أن BOCF و AOBE مستطيلان.
- (4) – استنتاج أن B منتصف [EF] .
- (5) – بين أن المثلث OEF متساوي الساقين.

### تمرين 5

- .  $MNOP$  مربعا .  
 (1) أنشئ النقطتين  $N'$  و  $P'$  مماثلتى  $N$  و  $P$  على التوالي بالنسبة للنقطة  $O$ .  
 (2) أثبت أن الرباعي  $PNP'N'$  مربع.  
 (3) قارن مساحتي المربعين  $'NP'N$  و  $MNOP$  بدون حسابهما.

### تمرين 6

$ABCD$  مربع و مركزه  $O$ .

- .  $E$  منتصف  $[AD]$  و  $F$  منتصف  $[AB]$ .  
 (1) أنشئ المستقيم  $(OE)$  هو واسط القطعة  $[AB]$ .  
 (2) أنشئ المستقيم  $(OF)$  هو واسط القطعة  $[AD]$ .  
 (3) أثبت أن الرباعي  $EOFA$  مربع.  
 (4) ب - استنتج أن  $OA = EF$ .  
 (5) لتكن  $M$  منتصف  $[BC]$  و  $N$  منتصف  $[CD]$ .  
 (أ) بين أن  $EM = MN = FN = FE$ .  
 (ب) أثبت أن الرباعي  $EMNF$  مربع.  
 (6) أنشئ النقط  $R$  و  $S$  و  $P$  و  $Q$  منصفات  $[EM]$  و  $[MN]$  و  $[NF]$  و  $[FE]$  على التوالي.  
 (7) بين أن الرباعي  $RSPQ$  مربع.

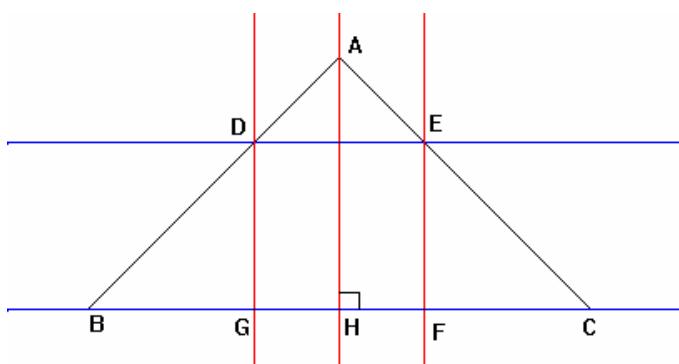
### تمرين 7

$\hat{BAC} = 50^\circ$  مثلث متساوي الساقين رأسه  $A$  بحيث :

- (1) أنشئ النقطتين  $B'$  و  $C'$  مماثلتى  $B$  و  $C$  على التوالي بالنسبة للنقطة  $A$ .  
 (2) أثبت أن الرباعي  $BCB'C'$  مستطيل.  
 (3) أنشئ النقطة  $A'$  مماثلة  $A$  بالنسبة للمستقيم  $(BC)$ .  
 (أ) بين أن الرباعي  $ABA'C$  معين.  
 (ب) أحسب قياسات زوايا المعين  $ABA'C$  معللا جوابك.

### تمرين 8

لاحظ الشكل الآتى : المستقيمات التي لها نفس اللون متوازية .



أثبت أن الرباعي  $DEFG$  مستطيل