

سلسلة تمارين المتفاوتة المثلثية وواسط قطعة

تمرين 1

هل يمكن رسم المثلث ABC في كل من الحالات الآتية؟ علل جوابك :

- . $AB = 7\text{cm} \quad ; ; \quad AC = 5,5\text{cm} \quad ; ; \quad BC = 3,5\text{ cm}$ 1)
- . $AB = 2,5\text{ cm} \quad ; ; \quad AC = 8\text{ cm} \quad ; ; \quad BC = 1,5\text{ cm}$ 2)
- . $AB = 3\text{ cm} \quad ; ; \quad AC = 12\text{ cm} \quad ; ; \quad BC = 6,5\text{ cm}$ 3)
- . $AB = 6\text{cm} \quad ; ; \quad AC = 5,7\text{ cm} \quad ; ; \quad BC = 4\text{ cm}$ 4)

تمرين 2

$EG = 66,5\text{ cm}$ مثلث بحيث : $EF = 4\text{ cm}$ و FG لرسم المثلث EFG ؟
كيف يمكن اختيار طول الضلع FG
 $\text{cm } 1,5$ أو $\text{cm } 2,4$ أو $\text{cm } 5,5$
 $\text{cm } 27,5$ مثلث محيطه .

تمرين 3

أحسب طول الضلع AB إذا علمت أن : $BC = 7,8\text{ cm}$ و $AC = 3\text{ cm}$

تمرين 4 مثلث متساوي الساقين رأسه A وقاعدته [BC] بحيث : $BC = 7\text{cm}$
1 - كيف يمكن اختيار A لرسم المثلث ABC ؟ $AB = 2\text{ cm}$ أو $AB = 3\text{cm}$:
2 - أرسم المثلث ABC إذا علمت أن $AB = 5\text{cm}$

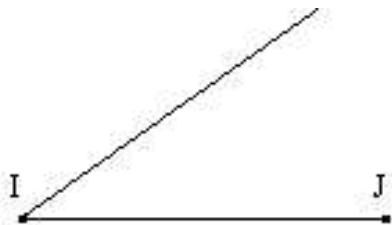
تمرين 4

تمرين 5 (1) - أرسم مثلث ABC قائم الزاوية في A بحيث $AC = 3\text{cm}$ و $AB = 5\text{ cm}$
(2) - أحسب بدون مسطرة، معللاً جوابك، طول الضلع BC إذا علمت أن محيط المثلث ABC هو 12 cm

هل يمكن رسم المثلث EFG في الحالة الآتية؟ علل جوابك :
 $FG = 3\text{ cm}$ و $EG = 3\text{ cm}$ و $EF = 6\text{ cm}$

تمرين 6

أنقل الشكل الآتي بحيث $IJ = 5\text{ cm}$



- 1 - أرسم النقطة K للحصول على مثلث متساوي الساقين رأسه I .
- 2 - أحسب طول القطعة [JK] إذا علمت أن محيط المثلث ijk هو 18 cm .

تمرين 7

أنقل الشكل الآتي ثم أتممه :



E .

- 1 - أرسم F المسقط العمودي للنقطة E على المستقيم (D) .
- 2 - أرسم G تنتهي إلى (D) بحيث تكون F منتصف [KG] .
- 3 - ما هي طبيعة المثلث EFG ؟ علل جوابك .
- 4 - أثبت أن المستقيم (EF) هو واسط القطعة [KG] .
- 5 - استنتج طبيعة المثلث EGK معللاً جوابك .

تمرين 8

مثلث ABC قائم الزاوية في A .

- 1 - أرسم O منتصف [BC] .
- 2 - أرسم (C) الدائرة التي مركزها O و قطرها [BC] .
- 3 - ماذا تلاحظ ؟
- 4 - المستقيم (OA) يقطع الدائرة (C) في النقطة D .
- أ) - أثبت أن المستقيم (BC) هو واسط القطعة [AD] .
- ب) - استنتاج طبيعة المثلثين ABD و ACD معللاً جوابك .

تمرين 9

- (1) - خذ نقطتين A و B مختلفتين تنتهيان إلى الدائرة (C).
 (2) - أرسم Δ المستقيم المار من O و العمودي على (AB) في M.
 (3) - بين أن Δ هو واسط القطعة [AB].
 (4) - استنتج أن M منتصف القطعة [AB].

تمرين 10 لاحظ الشكل الآتي :



• M

- (1) - أرسم النقطة N بحيث يكون المستقيم (D) واسط القطعة [MN].
 (2) - أرسم O نقطة تقاطع المستقيمين (D) و (MN).
 (3) - أنشئ نقطتين L و K تنتهيان إلى المستقيم (D) بحيث تكون النقطة O منتصف القطعة [LK].
 (4) - أثبت أن المستقيم (MN) هو واسط القطعة [LK].

تمرين 11 (1) - هل يمكن رسم مثلث طول أحد أضلاعه 7cm ومحиشه 12cm ؟ علل جوابك .

(2) - هل يمكن رسم مثلث طول أحد أضلاعه 9,5 cm ومحيشه 29 cm ؟ علل جوابك .

(3) - هل يمكن رسم مثلث متساوي الساقين، طول قاعده 5 cm ومحيشه 14 cm ؟ علل جوابك .

تمرين 12 (1) - أرسم دائرتين (C_1) و (C_2) مركزهما على التوالي O_1 و O_2 ولها نفس الشعاع r و يتقاطعان في نقطتين A و B.

- (2) - أثبت أن المستقيم (AB) هو واسط القطعة $[O_1O_2]$.
 (3) - أثبت أن المستقيم (O_1O_2) هو واسط القطعة $[AB]$.
 (4) - استنتاج طبيعة الرباعي AO_1O_2B . معللاً جوابك .

تمرين 13 A و B و C ثلات نقط غير مستقيمية .

- (1) - أرسم (D_1) و (D_2) و (D_3) واسطات القطع $[AB]$ و $[AC]$ و $[BC]$ على التوالي، بحيث تقاطع في النقطة O
 (2) - ما هي طبيعة كل من المثلثات AOB و AOC و BOC ؟ علل جوابك .
 (3) - أرسم الدائرة التي مركزها O وشعاعها OA . ماذما تلاحظ ؟

تمرين 14 (1) - أرسم (C) دائرة مركزها O وشعاعها r .

(2) - أرسم M و N نقطتين مختلفتين تنتهيان إلى الدائرة (C) .

(3) - أثبت أن O تنتمي إلى (Δ) واسط القطعة $[MN]$ ، ثم أرسم (Δ) .

(4) - المستقيم (Δ) يقطع الدائرة (C) في نقطتين E و F . ما هي طبيعة كل من المثلثين MEN و MFN ؟ علل جوابك .

تمرين 15 (1) - أرسم مستطيلا ABCD .

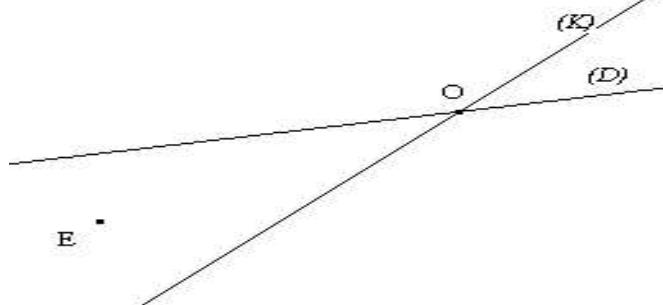
(2) - أرسم (D_1) واسط القطعة $[AB]$ ثم (D_2) واسط القطعة $[AD]$. المستقيمان (D_1) و (D_2) يتقاطعان في O .

(3) - أثبت أن $OB = OD$.

(4) - أرسم الدائرة التي مركزها O وشعاعها OA . ماذما تلاحظ ؟

(5) - إستنتاج أن O تنتمي إلى واسط القطعة $[AC]$ و واسط القطعة $[DC]$ ، معللاً جوابك .

تمرين 16 أنقل الشكل الآتي بحيث : (D) و (Δ) مستقيمان متقاطعان في O و E نقطة خارجها .



- (1) – أرسم H المسقط العمودي للنقطة E على المستقيم (D) و L المسقط العمودي للنقطة E على المستقيم (K).
- (2) – أرسم P بحيث تكون H منتصف القطعة [OP].
- (3) – أرسم Q بحيث تكون L منتصف القطعة [OQ].
- (4) – أثبت أن المستقيم (EH) هو واسط القطعة [OP] وأن المستقيم (EL) هو واسط القطعة [OQ].
- (5) – حدد طبيعة كل من المثلثين OEP و OEQ . معللاً جوابك.

تمرين

- (1) – أرسم دائرة (C) مركزها E وشعاعها r .
 - (2) – حدد على الدائرة (C) ثلات نقط مختلفة A و B و C .
 - (3) – أثبت أن النقطة E هي تقاطع (D) و (K) و (L) واسطات القطع [AB] و [AC] و [BC] ، ثم ارسمها .
- تمرين** ABC مثلث متساوي الساقين رأسه A .
- (1) – أنشئ النقطة M منتصف القطعة [BC] .
 - (2) – أثبت أن المستقيم (AM) هو واسط القطعة [BC] .
 - (3) – ما هو المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (BC) ؟ علل جوابك .
 - (4) – أرسم مستقيما يمر من النقطة C ، يوازي المستقيم (AB) و يقطع المستقيم (AM) في النقطة N . بين أن المثلث BNC متساوي الساقين .

تمرين

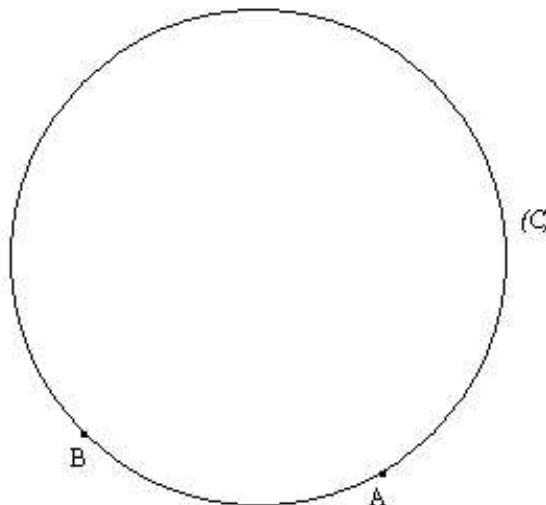
- (1) – أنشئ المستقيم (Δ) واسط القطعة [BC] .
 - (2) – أثبت أن ($A \in \Delta$) .
 - (3) – أرسم النقطة M منتصف القطعة [AB] .
 - (4) – أثبت أن المستقيم (MC) هو واسط القطعة [AB] .
- تمرين** (C) دائرة مركزها O وشعاعها r ثمخذ نقطة M تنتهي إلى الدائرة (C) .
- (1) – أنشئ امستقيم (Δ) واسط القطعة [OM] ، هذا الواسط يقطع الدائرة (C) في النقطتين A و B .
 - (2) – أثبت أن المستقيم (Δ) هو واسط القطعة [AB] .
 - (3) – المستقيم (OM) يقطع الدائرة (C) في النقطة N . ما هي طبيعة المثلث ANB ؟ علل جوابك .

تمرين لتكن [AB] قطعة .

- (1) – أرسم الدائرة التي مركزها A وشعاعها AB ، ثم الدائرة التي مركزها B وشعاعها AB .
- (2) – الدائرتان تتقاطعان في النقطتين E و F . أثبت أن المستقيم (EF) هو واسط القطعة [AB] .

تمرين

- (1) – خذ نقطة O تنتهي إلى المستقيم (D) وخارج المستقيم (AB) .
 - (2) – أنشئ الدائرة (C) التي مركزها O وتمر من النقطة A .
 - (3) – أثبت أن النقطة B تنتهي إلى الدائرة (C) .
- لاحظ الشكل الآتي : (C) دائرة و A و B نقطتان مختلفتان من الدائرة (C) .



حدد النقطة O مركز هذه الدائرة باستعمال المسطرة و البركار فقط، معللاً جوابك .