



تعريف (1) : (5 ن)

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة بما يلي :

$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{4+3u_n}{5+2u_n}, (n \in \mathbb{N}) \end{cases}$$

أ - أثبت أن كل  $n \in \mathbb{N}$  :  $u_{n+1} - 1 = \frac{u_n - 1}{5+2u_n}$

ب - برهن بالتسريح أن كل  $n \in \mathbb{N}$  :  $u_n > 1$

ج - أثبت أن كل  $n \in \mathbb{N}$  :  $u_{n+1} - u_n = \frac{2(1-u_n)(u_n+2)}{5+2u_n}$

د - ادرس رتبة المتتالية  $(u_n)$  ثم استنتج أنها متقاربة .

$$v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 2}$$

أ - بين أن المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $\frac{1}{7}$  وحداً حدّها الأول .

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = 0$$

ب - احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  ثم احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1+2u_n}{1-u_n}$

تعريف (2) : (5 ن)

ينتهي اندوق على أربع كرات خضراء مرقمة 0 ز 1 ز 2 ز 3 وثلاث كرات حمراء مرقمة 0 ز 1 ز 2 . (لا يعكس التمييز بين هذه الكرات بالمس)

أ - احسب عشوائياً بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق . اعتبر

الحدثين : A « الكرتان المسحوبتان لهما نفس اللون »

B « الكرتان المسحوبتان تضملان نفس الرقم »

أ - احسب  $p(A)$  و  $p(B)$

ب - بين أن احتمال تحقق الحدث A و B هو  $\frac{1}{7}$

تعريف (3) : (5 ن)

لكن في الدالة المعرفة على المجال  $]-\infty; +\infty[$  بما يلي :  $f(x) = x^2 + x - \frac{1}{x}$

أ - حدد القير التي يأخذها  $x$  .

$$p(x=2) = \frac{1}{7}$$

ب - بين أن  $p(x=2) = \frac{1}{7}$

ج - حدد قانون احتمال  $X$  وتحقق أن أهله الرياضي هو  $\frac{6}{7}$

أ - احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x)$  و أول هذين النتيجة الفصل عليهما .

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$$

ب - احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x)$  و أول هذين النتيجة الفصل عليهما .

ج - بين أن المنحنى  $(C)$  يقبل فرعاً متجنباً في اتجاه المستقيم  $(\Delta)$  الذي معادلتها  $y=x$  بجوار  $+\infty$  .

أ - احسب  $f'(x)$  و استنتج أن  $f$  تتزايد في قطعاً على  $\mathbb{R}$  .

ب - اكتب معادلة المماس لـ  $(C)$  في النقطة ذات الأضلاع 1 .

ج - بين أن المعادلة  $f(x)=0$  تقبل حلاً وحيداً في المجال  $]-\frac{1}{2}; 1[$  .

د - نشتق المشتق  $f'(x)$  و (لمنحنى  $(C)$  ) .

أ - باستعمال مكاملة بالجزء ، بين  $\int_1^e \ln x dx = 1$  .

ب - احسب التكامل  $\int_1^e (1 - \frac{1}{x}) dx$

ج - استنتج مساحة الجزء المحصور بين المنحنى  $(C)$  و المستقيم  $(\Delta)$  والمستقيمين اللذين معادلتها  $x=1$  و  $x=e$  .

0,5

ج - علماً أن الكرتين المسحوبتين لهما نفس اللون ، ما هو احتمال أن تكونا حاملتين لنفس الرقم ؟

ع - احسب الأعداد عشوائياً بتأسيب ثلاث كرات من الصندوق ، ونعتبر المتغير العشوائي الذي يرجع كل معبئة بعدد الكرات التي تحمل الرقم 2 .

0,5

أ - حدد القير التي يأخذها  $x$  .

0,5

ب - بين أن  $p(x=2) = \frac{1}{7}$

1,5

ج - حدد قانون احتمال  $X$  وتحقق أن أهله الرياضي هو  $\frac{6}{7}$

1

أ - احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x)$  و أول هذين النتيجة الفصل عليهما .

1

ب - احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x)$  و أول هذين النتيجة الفصل عليهما .

0,5

ج - بين أن المنحنى  $(C)$  يقبل فرعاً متجنباً في اتجاه المستقيم  $(\Delta)$  الذي معادلتها  $y=x$  بجوار  $+\infty$  .

1,5

أ - احسب  $f'(x)$  و استنتج أن  $f$  تتزايد في قطعاً على  $\mathbb{R}$  .

0,5

ب - اكتب معادلة المماس لـ  $(C)$  في النقطة ذات الأضلاع 1 .

1

ج - بين أن المعادلة  $f(x)=0$  تقبل حلاً وحيداً في المجال  $]-\frac{1}{2}; 1[$  .

1

د - نشتق المشتق  $f'(x)$  و (لمنحنى  $(C)$  ) .

1

أ - باستعمال مكاملة بالجزء ، بين  $\int_1^e \ln x dx = 1$  .

1

ب - احسب التكامل  $\int_1^e (1 - \frac{1}{x}) dx$

1

ج - استنتج مساحة الجزء المحصور بين المنحنى  $(C)$  و المستقيم  $(\Delta)$  والمستقيمين اللذين معادلتها  $x=1$  و  $x=e$  .