

تصريف (1) (3 ن)
 حل في المجموعة \mathbb{R} المعادلتين: $x^2 + 6x - 7 = 0$ (1) 0,5
 $e^{2x} + 6e^x - 7 = 0$; $\ln x + 6 \ln x - 7 = 0$ (2) 1,5
 حل للمترجحة: $\ln x > 7 - 6 \ln x$ (3) 1
تصريف (2) (3,5 ن)
 أ - بين أن لكل $x \in \mathbb{R}^+$: $\frac{x^2 - x}{x+3} = x - 4 + \frac{12}{x+3}$ 0,5
 ب - استنتج أن: $\int_0^6 \frac{x^2 - x}{x+3} dx = 12 \ln(3) - 6$ 1
 ج - أثبت أن: $\int_0^6 (2x-1) \ln(x+3) dx = 60 \ln(3) - \int_0^6 \frac{x^2 - x}{x+3} dx$ 1,5
 ب - استنتج قيمة التكامل: $I = \int_0^6 (2x-1) \ln(x+3) dx$ 0,5
تصريف (3) (6,5 ن)
 نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة بما يلي:
 $u_0 = -1$ و لكل $n \in \mathbb{N}$: $u_{n+1} = \frac{u_n - 4}{u_n + 5}$
 أ - تحقق أن لكل $n \in \mathbb{N}$: $u_{n+2} + 2 = \frac{3(u_n + 2)}{u_n + 5}$ 0,5
 ب - برهن أن لكل $n \in \mathbb{N}$: $u_n > -2$ 1
 ج - بين أن لكل $n \in \mathbb{N}$: $u_{n+1} - u_n = -\frac{(u_n + 2)^2}{u_n + 5}$ 1,5
 ثم استنتج أن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ متقاربة.

(2) نضع لكل $n \in \mathbb{N}$: $u_n = \frac{1}{u_{n+2}}$ 1
 أ - بين أن لكل $n \in \mathbb{N}$: $u_{n+1} - u_n = \frac{1}{3}$ 0,5
 ب - اكتب u_n بدلالة n ثم احس $\sum_{n=1}^{100} u_n$ 1
 ج - بين أن لكل $n \in \mathbb{N}$: $u_n = -\frac{2n+3}{n+3}$ و استنتج $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ 1
 (3) حدد آخر عدد صحيح طبيعي لطبيعي m بحيث: $\frac{1}{33} < u_n + 2$ 1
تصريف (4) (7 ن)
 يحتوي صندوق على عشر كرات (لا يمكن التمييز بينهما بالمس)

اللون	الحرف الذي تصفه
أخضر	A
أحمر	G

موزع حسب الجدول التالي:
 (1) ن سحب عشوائياً 3 كرات
 ثلاث كرات من الصندوق.
 نعتبر الأحداث التالية:
 E « الكرات المسحوبة لها نفس اللون »
 C « الكرات المسحوبة تحمل الحرف G »
 D « من بين الكرات المسحوبة، توجد على الأقل كرة واحدة حمراء »

أ - احس احتمالات الأحداث E و C و D. 1,5
 ب - بين أن احتمال الحدث E هو $\frac{1}{24}$ 1
 ج - احس احتمال الحدث C علماً أن الحدث A محقق. 0,5
 (2) ن سحب الآن عشوائياً بالترتيب **ويعود** إحلال ثلاث كرات من الصندوق وليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحب بعدد الكرات التي تحمل الحرف A.
 أ - تحقق أن القيمة التي يأخذها X هي 0 و 1 و 2 و 3. 0,5
 ب - نضع $P(X=0) = \frac{7}{40}$ و $P(X=1) = \frac{21}{40}$ احس $P(X=0)$ و $P(X=3)$. 3
 ج - نتحقق أن الاحتمال الراسملي هو 0,9. 0,5