

(3) باستعمال مكاملة بالأجزاء، بين أن:  $K = \ln e - \frac{1}{2}$

1,25

**التمرين الثالث: (10,50 ن)**

لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي:  $f(x) = xe^x + 1 - x$   
 وليكن (C) منحنىها الممثل في معلم متعامد منظم  $(O, \vec{x}, \vec{y})$  ( $||\vec{x}'|| = ||\vec{y}'|| = 1\text{cm}$ )

1 (أ) - احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و بين أن المستقيم (A) الذي معادلته

$y = -x + 1$  مقارب حائل للمنحنى (C) بجوار  $-\infty$ .

0,5 ب - ادرس الوضع النسبي لـ (C) و (A) على المجال  $]-\infty, 0]$

1,5 ج - احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$  (علل إجوبتك) ثم

أول هذسيبا النتيجة الأخيرة.

0,75 (2) أ - بين أن لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :  $f'(x) = e^x - 1 + xe^x$

1 ب - بين أن الدالة  $f$  تزايدية على  $\mathbb{R}^+$  و تناقصية على  $\mathbb{R}^-$

0,5 ثم راجع جدول تغيراتها على  $\mathbb{R}$  اعدد  $f(0)$  و  $f'(0)$

0,75 (3) أ - بين أن لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :  $f''(x) = (x+2)e^x$

1 ب - ادرس تقعر المنحنى (C) و عدد ازواج إحداثيي نقطه انقلاب

(C)

1,5 ج - أنشئ المنحنى (C)

1 (4) أ - بين أن الدالة:  $f(x) = (x-1)e^x - \frac{x^2}{2} + x$ ;  $F: x \rightarrow F(x)$  أولية

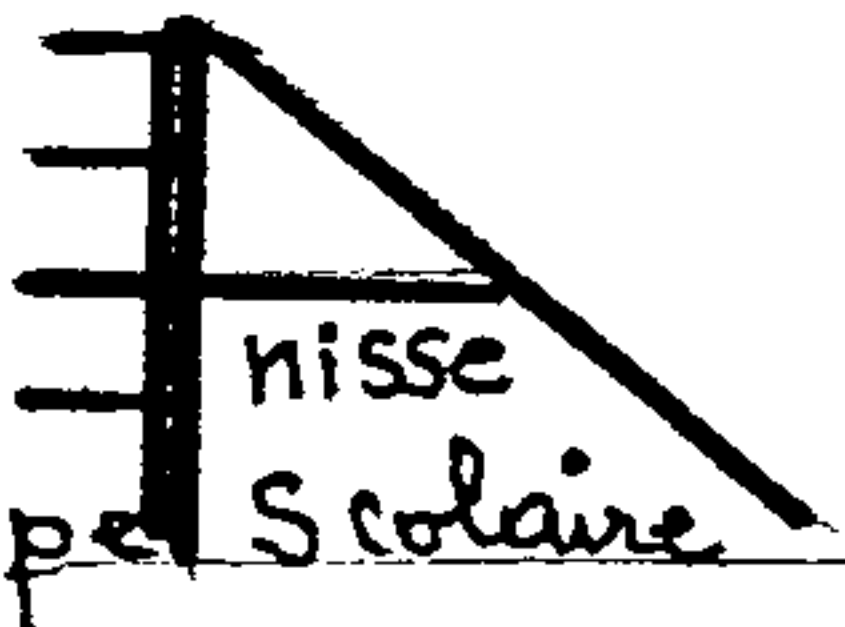
للدالة  $f$  على  $\mathbb{R}$

1 ب - احسب  $\int_0^1 x \ln(1+x^2) dx$  مساحة الحيز المحصور بين (C) و محور الأفاصل

والمستقيمين اللذين معادلتهما  $x=0$ ;  $x=1$ .

النسخة 2 من مسك البكالوريا  
 شعبة العلوم الاقتصادية

الاختبار التجريبي (2)  
 أبريل 2013



مادة الرياضيات - مدة الاجاز: ساعتان - المعامل 04

Groupe Scolaire

**التمرين الأول: (6 ن)**

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)_{n \geq 0}$  المعرفة بما يلي:  $u_0 = 1$   
 $u_{n+1} = \frac{u_n}{3-u_n}$  ( $n \in \mathbb{N}$ )

0,25 (1) أ - تحقق أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ :  $u_{n+1} = -1 + \frac{3}{3-u_n}$

1,25 ب - بين بالترجع أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ :  $0 < u_n < 2$

0,75 ج - تحقق أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ :  $u_{n+1} - u_n = \frac{u_n(u_n - 2)}{3 - u_n}$

1 واستنتج أن المتتالية  $(u_n)_{n \geq 0}$  متقاربة.

(2) نضع لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ :  $v_n = \frac{u_n - 2}{u_n}$

1 أ - بين أن المتتالية  $(v_n)_{n \geq 0}$  هندسية أساسها 3 وحدداً حدها الأول

0,25 ب - تحقق أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ :  $u_n = \frac{2}{1 - 3^n}$

1 ج - أكتب  $u_n$  بدلالة  $n$  واستنتج أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ :  $u_n = \frac{2}{1 + 3^n}$

0,5 د - احسب (معك جوابك) نهاية المتتالية  $(u_n)_{n \geq 0}$ .

**التمرين الثاني: (5,3 ن)**

نعتبر التكاملات التالية:  $I = \int_0^1 \frac{x}{1+x^2} dx$

$J = \int_0^1 \frac{x^3}{1+x^2} dx$ ;  $K = \int_0^1 x \ln(1+x^2) dx$

1 (1) بين أن  $I = \frac{1}{2} \ln 2$

0,25 (2) أ - تحقق أن لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :  $\frac{x^3}{1+x^2} = x - \frac{x}{1+x^2}$

1 ب - استنتج قيمة التكامل J