

## تمارين من الامتحانات الوطنية للبيكالوريا خاصة بالأعداد العقدية

### التمرين الأول bac2008 الدورة الاستدراكية

(1) حل في المجموعة  $\mathbb{C}$  المعادلة الآتية  $z^2 - 8z + 17 = 0$

(2) نعتبر في المستوى العقدي النقطتين  $A$  و  $B$  والتين لحقهما على التوالي  $a = 4 + i$  و  $b = 8 + 3i$

لتكن  $M(z)$  من المستوى العقدي و  $M'(z')$  صورة  $M$  بالدوران  $R$  الذي مركزه  $\Omega$  التي لحقها  $\omega = 1 + 2i$  وزاويته  $\frac{3\pi}{2}$

(أ) بين أن  $z' = -iz - 1 + 3i$

(ب) تحقق أن لحق النقطة  $C$  صورة  $A$  بالدوران  $R$  هو  $c = -i$

(ج) بين أن  $b - c = 2(a - c)$  ثم بين أن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  مستقيمية

### التمرين الثاني bac2009 الدورة العادية

نعتبر في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  التي لحقها على التوالي :

$$c = 1 - \sqrt{3} + (1 + \sqrt{3})i \text{ و } b = \frac{-\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \text{ و } a = 2 - 2i$$

(1) اكتب على الشكل المثلي كل من  $a$  و  $b$

(2) ليكن  $z$  لحق النقطة  $M$  من المستوى العقدي و  $z'$  لحق  $M'$  صورة  $M$  بالدوران  $R$  الذي مركزه  $O$  وزاويته  $\frac{5\pi}{6}$

(أ) بين أن  $z' = bz$

(ب) تحقق أن  $C$  هي صورة  $A$  بالدوران  $R$

(ج) بين أن  $\arg(c) = \arg(a) + \arg(b)$  ثم حدد عمدة للعدد العقدي  $C$ .

### التمرين الثالث bac2009 الدورة الاستدراكية

(1) حل في المجموعة  $\mathbb{C}$  المعادلة الآتية  $z^2 - 6z + 25 = 0$

(2) نعتبر النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  التي لحقها على التوالي  $a = 3 + 4i$  و  $b = 3 - 4i$  و  $c = 2 + 3i$  و  $d = 5 + 6i$

(أ) احسب  $\frac{d-c}{a-c}$  م استنتج أن النقط  $A$  و  $D$  و  $C$  نقط مستقيمية

(ب) بين أن  $p = 3 + 8i$  هو لحق النقطة  $P$  صورة النقطة  $A$  بالتحاكي الذي مركزه  $B$  ونسبته  $\frac{3}{2}$

(ج) اكتب على الشكل المثلي العدد  $\frac{d-p}{a-p}$  ثم استنتج أن  $\frac{\pi}{4}$  قياس للزاوية  $(\overline{PA}, \overline{PD})$  وان  $PA = \sqrt{2}PD$

### التمرين الرابع bac2010 الدورة العادية

(1) حل في المجموعة  $\mathbb{C}$  المعادلة الآتية  $z^2 - 6z + 34 = 0$

(2) نعتبر في المستوى العقدي النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  التي لحقها على التوالي  $a = 3 + 5i$  و  $b = 3 - 5i$  و  $c = 7 + 3i$

ليكن  $z$  لحق النقطة  $M$  من المستوى العقدي و  $z'$  لحق  $M'$  صورة  $M$  بالإزاحة  $T$  ذات المتجه  $\vec{u}$  التي لحقها  $u = 4 - 2i$

(أ) بين أن  $z' = z + 4 - 2i$  ثم تحقق أن النقطة  $C$  هي صورة النقطة  $A$  بالإزاحة  $T$

(ب) بين أن  $\frac{b-c}{a-c} = 2i$

(ج) استنتج أن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية وان  $BC = 2AC$

### التمرين الخامس bac2010 الدورة الاستدراكية

(1) حل في المجموعة  $\mathbb{C}$  المعادلة الآتية  $z^2 - 8\sqrt{3}z + 64 = 0$

(2) نعتبر في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  التي لحقها على التوالي

و  $a = 8i$  و  $c = 2(4\sqrt{3} + 4i)$  و  $b = 4\sqrt{3} - 4i$  و نعتبر الدوران  $R$  الذي مركزه  $O$  وزاويته  $\frac{4\pi}{3}$ .

## تمارين من الامتحانات الوطنية للبيكالوريا خاصة بالأعداد العقدية

لتكن  $M(z)$  نقطة من المستوى و  $z'$  لحق  $M'$  صورة  $M$  بالدوران  $R$

(أ) بين أن  $z' = \left(\frac{-1-i\sqrt{3}}{2}\right)z$  ثم تحقق أن النقطة  $B$  هي صورة  $A$  بالدوران  $R$

(ب) بين أن  $\frac{a-b}{c-b} = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$  ثم اكتبه على الشكل المثلثي واستنتج أن المثلث  $ABC$  متساوي الأضلاع .

### التمرين السادس bac2011 الدورة العادية

(1) حل في  $\mathbb{C}$  المعادلة  $z^2 - 18z + 82 = 0$

(2) نعتبر النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  التي الحاقها على التوالي  $a = 9+i$  و  $b = 9-i$  و  $c = 11-i$

(أ) بين أن  $\frac{c-b}{a-b} = -i$  ثم استنتج أن المثلث  $ABC$  متساوي الساقين وقائم الزاوية

(ب) أعط الشكل المثلثي للعدد  $4(1-i)$

(ج) بين أن  $(c-a)(c-b) = 4(1-i)$  ثم  $AC \times BC = 4\sqrt{2}$

(3) نعتبر الدوران  $R$  الذي مركزه  $B$  وزاويته  $\frac{3\pi}{2}$

(أ) بين أن التمثيل العقدي للدوران  $R$  هو  $z' = -iz + 10 + 8i$

(ب) تحقق أن لحق النقطة  $C'$  صورة  $C$  بالدوران  $R$  هو  $9-3i$

### التمرين السابع bac2011 الدورة الاستدراكية

(1) حل في المجموعة  $\mathbb{C}$  المعادلة الآتية  $z^2 - 6z + 18 = 0$

(2) نعتبر في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  النقطتين  $A$  و  $B$  اللتين لحاقهما على

التوالي هما:  $a = 3+3i$  و  $b = 3-3i$

(أ) أكتب على الشكل المثلثي كل من العددين  $a$  و  $b$

(ب) بين أن  $b'$  لحق النقطة  $B'$  صورة النقطة  $B$  بالإزاحة التي متجهتها  $\vec{OA}$  هو العدد 6

(ج) بين أن  $\frac{b-b'}{a-b'} = i$  ثم استنتج أن المثلث  $ABB'$  متساوي الساقين وقائم الزاوية في  $B'$

(د) استنتج أن الرباعي  $OAB'B$  مربع

### التمرين الثامن bac2012 الدورة العادية

(1) حل في  $\mathbb{C}$  المعادلة  $z^2 - 12z + 61 = 0$

(2) نعتبر في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  التي الحاقها على

التوالي  $a = 6-5i$  و  $b = 4-2i$  و  $c = 2+i$

(أ) أحسب  $\frac{a-c}{b-c}$  واستنتج أن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  مستقيمية

(ب) نعتبر الإزاحة  $T$  ذات المتجهة  $\vec{u}$  لحقها  $1+5i$

تحقق أن لحق النقطة  $D$  صورة النقطة  $C$  بالإزاحة  $T$  هو  $d = 3+6i$

(ج) بين أن  $\frac{d-c}{b-c} = -1+i$  وأن عمدة للعدد العقدي  $-1+i$   $\frac{3\pi}{4}$

(د) استنتج قياسا للزاوية الموجهة  $(\overrightarrow{CB}, \overrightarrow{CD})$