

برنامج مادة الرياضيات بالسنة الثانية من سلك البكالوريا

شعبة العلوم التجريبية

شعبة العلوم والتكنولوجيات:

- مسلك العلوم والتكنولوجيات الميكانيكية
- مسلك العلوم والتكنولوجيات الكهربائية

اعتبارات خاصة

المتتاليات العددية

لقد تم التطرق خلال السنة الأولى من سلك البكالوريا، إلى عموميات حول المتتاليات العددية وإلى الخاصيات المميزة للمتتاليات الحسابية والمتتاليات الهندسية وبعض تطبيقاتهما لتعويذ التلاميذ على التعامل مع وضعيات متقطعة ووصفها باستعمال المتتاليات، وكان ذلك مناسبة لممارسة بعض أنواع الاستدلال الرياضي (البرهان بالترجع على سبيل المثال). أما خلال هذه السنة فيتم تزويد التلاميذ ببعض الأدوات الضرورية لدراسة سلوك متتالية عددية شمولياً وبجوار الlanهائية واستخلاص نتائج بشأنها وتوظيفها في تحديد تقريرات لبعض الأعداد الحقيقية وفي حل مسائل متنوعة من مواد التخصص.

إن درس المتتاليات لا ينتهي بانتهاء الفصل المخصص لها بل ينبغي استثمار نتائجه، كلما سُنحت الفرصة لذلك، بمختلف فصول المقرر اللاحقة ويتم التركيز على توظيف المتتاليات في حل المسائل المتعلقة بالتاطير والتقريب سواء لأعداد حقيقة أو صيغ وتعابير جبرية... ويكون هذا الفصل مناسبة لممارسة الاستدلال الرياضي والدقة في صياغة البراهين الرياضية.

الاتصال والاشتقاق

إن مفهوم الاتصال من المفاهيم الجديدة في هذا المستوى. وقد تم إدراجه اعتباراً لدوره في تقديم عدة خاصيات أساسية تتعلق بالدوال العددية وتمثيل الدوال وحل المعادلات والمتراجحات والتقريب والتاطير.

يتم تقديم مفهوم الاتصال انطلاقاً من مفهوم النهاية كما يتم التركيز على اتصال دالة على قطعة وعلى مجال وأثر ذلك على منحنى الدالة (منحنى متصل) وعلى صورة مجال أو قطعة بدالة متصلة وبдалة متصلة ورتيبة قطعاً، ويتم التركيز خصوصاً على مبرهنة القيم الوسيطية وتطبيقاتها المختلفة وعلى حالة دالة متصلة ورتيبة قطعاً على مجال (حالة المعادلات من نوع $f(x) = x$). كما يكون هذا الفصل مناسبة لتقديم دالة الجزء الصحيح (يستعمل الرمز $E(x)$) كمثال دالة غير متصلة في عدد لا منتهي من النقاط.

بعد التذكير بأهم نتائج السنة الأولى حول الاشتتقاق، يتم التركيز خصوصاً على النتائج التالية:

- تأثير وتقريب دالة قابلة للاشتتقاق في نقطة باستعمال الدالة المشتقة؛
- مشتقة مركب دالتين قابلتين للاشتتقاق ومشتقة الدالة العكسية لدالة قابلة للاشتتقاق ورتيبة قطعاً على مجال؛
- تقديم الدوال $\sqrt[n]{x} \rightarrow x$ (حيث $n \geq 2$) والقوى الجذرية لعدد حقيقي موجب قطعاً وخصائصها الجذرية.

يتم تقديم دالة اللوغاريتم في بداية السنة الدراسية مباشرة بعد تقديم الدوال الأصلية (والتي يمكن تقديمها خلال درس الاشتقاق)، باعتبارها الدالة الأصلية للدالة $\frac{1}{x} \rightarrow x$ على المجال $[0, +\infty]$ التي تنعدم في 1 وتقدم الدالة $e^x \rightarrow x$ كدالتها العكسية.

دراسة الدوال

إن التمكن من الدراسة التقليدية لدالة عدديّة يعتبر ضروريًا حتى يتمكن التلاميذ من توظيف دراسة الدوال كأداة لحل مسائل رياضية أو من مواد التخصص.

يتم توظيف دراسة الدوال (الاتصال، التغيرات على مجال...) في معالجة المسائل الحسابية (إكبار / إصغر صيغة، تأثير تعبير أو عدد حقيقي، حلول معادلات أو مترابحات، معادلات تفاضلية...).

حساب التكامل

يعرف التكامل انطلاقاً من الدوال الأصلية؛

يتم الربط بين تكامل دالة على مجال $[a; b]$ ومساحة الحيز المحصور بين منحنى الدالة ومحور الأفاصيل والمستقيمين الذين معادلتها $a = x$ و $b = f(x)$ وذلك من خلال أمثلة بسيطة ثم يقبل أن مساحة هذا الحيز هو العدد $\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$ حيث f دالة عدديّة موجبة ومتصلة على المجال $[a; b]$ و F دالة أصلية لها على مجال I يتضمن a و b .

يتم الاقتصرار في حساب التكامل على طريقي التكامل بالأجزاء واستعمال الدوال الأصلية دون طريقة تغيير المتغير؟

ويمكن استعمال حساب التكامل في وضعيات متنوعة فيزيائية (الشغل، القدرة، ...) ورياضية (حساب تقريرات، حساب نهايات، ...) وغيرها واستعمال المتتاليات في تأثير بعض التكاملات.

المعادلات التفاضلية

يتم الاقتصرار، في هذا الفصل، على المعادلتين التاليتين:

1. المعادلة التفاضلية: $y' = ay + b$ ؛ حيث a و b عدوان حقيقيان؛

2. المعادلة التفاضلية: $y'' + ay' + by = 0$ ؛ حيث a و b عدوان حقيقيان؛

ويُنْبَغِي توظيفهما في مجالات فيزيائية وغيرها دون أن يكون هذا التوظيف قدرة منتظرة خاضعة للتقويم.

الهندسة الفضائية

تحظى الهندسة الفضائية داخل البرنامج بأهمية خاصة؛ فهي تهدف إلى تقوية إدراك التلاميذ لخصائص الفضاء الفيزيائي الاعتيادي. ويُعَد تقديم المتجهات في الفضاء وتحديدتها من الأدوات التي تمكن التلاميذ من ترتيب وضعيات ومن التعبير عن خصائص بعض أجزاء الفضاء تعبيراً رياضياً مرجحاً ومن الكشف عن بعض الخصائص التي تساعده على حل بعض المسائل الهندسية التي قد يستعصي حلها بطريقة هندسية صرفه. غير أنه ينبغي إلا تكون الوسائل المتجهة أو التحليلية سبباً في حجب الرؤية الهندسية أو التأويل الهندسي للنتائج التي تم التوصل إليها.

ويظل الهاجس الأساسي هو ربط هذه المفاهيم بمختلف تطبيقاتها في مجالات التخصص.

الأعداد العقدية

تعتبر الأعداد العقدية أداة لاستنتاج مختلف صيغ التحويل المثلثية ولحل معادلات من الدرجة الثانية وحل معادلات تربيعية ولدراسة تشكيلات هندسية من المستوى وبعض التحويلات الاعتيادية في المستوى.

كل تقديم أو بناء نظري للأعداد العقدية يعتبر خارج البرنامج.

يعتبر حل المعادلة $0 = az^2 + bz + c$ من أجل a أو b أو c أعداد غير حقيقة خارج المقرر.

يعتبر الحل العام للمعادلة $z^n = a$ خارج المقرر.

ينبغي التركيز على الحل العقدي لبعض المسائل الهندسية وتعويد التلاميذ على اختيار الأداة المناسبة لحل هذه المسائل من بين التحليلية والتجهيزية والعقدية وعلى ترجمة المفاهيم الهندسية خاصة منها المسافة وفياس زاوية واستقامية النقط وتداور النقط، وذلك باستعمال الأعداد العقدية، وكذا على مختلف التطبيقات الجبرية لهذه الأعداد خصوصاً: إخطاط الحدويدات المثلثية، صيغ التحويل المثلثية، حساب المجاميع، حل المعادلات الجبرية.

حساب الاحتمالات

يتم إدراج مفهوم المحاكاة (*Simulation*) لإثبات استقرار تردد حدث عشوائي من خلال إعادة تجربة عشوائية عدداً كبيراً من المرات (10000 مرة أو أكثر) من خلال أمثلة بسيطة وباستعمال الملمس *Rand* للآلة الحاسبة العلمية أو القابلة للبرمجة أو المبرمج *Excel* المندمج في الحاسوب لهذه الغاية إن كان مستوى القسم يسمح بذلك، تمهداً لقبول احتمال حدث عشوائي؛ وإن أي تبرير نظري لهذه النتيجة يعتبر خارج المقرر.

البرنامج والقدرات المنتظرة والتوجيهات التربوية

التحليل

1. المتاليات العددية

| محتوى البرنامج | القدرات المنتظرة | التجهيزات التربوية |
|--|--|--|
| <ul style="list-style-type: none"> - نهاية متالية - نهايات المتاليات المرجعية: - $(\sqrt{n})_{n \geq 0}$ و $(n^3)_{n \geq 0}$ و $(n^p)_{n \geq 0}$ حيث p عدد صحيح طبيعي، - نهايات المتاليات المرجعية: $\left(\frac{1}{n}\right)_{n \geq 0}$ و $\left(\frac{1}{n^p}\right)_{n \geq 0}$ و $\left(\frac{1}{\sqrt{n}}\right)_{n \geq 0}$ حيث p عدد صحيح طبيعي المتقاربة؛ - مصاديق التقارب؛ تقارب متالية تزايدية ومكورة؛ تقارب متالية تناسبية ومصغررة؛ - المتالية المتباعدة؛ - العمليات على نهايات المتاليات؛ النهايات والترتيب؛ | <ul style="list-style-type: none"> - استعمال المتاليات الهندسية والمتاليات الحسابية في دراسة أمثلة من متاليات من الشكل: $u_{n+1} = au_n + b$؛ $u_{n+1} = \frac{au_n + b}{cu_n + d}$ ومتاليات ترجعية أخرى بسيطة. - استعمال نهايات المتاليات المرجعية ومصاديق التقارب لتحديد نهايات متاليات عدديّة؛ - استعمال المتاليات في حل مسائل متعددة من مجالات مختلفة. - تحديد نهاية متالية (u_n) متقاربة من الشكل $u_{n+1} = f(u_n)$ حيث f دالة متصلة على مجال I وتحقق $f(I) \subset I$. | <ul style="list-style-type: none"> - كل دراسة نظرية لمفهوم نهاية متالية تعتبر خارج البرنامج؛ - اعتباراً لكون المتالية العددية دالة عدديّة معرفة على مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية، وانطلاقاً من نهايات بعض الدوال المرجعية يتم، في المرحلة الأولى، قبول نهايات المتاليات $(n)_{n \geq 0}$ و $(n^2)_{n \geq 0}$ و $(n^3)_{n \geq 0}$ و $(\sqrt{n})_{n \geq 0}$ و $(n^p)_{n \geq 0}$ و $\left(\frac{1}{n}\right)_{n \geq 0}$ و $\left(\frac{1}{n^2}\right)_{n \geq 0}$ و $\left(\frac{1}{n^3}\right)_{n \geq 0}$ و $\left(\frac{1}{\sqrt{n}}\right)_{n \geq 0}$ و $\left(\frac{1}{n^p}\right)_{n \geq 0}$ حيث p عدد صحيح أكبر من 3، عندما يؤول n إلى $+\infty$؛ - إذا كانت (v_n) متالية عدديّة تحقق: <ul style="list-style-type: none"> - إذا كانت $v_n \geq \alpha u_n$ من أجل $n \geq p$ حيث (u_n) متالية لها $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = +\infty$ و α عدد حقيقي موجب قطعاً فإن $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = +\infty$؛ - إذا كانت $v_n - l \leq \alpha u_n$ من أجل $n \geq p$ حيث (u_n) متالية |

نهايتها 0 و α عدد حقيقي موجب قطعاً
 فإن $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = l$:

- تعتبر العمليات على النهايات المنتهية والنهايات اللامنتهية مقبولة وينبغي تعويد التلميذ على الاستعمال الصحيح لها؛
- ينبغي العمل على توظيف الأداة المعلوماتية في هذا الفصل.
- يتم قبول مصاديق التقارب بعد تقديمها اعتماداً على انسجام العمليات على النهايات مع الترتيب وفي وضعيات ملموسة ومتدرجة وذلك انطلاقاً من حالات خاصة؛
- إذا كانت (u_n) متالية تتحقق: $\forall n; v_n \leq u_n \leq w_n$

$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = l$ فإن $\lim_{n \rightarrow \infty} v_n = \lim_{n \rightarrow \infty} w_n = l$

- تتم معالجة مسائل تؤول إلى دراسة متاليات ترجعية من الشكل:

$$u_{n+1} = au_n + b \quad (*)$$

$$u_{n+1} = \frac{au_n + b}{cu_n + d} \quad (**)$$

* * *

وتحقق $f(I) \subset I$ ؛

في حالات خاصة.

- تتم معالجة مسائل تؤدي إلى دراسة متاليات من النوع: $((v_n = f(u_n))$ في حالات خاصة؛
- تقبل الخصائص التالية:
- إذا كانت المتالية من نوع $(u_{n+1} = f(u_n))$ حيث f

| | | |
|---|--|--|
| <p>دالة متصلة على مجال I وتحقق $f(I) \subset I$ متقاربة ونهايتها هي l فإن l حل للمعادلة $f(x) = x$؛</p> <ul style="list-style-type: none"> * إذا كانت المتتالية (u_n) متقاربة ونهايتها هي l وإذا كانت الدالة f متصلة في I فإن المتتالية $(f(u_n)) = f(v_n)$ متقاربة ونهايتها هي $f(l)$؛ - تتم دراسة نهاية المتتالية (a^n) حيث $a \in IR^*$ ونهاية المتتالية (n^α) حيث $a \in Q^*$ على أن تعتبرا فيما بعد نهايتين اعتمادتين؛ - تقدم دراسة الدوال على دراسة المتتاليات. | | |
|---|--|--|

2. الدوال العددية

2.1 دراسة الدوال

| التجيئات التربوية | القدرات المنتظرة | محتوى البرنامج |
|---|---|--|
| <ul style="list-style-type: none"> - يتم اعتماد التعريف التالي: نقول إن دالة f متصلة في نقطة x_0 إذا كان $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$؛ - نقبل النتائج المتعلقة باتصال الدوال الحدودية والدوال الجذرية والدوال المثلثية و الدالة \sqrt{x} و يتم التركيز على تطبيقاتها؛ - نقبل أن صورة قطعة بدالة متصلة هي قطعة وأن صورة مجال هي أيضاً مجال ثم تستنتج مبرهنة القيم الوسيطية؛ - نقبل أن $g + f$ و fg و f/g دوال متصلة على مجال I إذا كانت f و g متصلتين على I؛ - نقبل أن gof دالة متصلة على مجال I إذا كانت f متصلة على I و g متصلة على (I)؛ - يتم التذكير بمفهوم الاستقاق وتطبيقاته من خلال أنشطة متنوعة | <ul style="list-style-type: none"> - تحديد صورة قطعة أو مجال: * بدالة متصلة، * بدالة متصلة ورتيبة قطعاً، - تطبيق مبرهنة القيم الوسيطية في دراسة بعض المعادلات والمترابحات أو دراسة إشارة بعض التعبير...؛ - استعمال طريقة التفرع الثنائي (<i>la dichotomie</i>) في تحديد قيم مقربة لحلول المعادلة $f(x) = 0$ أو لتأثير هذه الحلول؛ - تطبيق مبرهنة القيم الوسيطية ومبرهنة الدالة التقابلية في حالة دالة متصلة ورتيبة قطعاً على مجال؛ | <h4>1. الاتصال والاستقاق ودراسة الدوال</h4> <ul style="list-style-type: none"> - الاتصال في نقطة؛ الاتصال على اليمين؛ الاتصال على اليسار؛ الاتصال على مجال (حالة الدوال الحدودية والدوال الجذرية والدوال المثلثية والدالة \sqrt{x})؛ - صورة مجال وصورة قطعة بدالة متصلة؛ - مبرهنة القيم الوسيطية؛ حالة دالة متصلة ورتيبة قطعاً على مجال؛ |

| | | |
|--|---|---|
| <p>تبرز الأهمية التي يكتسيها في الدراسة الموضعية والشاملة للدوال المقررة وخاصة في التقرير المحلي لدالة وفي دراسة منحى تغيرات دالة على مجال وتحديد المطابيف ودراسة إشارة دالة أو متفاوتة جبرية على مجال أو تقرر منحنى دالة عدديه ... ويكون مناسبة للتذكير بالخاصية المميزة لدالة ثابتة أو رتيبة قطعا على مجال؛</p> <p>- تعتبر الدوال العكسية للدوال المثلثية الاعتيادية خارج البرنامج؛</p> <p>- من خلال دراسة أمثلة لدوال حدودية ودوال جذرية ودوال لا جذرية ودوال مثلثية تم صياغة مكتسبات التلاميذ حول الاشتغال والنهايات وتقريب دالة بدالة تألفية وعناصر تماثل منحنى دالة ودراسة الفروع اللانهائية لمنحنى وحل بعض المعادلات والمتراجحات مبيانيا...؛</p> <p>- ينبغي الاقتصار على دراسة بعض النماذج للدوال اللاجذرية التي لا تطرح دراسة إشارة مشتقها صعوبات؛ ويتم بهذه المناسبة التطرق إلى المعادلات اللاجذرية من خلال نماذج.</p> <p>- استعمال الكتابة التفاضلية $dy = f'(x)dx$ ،</p> <p>- تعتبر دراسة الدوال من الشكل $\sqrt[n]{u(x)}$ حيث ($n \geq 3$) و $(x)^n$ دالة موجبة، خارج البرنامج وينبغي الاقتصار على تحديد مشتقاتها؛</p> | <p>- حساب مشتقات الدوال الاعتيادية؛</p> <p>- تحديد رتبة دالة انطلاقا من إشارة مشتقها؛</p> <p>- تحديد إشارة دالة انطلاقا من جدول تغيراتها أو من تمثيلها المبيانى؛</p> <p>- الحل المبيانى لمعادلات من الشكل $(x)^r = g(x)$ ومتراجحات من الشكل $f(x) \leq g(x)$؛</p> <p>- تحديد رتبة الدالة العكسية لدالة متصلة ورتيبة قطعا على مجال وتمثيلها مبيانيا؛</p> <p>- تحديد العدد المشتق في نقطة لدالة العكسية لدالة؛</p> <p>- حل مسائل تطبيقية حول القيم الدنوية والقيم القصوية</p> <p>- دراسة وتمثيل دوال لا جذرية ودوال مثلثية؛</p> | <p>- الدالة العكسية لدالة متصلة ورتيبة قطعا على مجال؛</p> <p>- الاتصال والاشتقاق؛</p> <p>- مشتقة مركب دالتين قابلتين للاشتقاق؛</p> <p>- مشتقة الدالة العكسية؛</p> <p>- القوى الجذرية $(r \in \mathbb{Q}^*)$ خصائص؛</p> <p>- مشتقة $x^n \rightarrow \sqrt[n]{x}$ ($n \geq 1$) .</p> <p>- نماذج من دراسة الدوال.</p> |
| <p>- تحديد الدوال الأصلية للدوال الاعتيادية انطلاقا من القراءة العكسية لجدول مشتقات هذه الدوال.</p> | <p>- تحديد الدوال الأصلية للدوال الاعتيادية؛</p> <p>- استعمال صيغ الاشتغال لتحديد الدوال الأصلية لدالة على مجال؛</p> | <p>2. الدوال الأصلية</p> <p>- الدوال الأصلية لدالة متصلة على مجال؛</p> <p>- الدوال الأصلية لمجموع دالتين؛</p> <p>الدوال الأصلية لجداء دالة في عدد حقيقي.</p> |

3. الدوال اللوغاريتمية والأسية:

* دالة اللوغاريتم النبيري:

- تعریف وخصائص جبریة؛

- الرمز \ln ودراسة الدالة
 $x \rightarrow \ln(x)$

- المشتقة اللوغاريتمية لدالة؛

- الدوال الأصلية لدالة: $\frac{u'(x)}{u(x)}$

* دالة اللوغاريتم للأساس :

- تعریف و خاصیات؛

- دالة اللوغاريتم العشري

* الدالة الأسية النبيرية

- تعریف وخصائص جبریة؛

- الرمز \exp ودراسة الدالة
 $x \rightarrow \exp(x)$

- العدد e وكتابه e^x ؛

- الدوال الأصلية لدالة
 $x \rightarrow u(x) e^{u(x)}$

- الدالة الأسية للأساس a :

* تعریف و خاصیات؛

* مشتقة الدالة $x \rightarrow a^x$

- يتم وبماشرة بعد درس الدوال الأصلية، تقديم دالة اللوغاريتم باعتبارها الدالة الأصلية لدالة $\frac{1}{x} \rightarrow x$ المعرفة على المجال

[$0; +\infty$] والتي تتعدم

في 1؛

- الدالة الأسية النبيرية هي التقابل العکسي لدالة اللوغاريتم النبيري؛

- كل عدد a موجب قطعا لدينا $a^b = e^{b \ln a}$ ؛

- يتم قبول $\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln x = +\infty$ ؛

- تعتبر النهايات المرتبطة بالدالة اللوغاريتمية النبيرية والدالة

الأسية النبيرية بالإضافة إلى النهايات $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x^n}$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x^n}$

و $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n e^x$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} x^n \ln x$ حيث $n \in \mathbb{N}^*$ نهايات أساسية؛

- تستعمل الدوال اللوغاريتمية والدوال الأسية في حل مسائل متعددة؛

- التمكن من الحساب الجبري على اللوغاريتمات؛

- التمكن من حل معادلات ومتراجحات ونظمات لوغاريتمية؛

- معرفة وتطبيق اللوغاريتم العشري خاصة في حل المعادلات من نوع $(10^x)^a = a$ ؛

- التمكن من النهايات اللوغاريتمية الأساسية وتوظيفها؛

- التمكن من دراسة وتمثيل دوال تحتوي صيغتها على الدالة اللوغاريتمية؛

- التمكن من حل معادلات ومتراجحات ونظمات أساسية نبيرية؛

- التمكن من نهايات الدالة الأساسية النبيرية الأساسية وتوظيفها؛

- التمكن من دراسة وتمثيل دوال تحتوي صيغتها على الدالة الأساسية النبيرية؛

- التمكن من دراسة وتمثيل دوال تحتوي صيغتها على الدالة الأساسية النبيرية ودالة اللوغاريتم النبيري؛

- تحديد قيم مقربة للعدد e^a حيث a عدد حقيقي أو تحديد قيمة مقربة لعدد a بحيث

e^a عدد معلوم باستعمال الأداة المعلوماتية؛

| | | |
|---|--|--|
| <ul style="list-style-type: none"> - حل المعادلة $y' = ay + b$ وتوظيفها في وضعيات من مواد التخصص؛ - حل المعادلة $y'' + ay' + by = 0$ وتوظيفها في وضعيات من مواد التخصص؛ - يقبل الحل العام للمعادلة التفاضلية $y'' + ay' + by = 0$: | <ul style="list-style-type: none"> - حل المعادلة $y' = ay + b$ ؛ - حل المعادلة $y'' + ay' + by = 0$ ؛ - حل معادلات تفاضلية تؤول في حلها إلى المعادلتين السابقتين. | <p>4. المعادلات التفاضلية</p> <ul style="list-style-type: none"> - المعادلة التفاضلية: $y' = ay + b$ - المعادلة التفاضلية: $y'' + ay' + by = 0$ |
|---|--|--|

2.2. الحساب التكامل

| التجيئات التربوية | القدرات المنتظرة | محتوى البرنامج |
|--|---|---|
| <ul style="list-style-type: none"> - ينبغي تقديم تكامل دالة على قطعة انتلاقاً من مفهوم دالة أصلية لدالة متصلة؛ - تقبل جميع الخصائص ويمكن تأويلها هندسياً باستعمال المساحة؛ | <ul style="list-style-type: none"> - حساب تكامل دوال بتوظيف تقنيتي حساب التكامل؛ - التمكن من حساب مساحة حيز المستوى المحصور بين منحنيين ومستقيمين موازيين لمحور الأراثيب؛ - التمكن من حساب حجم المجسم المولد بدوران منحني دالة حول محور الأفاصيل | <ul style="list-style-type: none"> - تكامل دالة متصلة على قطعة؛ - خاصيات التكامل: علاقة شال، الخطانية، التكامل والترتيب، القيمة المتوسطة؛ - تقنيتا حساب التكامل: استعمال الدوال الأصلية، المكاملة بالأجزاء؛ - حساب المساحات والحجم؛ |

الهندسة والجبر
١. الجداء السلمي في V_3

| محتوى البرنامج | القدرات المنتظرة | التوجيهات التربوية |
|--|--|---|
| <ul style="list-style-type: none"> - تعريف؛ - خاصيات: التماضية؛ الخطانية. - تعماد متوجهتين. - المعلم والأساس المتعامدان المنظمان. - الصيغة التحليلية للجداء السلمي ولمنظر متجهة ولمسافة نقطتين. | <ul style="list-style-type: none"> - التعبير والبرهنة على تعماد متوجهتين باستعمال الجداء السلمي؛ - التعبير متجهياً وتحليلياً عن التعماد وخاصياته | <ul style="list-style-type: none"> - يتم تقديم الجداء السلمي في الفضاء وخاصياته كما تم تقديمها في المستوى؛ - تمدد وتقبل جميع خاصيات الجداء السلمي من المستوى إلى الفضاء؛ - من أهداف هذا الجزء توظيف الجداء السلمي في التعبير عن الخاصيات المتриية وعن التعماد تعبيراً تحليلياً والتوصل إلى صيغ بعض المسافات؛ |

٢. تطبيقات الجداء السلمي في الفضاء

| محتوى البرنامج | القدرات المنتظرة | التوجيهات التربوية |
|--|---|---|
| <ul style="list-style-type: none"> - تحديد تحليلي للمجموعة $\{M \in P / \bar{u} \bar{A} M = k\}$؛ - المتوجهة المنظمية لمستوى؛ - معادلة ديكارتية لمستوى محدد بنقطة ومتوجهة منظمية عليه؛ - مسافة نقطة عن مستوى؛ - دراسة تحليلية لفلكة؛ - دراسة مجموعة النقط $M(x; y; z)$ بحيث: <li style="text-align: center;">$x^2 + y^2 + z^2 + ax + by + cz + d = 0$ - تقاطع فلكة ومستوى؛ المستوى المماس لفلكة في نقطة معلومة منها؛ تقاطع فلكة ومستقيم. - تطبيقات في حل مسائل هندسية. | <ul style="list-style-type: none"> - تحديد مستوى بنقطة ومتوجهة منظمية. - تحديد المستقيم المار من نقطة والعمودي على مستوى. - تحديد معادلة ديكارتية لفلكة محددة بمركزها وشعاعها؛ - تحديد تمثيل بارامטרי لفلكة؛ - التعرف على مجموعة النقط M من الفضاء التي تحقق العلاقة: $\overline{MA} \cdot \overline{MB} = 0$ | <ul style="list-style-type: none"> - يتعين حصر الدراسة التحليلية للأوضاع النسبية لفلكة ومستوى ولفلكة ومستقيم على أمثلة عددية دون التطرق إلى الحالة العامة؛ - يتم توظيف الجداء السلمي في دراسة التوازي والتعماد في الفضاء؛ |

3. الجداء المتجهي

| محتوى البرنامج | القدرات المنتظرة | التوجيهات التربوية |
|---|--|---|
| <ul style="list-style-type: none"> - توجيه الفضاء؛ ثلاثي الوجوه؛ المعلم والأساس الموجهان. - تعريف هندسي للجداء المتجهي وتأويل منظمه؛ - خاصيات التخاليفية؛ الخطانية؛ - إحداثيات الجداء المتجهي بالنسبة لأساس متعامد منظم مباشر؛ - مسافة نقطة عن مستقيم. | <ul style="list-style-type: none"> - حساب مساحة مثلث باستعمال الجداء المتجهي؛ - تحديد معادلة مستوى محدد بثلاث نقاط غير مستقيمية؛ - تطبيق الجداء المتجهي في حل مسائل هندسية؛ | <ul style="list-style-type: none"> - ينبغي تعريف الفضاء المتجهي بعد توجيه الفضاء باستعمال رجل أمبير إلى جانب إعطاء تأويله الهندسي. أما خصائصه فتعتبر جميعها مقبولة في هذا المستوى. |

4. الأعداد العقدية

| محتوى البرنامج | القدرات المنتظرة | التوجيهات التربوية |
|---|--|---|
| <ul style="list-style-type: none"> - المجموعة C. - الكتابة الجبرية لعدد عقدي؛ - تساوي عددين عقديين؛ - التمثيل الهندسي لعدد عقدي: لحق نقطة؛ لحق متوجهة؛ - العمليات على الأعداد العقدية؛ - مرافق عدد عقدي؛ معيار عدد عقدي؛ - عمدة عدد عقدي غير منعدم؛ الشكل المثلثي؛ | <ul style="list-style-type: none"> - التمك من الحساب على الأعداد العقدية؛ - الانتقال من الكتابة الجبرية إلى الكتابة المثلثية لعدد عقدي وعكس؛ - التعرف على الصيغ المثلثية الأساسية باستعمال الأعداد العقدية؛ - إخطاط حدائقيات مثلثية باستعمال الترميز الأسني لعدد | <ul style="list-style-type: none"> - ينبغي أن يتم التحسيس بضرورة إدخال الأعداد العقدية بشكل مختصر ومركز؛ - نظرا لما يكتسيه التمثيل الهندسي من أهمية في ترسيخ مفهوم العدد العقدي فإن تناوله ينطلق مباشرة مع بداية الفصل ويواكب تقديم جل المفاهيم المقررة لبلورة التأويلات الهندسية لكل من المقابل والمرافق والمعيار والعمدة ومجموع عددين عقديين وجداء عدد عقدي في عدد حقيقي؛ - يتم الربط بين معيار \vec{z} والمسافة AB من جهة وعمدة \vec{z} والزاوية المتجهية $(\vec{AB}; \vec{z})$ من جهة ثانية حيث \vec{z} و\vec{z} هما على |

| | | |
|---|---|---|
| <p>التوالي لحقاً النقطتين A و B و i متجهة موجهة للمحور الحقيقي؛</p> <p>- يجب التركيز على ترجمة المفاهيم الهندسية، وخصوصاً المسافة وقياس زاوية واستقامة النقط وتدوير النقط، إلى مصطلحات الأعداد العقدية؛</p> <p>- يتم التطرق إلى حل معادلات تؤول في حلها إلى معادلات من الدرجة الثانية بمجهول واحد في C معاملاتها أعداد حقيقة؛</p> <p>- تعتبر المعادلة من الدرجة الثانية التي معاملاتها أعداد عقدية غير حقيقة خارج البرنامج إلا تلك التي تؤول في حلها إلى معادلات من الدرجة الثانية بمجهول واحد معاملاتها أعداد حقيقة.</p> | <p>عقدي؛</p> <p>- تطبيق الأعداد العقدية في حل مسائل هندسية (الاستقامة، التعامد، ...);</p> <p>- التعبير عقدياً عن الإزاحة والتحاكي والدوران.</p> <p>- حل المعادلة $az^2 + bz + c = 0$ مع في المجموعة \mathbb{C} مع $(a; b; c) \in \mathbb{R}^* \times \mathbb{R} \times \mathbb{R}$</p> <p>- حل معادلات تؤول في حلها إلى معادلات من الدرجة الثانية بمجهول واحد.</p> | <p>- زاوية متوجهتين وعمدة خارج لحقهما، استقامة ثلاثة نقاط؛</p> <p>- المعادلة $az^2 + bz + c = 0$ حيث a و b و c أعداد حقيقة و $a \neq 0$؛</p> <p>- الترميز الأسني لعدد عقدي $e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$؛ صيغتا أولير (Moivre) وصيغة موافر (Euler)؛</p> |
|---|---|---|

5. حساب الاحتمالات

| محتوى البرنامج | القدرات المنتظرة | التجهيزات التربوية |
|---|---|--|
| <ul style="list-style-type: none"> - المبدأ الأساسي للتعداد؛ شجرة الاختيارات؛ - الترتيبات بتكرار؛ الترتيبات بدون تكرار؛ التأليفات؛ - الأعداد C_n^p و A_n^p و $n!$؛ التجارب العشوائية؛ - استقرار تردد حدث عشوائي؛ احتمال حدث؛ فرضية تساوي الاحتمالات؛ | <ul style="list-style-type: none"> - حساب احتمال اتحاد حدثين؛ واحتمال تقاطع حدثين وحساب احتمال الحدث المضاد لحدث؛ - استعمال النموذج التعافي المناسب حسب الوضعية المدرسة؛ - التعرف على استقلال حدثين؛ - تحديد قانون احتمال متغير عشوائي؛ - التعرف على القانون الحداني | <ul style="list-style-type: none"> - تعويذ التلاميذ على تصور المحاكاة <i>Simulation</i> المناسبة حسب التجربة العشوائية المعنية وتطبيقاته؛ - ينبغي تجنب أي تقديم نظري لمفهوم الاحتمال؛ - من خلال إعادة تجربة عشوائية بسيطة عدداً كبيراً من المرات (رمي قطعة نقدية، سحب كرة من كيس، ...) نتبين استقرار تردد حدث عشوائي ثم نقبل هذه النتيجة؛ ويمكن استعمال الملمس <i>rand</i> من الآلة الحاسبة العلمية أو الآلة الحاسبة العلمية القابلة للبرمجة أو الحاسوب لهذه الغاية؛ - ينبغي الانطلاق من وضعيات ملموسة ومتدرجة تجعل التلميذ يتدرّب تدريجياً على وصف تجارب عشوائية باستعمال لغة الاحتمال؛ - يقدم احتمال حدث انطلاقاً من استقرار تردد حدث عشوائي؛ |

| | | |
|---|--|--|
| <p>- يعزز تقديم مفاهيم الاحتمالات بأمثلة متنوعة تغطي مختلف الحالات الم可能存在ة؛</p> <p>- يطبق الاحتمال في وضعيات متنوعة ذات الارتباط بمواد التخصص؛</p> | <p>وتطبيقه في وضعيات من مواد التخصص؛</p> | <p>- الاحتمال الشرطي؛ استقلالية حدثين؛ استقلالية اختبارين؛</p> <p>- المتغيرات العشوائية؛ قانون احتمال متغير عشوائي؛ الأمل الرياضي؛ الانحراف الطراري لمتغير عشوائي؛</p> <p>- القانون الحداني؛</p> |
|---|--|--|