

**تمرين 6:** (1) حل المعادلة التفاضلية:  $y'' - 4y' + 13y = 0$  :  $(E)$   
(2) حدد الدالة  $f$  حل المعادلة  $(E)$  التي تحقق  $f(0) = 0$   
و  $f'(0) = 1$ .

**تمرين 7:** حل المعادلة التفاضلية  $y' = 7y - 5$   
بحيث :  $y(0) = -6$

**تمرين 8:** حل المعادلة التفاضلية  $y'' - 15y' + 56y = 0$   
بحيث :  $y(0) = -3$  ;  $y'(0) = 9$

**تمرين 9:** حل المعادلة التفاضلية  $y'' + 14y' + 49y = 0$   
بحيث :  $y(0) = -3$  ;  $y'(0) = 6$

**تمرين 10:** حل المعادلة التفاضلية  $y'' + y' + \frac{5}{2}y = 0$   
بحيث :  $y(0) = -4$  ;  $y'(0) = 6$

**تمرين 11:** نعتبر المعادلة التفاضلية:  $(E) 2y' + 4y + 6 = 0$   
1. حل المعادلة التفاضلية  $(E)$   
2. حدد الدالة  $f$  حل المعادلة التفاضلية  $(E)$  التي  
تحقق الشرط :  $f'(0) = 2$

**تمرين 12:** نعتبر المعادلة التفاضلية:  $(E) \frac{1}{3}y' + 2y - 1 = 0$   
1. حل المعادلة التفاضلية  $(E)$   
2. حدد الدالة  $f$  حل المعادلة التفاضلية  $(E)$   
التي تحقق الشرط :  $f'(0) = -1$

**تمرين 13:** نعتبر المعادلة التفاضلية:  $(E) y'' - 5y' + 6y = 0$   
1. حل المعادلة التفاضلية  $(E)$   
2. حدد الدالة  $f$  حل المعادلة التفاضلية  $(E)$   
التي تحقق الشرطين :  $f(0) = 2$  و  $f'(0) = 1$

**تمرين 14:** حل المعادلة التفاضلية  $(E) : y'' - 2\sqrt{2}y' + 2y = 0$   
حدد الحل  $f$  للمعادلة التفاضلية  $(E)$   
الذي يحقق الشرطين  $f(0) = 1$  و  $f'(0) = 0$ .

**تمرين 15:** حل المعادلات التفاضلية التالية :  
(1)  $y'' + 4y' + 8y = 0$  (2)  $y'' + 2y' + y = 0$   
(3)  $y'' - 4y' + 2y = 0$  (4)  $y'' - 4y' + 4y = 0$   
(5)  $y'' - 4y = 0$  (6)  $y'' + 16y = 0$

**ملخص 1:** ليكن  $a$  و  $b$  عددين حقيقيين غير منعدمين.  
حلول المعادلة التفاضلية:  $y' = ay + b$  هي الدوال العددية  
المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي:  $x \mapsto ke^{ax} - \frac{b}{a}$  حيث  $k \in \mathbb{R}$ .

**ملخص 2:** لتكن المعادلة التفاضلية:  $(E) y'' + ay' + by = 0$   
و معادلتها المميزة  $r^2 + ar + b = 0$  حيث  $a$  و  $b$  عدنان  
حقيقيان.

■ إذا كانت المعادلة المميزة تقبل حلين حقيقيين مختلفين  $r_1$  و  $r_2$  ,  
فان حلول المعادلة التفاضلية  $(E)$  هي الدوال المعرفة على  $\mathbb{R}$  على بما  
يلي:  $x \mapsto \alpha e^{r_1 x} + \beta e^{r_2 x}$  حيث  $\alpha$  و  $\beta$  عدنان حقيقيان.

■ إذا كانت للمعادلة المميزة حل حقيقي مزدوج  $r_0$  , فان حلول  
المعادلة التفاضلية  $(E)$  هي الدوال المعرفة على  $\mathbb{R}$  على بما يلي:

$x \mapsto (\alpha x + \beta) e^{r_0 x}$  حيث  $\alpha$  و  $\beta$  عدنان حقيقيان.  
■ إذا كانت المعادلة المميزة تقبل حلين عقديين مترافقين

$r_1 = p + iq$  و  $r_2 = p - iq$  , فان حلول المعادلة التفاضلية  $(E)$   
هي الدوال المعرفة على  $\mathbb{R}$  على بما يلي:  
 $x \mapsto e^{px} (\alpha \cos qx + \beta \sin qx)$  حيث  $\alpha$  و  $\beta$  عدنان  
حقيقيان.

**تمرين 1:** نعتبر المعادلة التالية :  $(E) : y' - 2 = 0$

(1) هل الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي:  $f(x) = 2x + 5$  حل  
للمعادلة  $(E)$  ؟

(2) ما هو الفرق بين معادلة عادية ومثل هذه المعادلات ؟  
(3) هل هناك أكثر من حل للمعادلة  $(E)$  ؟

**تمرين 2:** حل المعادلة التفاضلية:  $(E) : 2y' - 4y - 3 = 0$   
**تمرين 3:** (1) حل المعادلة التفاضلية:

$$(E) : \frac{1}{2}y' + 3y - 1 = 0$$

(2) حدد الدالة  $f$  حل المعادلة التفاضلية  $(E)$  التي تحقق :  
 $f'(0) = -2$

**تمرين 4:** (1) حل المعادلة التفاضلية:  $(E) : y'' - 7y' + 12y = 0$   
(2) حدد الدالة  $f$  حل المعادلة  $(E)$   
التي تحقق  $f(0) = 0$  و  $f'(0) = 1$

**تمرين 5:** (1) حل المعادلة التفاضلية:  $(E) : y'' - 2y' + y = 0$   
(2) حدد الدالة  $f$  حل المعادلة  $(E)$   
التي تحقق  $f(0) = 0$  و  $f'(0) = 1$ .