

التمرين الأول

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي:

- $$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \quad \text{تمامی این} \quad (1)$$

### **بـ- أدرس الفروع اللاحائية للمنحنى**

- 2) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) = 0$

- أ- أحسب المشتقة (3)  $f'(x)$

### **بـ- ضع جدول تغيرات الدالة**

- (4) أحسب  $f''(x)$  و أدرس تغير المموج

- أرسم المثلثي (5)  $C_f$

التمرين الثاني

$$f(x) = x(1 - e^{-x}) \quad f \text{ المعرفة بما يلي :}$$

- أحسب نهايتي ( ١ )

- ## (2) أدرس الفروع الالانهائية للمنحنى $C_f$

- ### ٣) أ- أحسب الدالة المشتقة

$$\text{ب)- بین ان} \quad \forall x < 0 : e^x - 1 + x < 0 \quad \text{و} \quad \forall x > 0 : e^x - 1 + x > 0$$

### جـ- أعط جدول تغيرات الدالة f

- #### 4) أدرس تقع المحنى

5) أدرس الوضع النسبي لـ  $C_f$  و المستقيم  $x$

- 6 ) أرسم اطنحنى

التمرين الثالث

$$h(x) = 1 - (x-1)e^{x-1} \quad \text{لتكن } h \text{ الدالة بحيث} \quad [I]$$

- $$\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = \infty$$

-2 أحسب  $h(x)$  و أختر جدول تغيرات  $h$

$$] -\infty, 1[ \text{ من } h(x) > 0 \quad \text{استنتج أن} \quad -3$$

$$f(x) = \ln(1-x) - e^{x-1} \quad : \quad II \quad \text{نعتبر الدالة } f \text{ المعرفة على } ]-\infty, 1[ \text{ بما يلي}$$

. و ليكن  $C_f$  من هناها في معلم متعدد ممنظم

- $$\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

2- ادرس الفرع اللانهائي لـ  $C_f$  بجوار  $\infty$

$$(\forall x \in D) \quad f'(x) = \frac{h(x)}{x-1} \quad \text{أثبت أن}$$

بـ- ضع جدول تغيرات الدالة  $f$

4- بين أن  $f(\alpha) = 0$  (إذا  $\alpha \in [-1, 0]$ )

6- أنشئ  $C_f$

#### التمرين الرابع

لتكن  $f$  دالة عدديّة معرفة بما يلي :

ولتكن  $(C_f)$  منهاها في ٢٣٣ (٠;  $\vec{i}$ ;  $\vec{j}$ ) :

$$\begin{cases} f(x) = x + xe^{\frac{1}{x}} ; x < 0 \\ f(x) = (x - 2\sqrt{x})e^{\sqrt{x}} ; x \geq 0 \end{cases}$$

1. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2. أ) أن  $f$  دالة متصلة في 0

بـ) ادرس قابلية الاشتقاق  $f$  في 0 وأعط تأويله هندسي للنتيجة

3. ادرس الفروع الالانهائيّة لـ  $(C_f)$

4. ادرس تغيرات الدالة  $f$  ثم أعط جدول تغيراتها

5. أنشئ المنهجي  $(C_f)$

#### التمرين السادس

نعتبر الدالة العدديّة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :

ولتكن  $(C_f)$  منهاها في ٢٣٣ (٠;  $\vec{i}$ ;  $\vec{j}$ ) :

$$\begin{cases} f(x) = xe^{-\frac{1}{x^2}} ; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

1. ادرس زوجيّة الدالة  $f$

2. ادرس اتصال الدالة  $f$  على يمين من 0

3. ادرس قابلية اشتقاق الدالة  $f$  على يمين من 0

4. ادرس الفروع الالانهائيّة للمنهجي  $(C_f)$

5. ادرس تغيرات الدالة  $f$  على  $[0; +\infty)$  وأعط جدول تغيراتها

6. أ) بين أن  $f(x) > x$  ( $\forall x < 0$ )

بـ- أنشئ المنهجي  $(C_f)$

7. لتكن  $(U_n)$  المتناليّة المعرفة بما يلي :

أ) بين أن  $U_n < 0$  ( $\forall n \in \mathbb{N}$ )

بـ- أثبت أن المتناليّة  $(U_n)$  نزايديّة

جـ- استنتج أن المتناليّة  $(U_n)$  متقاربة وحدد نهايتها

## التمرين السابع

**أجزاء (1)**

نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة بما يلي :

$$(1) \text{ أحسب النهايin } \lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) ; \lim_{x \rightarrow \infty} g(x)$$

(2) أحسب  $(x)$  و أجزء جدول تغيرات الدالة  $g$

(3) أ- بين أن المعادلة  $0 = g(x)$  تقبل حللين أحدهما  $\beta = 0$  و الثاني  $\alpha$  ينتمي للمجال  $[-2, -1]$

ب- استنتج إشارة  $g(x)$

**أجزاء (2)**

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي

$$(1) \text{ أحسب النهايin } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) ; \lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$$

(2) أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى  $(C_f)$

(3) أ- بين أن  $f'(x) = e^x g(x)$

ب- ضع جدول تغيرات الدالة  $f$

$$(4) \text{ بين أن } f(\alpha) = -\frac{\alpha^2 + 2\alpha}{4} \text{ و أرسم المنحنى } (C_f) \text{ (نأخذ } \alpha = -1, 6 \text{ و } \alpha = 0, 2 \text{ )}$$

(5) ليكن  $(\Delta_a)$  أكبر المستوى المقصور بين المنحنى  $(C_f)$  و المستقيمين  $x = a$  و  $x = 0$  حيث  $a < 0$

أ- تتحقق أن  $F(x) = xe^x$  دالة أصلية للدالة  $x \rightarrow (x+1)e^x$

ب- أحسب  $S_a$  مساحة  $(\Delta_a)$  بدلالة  $a$  ثم حدد  $a$

## التمرين الثامن

**أجزاء 1 :** نعتبر الدالة  $g(x) = \frac{-x}{x+1} - \ln(x+1)$

$$(1) \text{ بين أن } \lim_{\substack{x \rightarrow -1 \\ x > -1}} g(x) = +\infty$$

(2) أ- أحسب المشتق  $(x)'$  و استنتج أن  $g$  تناقصية قطعا على  $[-1, +\infty)$  أجزء جدول تغيراته

ب- أحسب  $g(0)$  و استنتاج إشارة  $g(x)$

**أجزاء 2 :** لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة على  $[-1, +\infty)$  بما يلي :

$$(1) \text{ أحسب } \lim_{\substack{x \rightarrow -1 \\ x > -1}} f(x)$$

(2) بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$  ماذا تستنتج؟

(3) بين أن  $f'(x) = e^{-x} g(x)$  و أجزء جدول تغيرات الدالة  $f$

(4) بين أن المعادلة  $x = f(x)$  تقبل في المجال  $[0, 1]$  حل واحدا  $\alpha$  (نأخذ  $e \approx 2, 7$  ;  $\ln 2 \approx 0, 7$ )

(5) أرسم المنحنى  $(C_f)$