

:

سلسلة تمارين

الحدوديات

3. احسب $P(1)$ بدلالة n
 4. حدد قيم n التي من أجلها $P(x)$ قابلة للقسمة على $(x-1)$

التمرين 1

حدد الأعداد الحقيقية m و n و p بحيث لكل عدد حقيقي x :

$$mx^2 + 3x - p = nx + 4$$

التمرين 9

- نعتبر الحدوية $P(x) = x^3 - (a+1)x^2 + (a-2)x + 2a$:
1. بدون حساب، حدد قيمة a لكي يكون 0 جذراً للحدوية P
 2. حدد باقي القسمة الإقلية لـ P على $(x-1)$
 3. حدد قيمة a لكي يكون 1 جذراً للحدوية P
 4. نأخذ : $a=1$
- a. بين أن $P(x)$ تقبل القسمة على $(x-2)$
- b. عمل $P(x)$
- c. حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$

التمرين 10

- نعتبر الحدوية $P(x) = 2x^4 - 5x^3 + 6x^2 - 5x + 2$.
 ليكن α جذراً للحدوية P .
 1. بين أن $\alpha \neq 0$
2. بين أن $\frac{1}{\alpha}$ جذر للحدوية P .
3. أثبت أن 1 جذر للحدوية P .
4. عمل $P(x)$

- نعتبر الحدوية $P(x) = x^3 - 15x - 4$.
 1. أتحقق أن 4 جذر للحدوية $P(x)$
- ب - حدد حدوية $Q(x)$ حيث $P(x) = (x-4)Q(x)$
2. عمل الحدوية $Q(x)$
3. استنتج حل المعادلة $P(x) = 0$

التمرين 11

حدد بدلالة n درجة كل حدوية من الحدوبيات التالية :

$$\deg(P) = n$$

$$\deg(P \times P(x)) = 1$$

$$\deg((2x^3 - x^2 + 1)P(x)) = 2$$

3. عدد حقيقي غير منعدم حيث $k \times P(x)$

$$\underbrace{P(x) \times P(x) \times \dots \times P(x)}_{\text{مرة}} = 4$$

التمرين 4

1. أوجد حدوية P غير منعدمة تقبل ثلات جذور فقط 1 و 2 و 3 .
 ثم حدد درجتها.

التمرين 5

حدد حدوية P غير منعدمة معاملاتها أعداد صحيحة نسبية بحيث يكون العدد α جذراً لها في الحالات التالية :

$$\alpha = \frac{3}{11} \quad .1$$

$$\alpha = \sqrt{7} \quad .2$$

$$\alpha = \sqrt{2} + \sqrt{3} \quad .3$$

التمرين 6

برهن أن العدد α جذر للحدوية :

$$P(x) = x^3 - (3+\alpha)x^2 + (2+3\alpha)x - 2\alpha$$

التمرين 7

نعتبر الحدوية $P(x) = x^3 + mx^2 + 2m(2-m)x - 4$

حيث m عدد حقيقي

1. حدد قيمة m التي من أجلها $P(x)$ تقبل القسمة على $x-m$
2. في الحالة التي يكون فيها m موجباً عمل $P(x)$

التمرين 8

نعتبر الحدوية $P(x) = (x-2)^{3n} + (x-1)^{2n} - 1$; $n \in \mathbb{N}^*$

1. أثبت أنه توجد حدوية $Q(x)$ بحيث : $P(x) = (x-2)Q(x)$ (ليس المطلوب تحديد صيغتها)
2. حدد درجة الحدوية Q