

## الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ح. أ



سلسلة رقم

تمارين: الدوال الأسية

<u>.01</u>

$$\mathbf{c} = \sqrt{\mathbf{e}^{2\mathrm{x}} + 2\mathbf{e}^{\mathrm{x}} + 1}$$
 و  $\mathbf{b} = \frac{\left(\mathbf{e}^{5\mathrm{x}}\right)^4 \times \mathbf{e}^{-8\mathrm{x}}}{\mathbf{e}^{3\mathrm{x}}}$  و  $\mathbf{a} = \mathbf{e}^{3\ln(\mathrm{x})}$  بسط التعابير التالية:

. 02

$$(\mathrm{e}^{\mathrm{x}}-2)(\mathrm{e}^{2\mathrm{x}}+6)=0$$
 و  $\mathrm{e}^{3\mathrm{x}}+3=0$  و  $\mathrm{e}^{7\mathrm{x}}-2=0$  حل في  $\mathbb R$  المعادلات التالية:

.03

$$\mathrm{e}^{\mathrm{x}}\left(\mathrm{e}^{\mathrm{x}}-1
ight)$$
 حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحات التالية:  $\mathrm{e}^{3\mathrm{x}+1}>\mathrm{e}^{7\mathrm{x}+2}$  و

. 04

حدد مجموعة تعريف الدالة f في الحالات التالية:

$$f(x) = \frac{3}{e^x \times \ln(x)}$$
  $f(x) = \frac{3e^x}{e^x - 2}$   $f(x) = \frac{e^x + 5}{e^x}$   $f(x) = (4 - e^x) \ln(e^x - 3)$   $f(x) = 2e^x + 1$ 

<u>. 05</u>

أحسب: f '(x) في الحالات التالية.

$$f(x) = \sqrt{e^{2x} - e^{x}}$$
  $f(x) = e^{\frac{3x-5}{x-2}}$   $f(x) = \frac{e^{x}+5}{e^{x}}$   $f(x) = \ln(e^{x}-2)$   $f(x) = 7x^{4} - e^{2x}$ 

<u>. 06</u>

حسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \to 1} \frac{e^{3x+2} - e^5}{x-1} \ni \lim_{x \to +\infty} \frac{2e^x - 1}{5e^x - 3} \ni \lim_{x \to -\infty} \frac{2e^x - 1}{5e^x - 3} \ni \lim_{x \to -\infty} x^3 \times e^x \ni \lim_{x \to +\infty} 3x - 2 - e^x \ni \lim_{x \to +\infty} xe^{-2x} \ni \lim_{x \to -\infty} \frac{3x}{x+2} e^{-2x}$$

 $f(x) = 3x^2 + e^x \times (e^x + 2)^4$  و  $f(x) = \frac{e^{2x}}{e^{2x} - 5}$  و  $f(x) = \frac{3}{3x + 2} + e^3x$  و  $f(x) = e^x - 2e^{3x}$  عدد الدوال الأصلية للدالة  $f(x) = 3x^2 + e^x \times (e^x + 2)^4$ 

**.07** باك 2015 الدورة العادية

الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على  $g(x)=e^x-2x$  ب $g(x)=e^x-2x$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $g(x)=e^x-2x$ 

.  $[\ln 2,+\infty[$  على g'(x) و تزايدية على  $[\ln 2,+\infty[$  و تزايدية على g'(x) . أحسب و المنابع أن و المنابع أن و المنابع أن ا

ي نحقق أن  $g(\ln 2) = 2(1 - \ln 2)$  ثم حدد إشارة  $g(\ln 2) = 2(1 - \ln 2)$  ثم حدد إشارة

<u>lundi 25 janvier 2016</u> 25/01/2016 09:53



## الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ح. أ



سلسلة رقم

تمارين: الدوال الأسية

استنتج أن g(x)>0 لكل x من g(x)>0 كال 0.5

.  $f(x) = \frac{x}{e^x - 2x}$  بما يلي  $\mathbb{R}$  بما المعرفة على المعرفة على الدالة العددية

. ( 1 cm الوحدة ) ( $\mathbf{O}.; \mathbf{i}; \mathbf{j}$ ) منحنى الدالة  $\mathbf{f}$  في معلم متعامد ممنظم ( $\mathcal{C}_{\!{}_f}$ ) الوحدة

.....01

( المنا ) ...... . (  $\mathbb{R}^*$  نكل x من  $e^x - 2x = x \left( \frac{e^x}{x} - 2 \right)$  )  $\lim_{x \to -\infty} f(x) = -\frac{1}{2}$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$  :  $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$ 

بے أول هندسيا كل نتيجة من النتيجتين السابقتين ) . ......... أول هندسيا كل نتيجة من النتيجتين السابقتين ) .

...02

( ن 0.75).....  $\mathbb{R}^*$  عن  $\mathbf{x}$  عن  $\mathbf{f}'(\mathbf{x}) = \frac{(1-\mathbf{x})e^{\mathbf{x}}}{(e^{\mathbf{x}}-2\mathbf{x})^2}$  :  $\frac{1}{2}$ 

ادرس إشارة f'(x) على  $\mathbb R$  ثم أعط جدول تغيرات الدالة f على  $\mathbb R$  . .........( 0.75 ن )

(ن 0.25)......... بين أن y=x أصل المعلم . المماس للمنحنى y=x أصل المعلم . بين أن y=x

المستقيم ( $\mathcal{C}_f$ ) نقطتي ( $\mathcal{C}_f$ ) و المنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و المنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و المنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) نقطتي انعطاف ( $\mathcal{C}_f$ ) نقطتي انعطاف ( $\mathcal{C}_f$ ) نقطتي انعطاف

أفصول إحداهما ينتمي إلى المجال ]0,1[ و أفصول الأخرى أكبر من  $\frac{3}{2}$  . ...... ( 1 ن )

...04

لتكن ، ب  $(\mathcal{C}_f)$  مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى ( $(\mathcal{C}_f)$ ) و محور الأفاصيل و المستقيمين اللذين ح

 $( \ \dot{\cup} \ 0.5 \ )$  .  $1 - \frac{2}{e} \le A(E) \le \frac{1}{e-2} :$  بين أن x = 1 و x = 0 معادلتاهما معادلتاهما

. h(x) = f(x) بما يلي :  $[-\infty, 0]$  بما يلي المعرفة على المعرفة على المجال الدالة العددية المعرفة على المجال

. بين أن : الدالة h تقبل دالة عكسية  $h^{-1}$  معرفة على المجال J يتم تحديده .

.  $\mathbf{h}^{-1}$  الممثل للدالة ( $\mathcal{C}_{\mathbf{h}^{-1}}$ ) المنحنى ( $\mathcal{C}_{\mathbf{h}^{-1}}$ ) الممثل للدالة ( $\mathbf{O}.; \vec{\mathbf{i}}; \vec{\mathbf{j}}$ ) الممثل للدالة

.  $\mathbb N$  لكل  $\mathbf u_{\mathrm{n+1}}=\mathbf h(\mathbf u_{\mathrm{n}})$  و  $\mathbf u_0=2$  لكل  $\mathbf u_{\mathrm{n}}$  لكل  $\mathbf u_{\mathrm{n+1}}=\mathbf u_{\mathrm{n}}$  .  $\mathbf U_{\mathrm{n}}$ 

ين بالترجع أن :  $\mathbf{u}_{\mathrm{n}} \leq \mathbf{0}$  لكل  $\mathbf{n}$  من  $\mathbf{0}$  . .........  $\mathbf{0.5}$ 

بين أن : المتتالية  $\left(u_{n}\right)$  تزايدية  $\left(u_{n}\right)$  ملاحظة ، مبيانيا ، أن x  $\geq$  x لكل x من المجال  $\left(u_{n}\right)$  .......

استنتج أن : المتتالية  $(u_n)$  متقاربة و حدد نهايتها . ........ ( 0.75 ن 0.75

<u>Lundi 25 janvier 2016</u> 25/01/2016 09:53



## الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ح. أ



فحة تمارين: الدوال الأسية سلسلة رقم

<u>. 08</u>

I

.  $g(x) = (x+1)^2 e^{-x} - x$ : بما يلي  $[0;+\infty[$  المعرفة على المع

 $\lim_{x\to +\infty} g(x) = -\infty$ : بين أن  $\lim_{x\to +\infty} \frac{e^x}{x^2} = +\infty$  )  $\lim_{x\to +\infty} \frac{e^x}{x^2} = +\infty$  : المين أن  $\lim_{x\to +\infty} \frac{e^x}{x^2} = +\infty$ 

...**.02** 

.  $\forall x \in \left]0;+\infty\right[ \;\; ; \;\; e^{-x} \leq 1:$  بين أن  $g'(x)=-x^2e^{-x}+e^{-x}-1:$  .  $g'(x)=-x^2e^{-x}+e^{-x}-1:$ 

.  $[0;+\infty[$  على g'(x) على g'(x) على g'(x) على g'(x) على g'(x) على g'(x)

.  $f(x) = (x+1)^2 e^{-x}$  بندية المعرفة على x المعرفة على الدالة العددية للمتغير الحقيقي والمعرفة على الدالة العددية المعرفة المعرفة على x

. (  $2~{
m cm}$  الوحدة  $(\mathcal{C}_{_f})$  منحنى الدالة f في معلم متعامد ممنظم ( $(\mathcal{C}_{_f})$  منحنى الدالة  $(\mathcal{C}_{_f})$ 

 $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  . النتيجة هندسيا يا  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  . النتيجة

بین أن:  $\infty + = \lim_{x \to -\infty} \frac{f(x)}{x}$  و أول النتیجة هندسیا.

.  $\left[1; \frac{3}{2}\right]$  على  $\mathbb{R}$  .  $\mathbb{R}$  على  $\mathbb{R}$  .  $\mathbb{R}$  على  $\mathbb{R}$  على  $\mathbb{R}$  .  $\mathbb{R}$  على  $\mathbb{R}$  .  $\mathbb{R}$  استنتج رتابة  $\mathbf{r}$  على  $\mathbf{r}$ 

 $f(\alpha) = \alpha$  حيث  $\alpha$  عدد حقيقي وحيد  $\alpha$  من المجال  $\alpha$  حيث عدد عدد حقيقي وحيد  $\alpha$ 

. حدد تقاطع المنحنى  $(\mathcal{C}_{_{\! f}})$  مع المحورين  $\mathbf{04}$ 

.  $(\Delta): y=x$  موازي للمستقيم  $(\Delta)$  الذي معادلته  $(C_f)$  ل  $(C_f)$  الذي معادلته  $(\Delta)$ 

 $(e^{-1} \approx 0,4 \ 7 \approx ,2)$ e ناخذ ( $\Delta$ ) و المستقيم ( $\mathcal{C}_f$ ) و المستقيم ( $\mathcal{C}_f$ ) الخذ

. يتم تحدده  $\mathcal{C}_{g^{-1}}$  بين أن g قصور f على g تقابل من g تقابل من g إلى g يتم تحدده . g أنشئ  $\mathcal{C}_{g^{-1}}$  منحنى الدالة g في نفس المعلم .

.  $\mathbb N$  المعرفة بما يلي :  $u_{n+1}=f\left(u_n\right)$  و  $u_0=rac{3}{2}$  . المعرفة بما يلي :  $u_{n+1}=f\left(u_n\right)$  ككل  $u_{n+1}=f\left(u_n\right)$  من

.  $\forall n \in \mathbb{N} \ ; \ 1 \le u_n \le \frac{3}{2} \ :$  أن بين بالترجع أن  $u_n \le \frac{3}{2} = 0$ 

.  $\forall n \in \mathbb{N} \; \; ; \; \left|u_{_{n+1}}-\alpha\right| \leq \frac{1}{2}\left|u_{_{n}}-\alpha\right| \; : \;$ فقبل النتيجة التالية : 0

.  $\left(u_{n}\right)$  بين ن :  $\forall n\in\mathbb{N}$  ;  $\left|u_{n+1}-\alpha\right|\leq\left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}$  : ين ن ن

lundi 25 janvier 2016 \_\_\_\_\_\_\_\_25|01|2016 09:53