

نيابة تاوريرت
ثانوية الفتح التأهيلية
الجمعة 26 نونبر 2010
من 14h:00 إلى 17h:00

فرض الأولمبياد في الرياضيات
للجذع المشترك العلمي
- الفرض الأول -

الجذع المشترك العلمي
و التكنولوجي

هذه نسخة تم إعادة تحريرها للفرض الفعلي و ليست بنسخة أصلية

تمرين 1: رتب الأعداد التالية تزايديا: 3^{203} ، 5^{145} ، 7^{87}

تمرين 2: a و b و c أعدادا حقيقية موجبة قطعاً.

▪ بين أن: $\frac{2ab}{a+b} + \frac{2bc}{b+c} + \frac{2ca}{c+a} \leq a+b+c$

تمرين 3: لتكن a و b و c أعدادا حقيقية بحيث $a+b+c=0$

▪ بين أن: $a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$

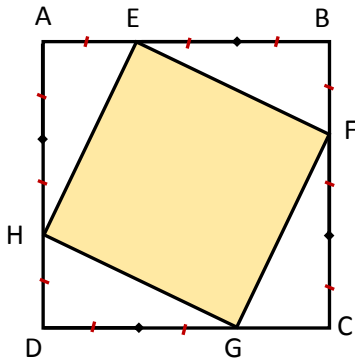
▪ بين أن: $\frac{a^5 + b^5 + c^5}{5} = \left(\frac{a^2 + b^2 + c^2}{2}\right) \left(\frac{a^3 + b^3 + c^3}{3}\right)$

تمرين 4: ليكن ABC مثلث بحيث: $AB = a$ و $AC = b$ ، منصف الزاوية \hat{BAC} يقطع $[BC]$ في النقطة I .

الموازي للمستقيم (AC) و المار من I يقطع $[AB]$ في النقطة J . نضع: $IJ = c$

▪ بين أن: $c(a+b) = ab$

تمرين 5: ليكن $ABCD$ مربعاً بحيث: $AB = a$ و $(a \in \mathbb{R}_+^*)$ (أنظر الشكل)



لتكن E نقطة من القطعة $[AB]$ بحيث $AE = \frac{1}{3} AB$

لتكن F نقطة من القطعة $[BC]$ بحيث $BF = \frac{1}{3} BC$

لتكن G نقطة من القطعة $[CD]$ بحيث $CG = \frac{1}{3} CD$

لتكن H نقطة من القطعة $[DA]$ بحيث $DH = \frac{1}{3} DA$

▪ أحسب مساحة الرباعي $EFGH$